

تخصص ميكانيكا إنتاج

مدخل إلى التقنية الميكانيكية

ميك 116

مقدمة

الحمد لله وحده، والصلوة والسلام على من لا نبي بعده، محمد وعلى آله وصحبه، وبعد :

تسعى المؤسسة العامة للتدريب التقني والمهني لتأهيل الكوادر الوطنية المدرية القادرة على شغل الوظائف التقنية والفنية والمهنية المتوفرة في سوق العمل، ويأتي هذا الاهتمام نتيجة للتوجهات السديدة من لدن قادة هذا الوطن التي تصب في مجملها نحو إيجاد وطن متكامل يعتمد ذاتياً على موارده وعلى قوة شبابه المسلح بالعلم والإيمان من أجل الاستمرار قدماً في دفع عجلة التقدم التنموي: لتصل بعون الله تعالى لمصاف الدول المتقدمة صناعياً.

وقد خططت الإدارة العامة لتصميم وتطوير المناهج خطوة إيجابية تتفق مع التجارب الدولية المتقدمة في بناء البرامج التدريبية، وفق أساليب علمية حديثة تحاكي متطلبات سوق العمل بكافية تخصصاته لتلبي متطلباته ، وقد تمثلت هذه الخطوة في مشروع إعداد المعايير المهنية الوطنية الذي يمثل الركيزة الأساسية في بناء البرامج التدريبية، إذ تعتمد المعايير في بنائها على تشكيل لجان تخصصية تمثل سوق العمل والمؤسسة العامة للتدريب التقني والمهني بحيث تتوافق الرؤية العلمية مع الواقع العملي الذي تفرضه متطلبات سوق العمل، لتخرج هذه اللجان في النهاية بنظرة متكاملة لبرنامج تدريسي أكثر التصاقاً بسوق العمل، وأكثر واقعية في تحقيق متطلباته الأساسية

وتتناول هذه الحقيقة التدريبية " مدخل إلى التقنية الميكانيكية " لتدريسي قسم " ميكانيكا إنتاج " للكليات التقنية موضوعات حيوية تتناول كيفية اكتساب المهارات اللازمـة لهذا التخصص. والإدارة العامة لتصميم وتطوير المناهج وهي تضع بين يديك هذه الحقيقة التدريبية تأمل من الله عز وجل أن تسهم بشكل مباشر في تأصيل المهارات الضرورية اللازمـة، بأسلوب مبسط يخلو من التعقيد، وبالاستعانة بالتطبيقات والأشكال التي تدعم عملية اكتساب هذه المهارات.

والله نسأل أن يوفق القائمين على إعدادها المستفيدين منها لما يحبه ويرضاه: إنه سميع مجيب الدعاء.

الإدارة العامة لتصميم وتطوير المناهج

المقدمة

مما لا شك فيه أن فهم أساسيات أي علم من العلوم يعتبر هو السبيل الأقصر لفهم هذا العلم واستيعابه على الوجه المطلوب ، ومن هذا المنطلق جاء اعتماد هذا المقرر ضمن مقررات تخصص الإنتاج في قسم التقنية الميكانيكية في الكليات التقنية بالملكة. ويقدم هذا المقرر أساسيات التقنية الميكانيكية بصورة مبسطة ومبشرة دون التعمق في النظرية التي قد تتسبب في الإخلال بأهداف المقرر.

وقد تم الحرص في إعداد هذه الحقيبة قدر الإمكان على البساطة والوضوح واستخدام الأمثلة التي بالإمكان تصورها واستيعابها من قبل المتدربين.

ولكن يجب التبيه إلى إن هذا المقرر بطبعته يحتاج إلى متابعة مستمرة من قبل المتدرب ولذلك فقد حاولت الإكثار من الأمثلة ومن التمارين في نهاية كل وحدة حيث أرحب من زملائي المدربين حتى المتدربين على متابعة المقرر من خلال التمارين المتعلقة بالمحاضرات أولا باول حتى يتحقق الهدف بإذن الله.

هذا وأسأل الله تعالى للجميع التوفيق والسداد.

مدخل إلى التقنية الميكانيكية

مقدمة في الاستاتيكا والديناميكا

الوحدة الأولى : مقدمة في الاستاتيكا والديناميكا

الأهداف

بعد دراسة هذه الوحدة يصبح المتدرب قادراً على:

- معرفة الكميات القياسية والتجهيز والتفريق بينها.
- تحليل القوى المائدة إلى مركباتها وحساب محصلة مجموعة من القوى تتلاقى خطوط عملها في نقطة.
- معرفة عزم القوة
- معرفة وتطبيق شروط اتزان مجموعة من القوى تتلاقى خطوط عملها في نقطة.
- معرفة أساسيات الحركة المستقيمة والدورانية.
- فهم قوانين نيوتن وبعض تطبيقاتها الأساسية.

الوقت المتوقع للتدريب

8 ساعات

المتطلبات السابقة

مبادئ الفيزياء والرياضيات (المتجهات والدوال المثلثة ونظرية فيثاغورس)

الوحدة الأولى : مقدمة في الاستاتيكا والديناميكا

Introduction to Statics and Dynamics

مقدمة

تتناول هذه الوحدة موضوع الميكانيكا التطبيقية حيث يتم التطرق إلى كلٍ من الاستاتيكا وهو علم السكون والديناميكا وهو علم الحركة وتبعد الوحدة بتناول موضوع القوى المترکزة في نقطة حيث تتم دراستها ومعرفة طرق حساب محصلتها وكذلك تحليلها إلى مركباتها وإسقاطها على المحاور. ثم يتم تناول موضوع اتزان مجموعة من القوى تتلاقى خطوط عملها في نقطة حيث تتم معرفة شروط الاتزان والتطرق إلى بعض الأمثلة والتمارين التطبيقية في هذا المجال. بعد ذلك يتم التطرق لموضوع الديناميكا وهو علم الحركة حيث تتم دراسة سرعة وتسارع الجسيمات مع التطرق إلى نوعين من أنواع الحركة وهما الحركة في خط مستقيم والحركة الدائرية. وبعد ذلك يتم إدخال مسببات الحركة في الدراسة من خلال التطرق إلى قوانين نيوتن وبعض تطبيقاتها.

1 - 1 متجهات القوى Force Vectors

حيث إن القوة هي كمية متجهة فمن المناسب أن يسبق الحديث عن القوى تعريفاً بالكميات المتجهة والكميات القياسية.

- 1 - 1 الكميّات القياسيّة والكميّات المتجهة: Vectors and Scalars

تقسم الكميّات الطبيعيّة بوجه عام إلى نوعين هما الكميّات القياسيّة والكميّات المتجهة ، فالكميّات القياسيّة (**Scalar Quantities**) هي الكميّات التي يعبر عنها بواسطة قياس واحد فقط يمثل المقياس (**magnitude**) ومثال ذلك الطول ودرجة الحرارة والكتلة والحجم وغيرها. مثلاً درجة حرارة جسم ما 21 درجة مئوية و طول شخص ما 170 سم.

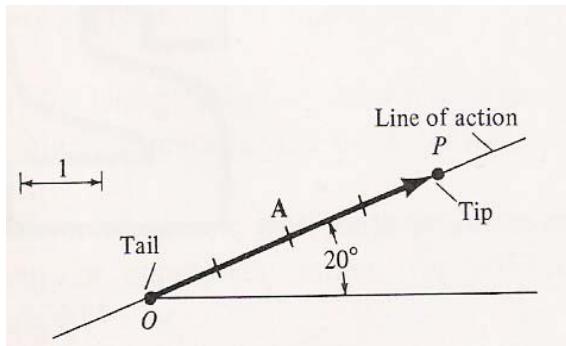
أما الكميّات المتجهة (**Vector Quantities**) فهي الكميّات التي يعبر عنها بكلٍّ من المقدار أو المقياس (**magnitude**) والاتجاه (**direction**) فلو عبر عنها بالقياس فقط أو الاتجاه لما اكتمل تعريفها.

مثلاً السرعة ، القوة ، العجلة ... وغيرها

فلو قلنا أن شخصاً تحرّك بسيارته بسرعة 120 كلم بالساعة وسألنا كم ستسفر رحلته؟ فمن الواضح أن المعلومة غير مكتملة ولا يمكن الإجابة على السؤال ولكن لو أضفنا أن الشخص يسير بسرعة 120 كلم بالساعة منطلاقاً من القصيم باتجاه الرياض لأنّ أصبحت المعلومة مكتملة وأمكن الإجابة على السؤال. فهنا لابد لكي نعرف السرعة أن يتم تحديد مقدارها (120 كلم بالساعة) واتجاهها (من القصيم إلى الرياض).

تمثل المتجهة بالرسم بواسطة خط سهمي يدل طوله على مقدار المتجهة وتدل الزوايا التي يصنعها مع الإحداثيات على اتجاه المتجهة وفي الميكانيكا المستوية تكفي زاوية واحدة في المستوى لتحديد الاتجاه.

الشكل 1 - 1 يبيّن متجهة A قياسها أربع وحدات وتصنّع زاوية مقدارها 20 درجة مع المحور الأفقي.



شكل 1 - 1 (تمثيل المتجهة)

ضرب كمية متجهة بكمية قياسية:
عند ضرب كمية متجهة **A** بكمية قياسية **n** فإن الناتج كمية متجهة جديدة **B**

$$\mathbf{B} = n \mathbf{A} \quad (1-1)$$

ويكون مقدار **B** يساوي مقدار **A** مضروباً في **n** واتجاهها كالتالي:

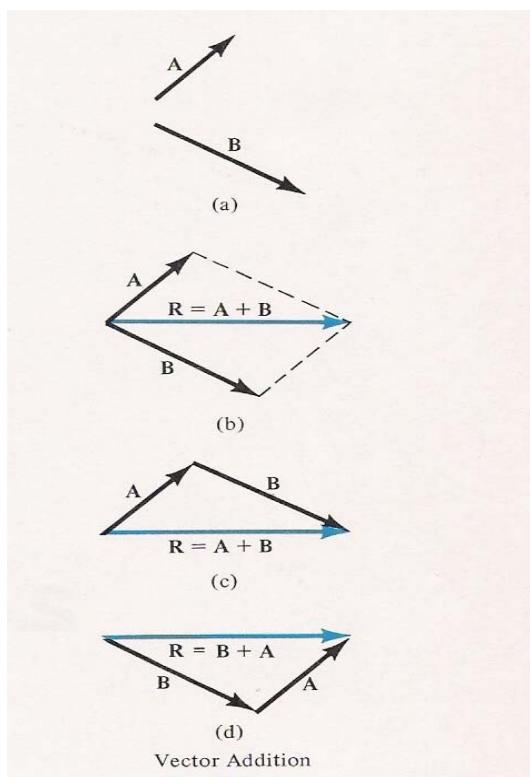
أ) **B** في نفس اتجاه **A** إذا كانت $n > 0$

ب) **B** عكس اتجاه **A** إذا كانت $n < 0$

ج) $\mathbf{B} = \mathbf{0}$ إذا كانت $n = 0$

جمع الكميات المتجهة:

يمكن جمع متجهتين \mathbf{A} و \mathbf{B} للحصول على محصلتهما $\mathbf{R} = \mathbf{A} + \mathbf{B}$ باستخدام طريقة متوازي الأضلاع حيث يتم رسم المتجهتين من نقطة واحدة لتكونا ضلعي متوازي الأضلاع ومن ثم استكمال متوازي الأضلاع. وبكون حاصل جمع المتجهتين أو المحصلة \mathbf{R} هي الضلع من نقطة بداية المتجهتين إلى الركن المقابل لها كما هو موضح بالشكل 1 - 2.



(d) و (c) أو بطريقة التتابع (b) بطريقة متوازي الأضلاع (a) الشكل 1 - 2 جمع متجهتين

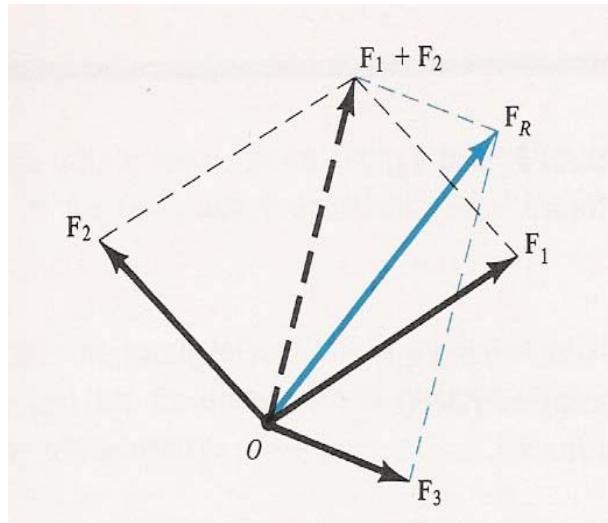
من الممكن أيضاً إيجاد حاصل الجمع أو المحصلة \mathbf{R} برسم المتجهات باتجاهاتها متتابعة وتكون المحصلة هي الضلع الواسط من نقطة بداية المتجهة الأولى إلى نقطة نهاية المتجهة الأخيرة كما هو موضح بالشكل 1 - 2. ويمكن أيضاً إيجاد حاصل الجمع بطريقة التحليل وسيتم التعرف على هذه الطريقة في الموضع التالي.

1-1-2 محصلة القوى المستوية (اتجاهين فقط): Dimensions

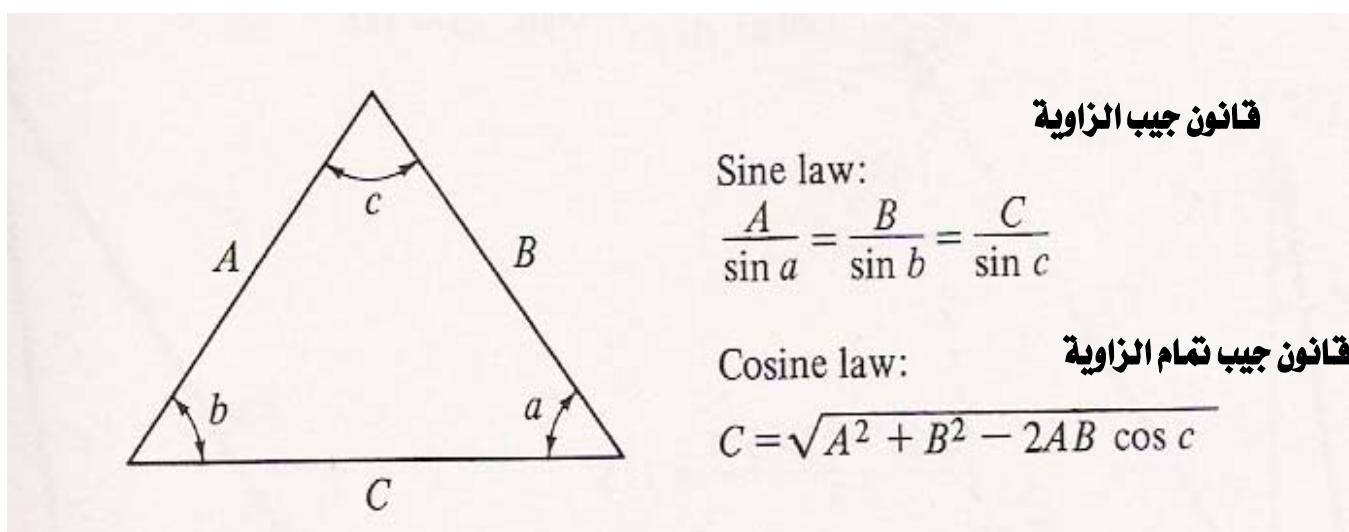
أ - طريقة متوازي أضلاع القوى:

حيث إن القوة كمية متتجة فإن ما سبق تقادمه ينطبق على متتجهات القوى (انظر الشكل 1-3) وسنأخذ أمثلة توضيحية تبين طريقة إيجاد محصلة مجموعة من القوى المستوية باستخدام طريقة متوازي الأضلاع ولكن من المناسب قبل ذلك أن نسترجع بعض القوانين الرياضية المفيدة في هذا الموضوع.

الشكل 1-4 يبين قانون جيب الزاوية وقانون جيب تمام الزاوية للمثلث



الشكل 1-3 (إيجاد محصلة مجموعة من القوى باستخدام طريقة متوازي الأضلاع)



الشكل 1-4 قانون جيب الزاوية Sine Law و قانون جيب تمام الزوايا Cosine law

ب- طريقة تحليل القوى إلى مركباتها:

في هذه الطريقة يتم تحليل كل قوة إلى مركباتها باتجاه المحاور X و Y ومن ثم يتم جمع المركبات باتجاه المحور X مع ملاحظة اتجاهها بحيث تكون المركبة التي باتجاه الموجب للمحور موجبة والتي بالاتجاه السالب للمحور تكون إشارتها سالبة وبذلك يتم الحصول على المركبة المحصلة باتجاه المحور X (FR_x) وبنفس الطريقة باتجاه المحور Y للحصول على المركبة المحصلة باتجاه المحور Y (FR_y) أو

عبارة رياضية:

$$\begin{aligned} FR_x &= \sum F_x \\ FR_y &= \sum F_y \end{aligned} \quad (2-1)$$

و تكون المحصلة

$$F_R = \sqrt{F_{Rx}^2 + F_{Ry}^2} \quad (3-1)$$

وتكون زاوية المحصلة التي تصنعها مع المحور X

$$\theta_R = \tan^{-1} \frac{F_{Ry}}{F_{Rx}} \quad (4-1)$$

تذكير:

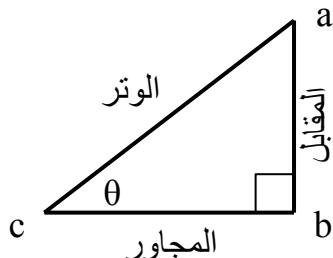
من المفيد هنا أن تتذكر تعريف الدوال المثلثية الأساسية (جيب الزاوية ، وجيب تمام الزاوية ، وظل الزاوية)

بالنسبة لأي مثلث قائم الزاوية فإن:

$$\sin \theta = \text{المقابل} / \text{الوتر}$$

$$\cos \theta = \text{المجاور} / \text{الوتر}$$

$$\tan \theta = \text{المقابل} / \text{المجاور}$$



1 - 1 - 3 محصلة القوى بثلاثة اتجاهات: Force Resultant in Three Dimensions

سيتم اقتصار الحديث هنا على طريقة تحليل القوى إلى مركباتها باتجاه المحاور ولكن يجب الانتباه إلى أن اتجاه القوة هنا يحدد بمعرفة الزوايا الثلاث التي تعملها القوة مع المحاور الثلاثة X و Y و Z ولذلك عند الرغبة في إيجاد محصلة مجموعة من القوى فإنه يتم تحليل كل قوة إلى مركباتها على المحاور الثلاثة ومن ثم جمع المركبات على كل محور للحصول على المركبات المحصلة على المحاور الثلاثة وتكون المحصلة كالتالي:

$$F_R = \sqrt{F_{Rx}^2 + F_{Ry}^2 + F_{Rz}^2} \quad (5-1)$$

والزوايا التي تصنفها المحصلة مع المحاور هي

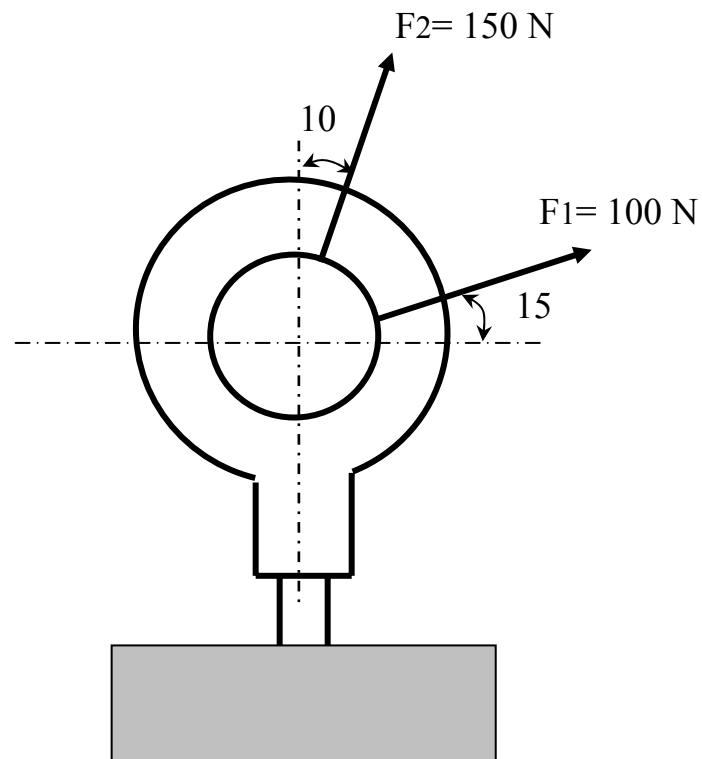
$$\theta_{Rx} = \cos^{-1} \frac{F_{Rx}}{F_R}, \quad \theta_{Ry} = \cos^{-1} \frac{F_{Ry}}{F_R}, \quad \theta_{Rz} = \cos^{-1} \frac{F_{Rz}}{F_R} \quad (6-1)$$

والأآن من المناسب أن نأخذ بعض الأمثلة التوضيحية

أمثلة:

مثال 1 - 1

يتعرض المسamar الموضح في الشكل إلى قوتين F_1 و F_2 . احسب مقدار واتجاه محصلتهما باستخدام طريقة متوازي الأضلاع وباستخدام طريقة التحليل؟



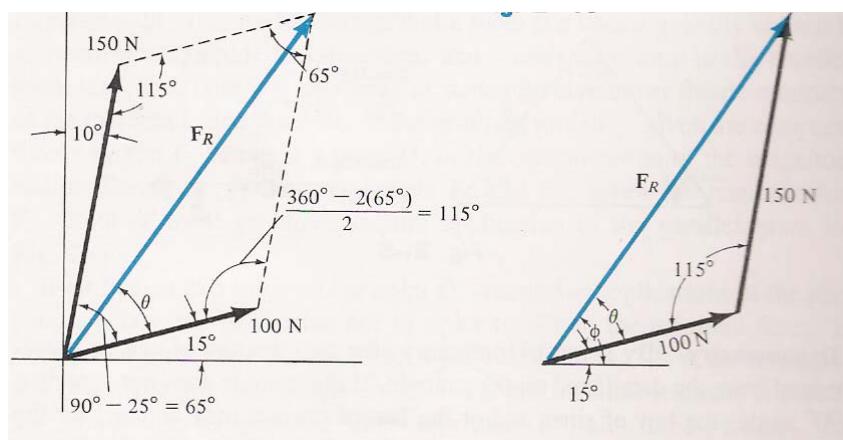
الحل:

أولاً: طريقة متوازي أضلاع القوى:

نرسم القوتين باتجاهاتهما كضلعين متوازي الأضلاع ومن ثم استكمال متوازي الأضلاع وتوصيل نقطة

بداية القوى إلى النقطة المقابلة كما في الشكل ثم ندرس أحد المثلثين لإيجاد المحصلة كالتالي:

باستخدام قانون جيب تمام الزاوية فتكون المحصلة



$$F_R = \sqrt{100^2 + 150^2 - 2 \times 100 \times 150 \times \cos 115} = 212.6 \text{ N}$$

لإيجاد زاوية المحصلة نستخدم قانون جيب الزاوية

$$\frac{150}{\sin \theta} = \frac{212.6}{\sin 115}$$

$$\sin \theta = \frac{150}{212.6} \sin 115 = 0.639$$

$$\theta = \sin^{-1} 0.639 = 39.7$$

إذا تكون زاوية المحصلة

$$\theta_R = \phi = \theta + 15 = 39.7 + 15 = 57.4^\circ$$

ثانياً: طريقة التحليل

$$FR_x = \sum F_x = 100 \cos 15 + 150 \sin 10 = 122.64 \text{ N}$$

$$FR_y = \sum F_y = 100 \sin 15 + 150 \cos 10 = 173.60 \text{ N}$$

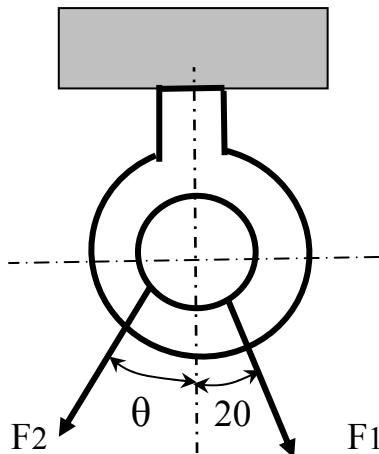
$$F_R = \sqrt{122.64^2 + 173.60^2} = 212.6 \text{ N}$$

$$\theta_R = \tan^{-1} \frac{173.60}{122.64} = 57.4^\circ$$

(نفس النتائج السابقة)

مثال 1 - 2

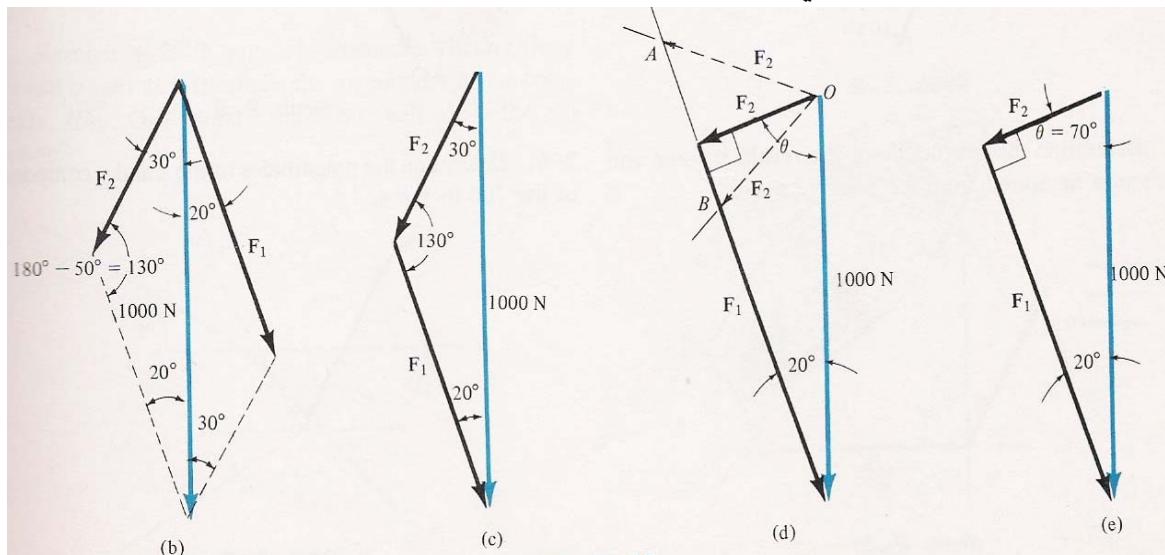
تعرض الحلقة الموضحة بالشكل إلى قوتين F_1 و F_2 . إذا كان المطلوب أن تكون مقدار محصلة هاتين القوتين هي 1 kN واتجاهها رأسية إلى الأسفل فاحسب



- أ) مقدار القوى F_1 و F_2 إذا كانت $\theta = 30^\circ$
ب) مقدار F_1 و F_2 بحيث تكون F_2 أقل ما يمكن؟

الحل:

أ) لو رسمنا خطى عمل القوتين باتجاهاتهما ومن ثم رسمنا المحصلة أفقية إلى أسفل من نقطة البداية لاستطعنا استكمال متوازي الأضلاع كما بالشكل (b) وبعد ذلك ندرس أحد المثلثين كما بالشكل (c) كالتالي:



باستخدام قانون جيب الزاوية نستطيع الحصول على القوى

$$\frac{F_1}{\sin 30} = \frac{1000}{\sin 130} \quad F_1 = \sin 30 \times \frac{1000}{\sin 130} = 652.7 \text{ N}$$

$$\frac{F_2}{\sin 20} = \frac{1000}{\sin 130} \quad F_2 = \sin 20 \times \frac{1000}{\sin 130} = 446.7 \text{ N}$$

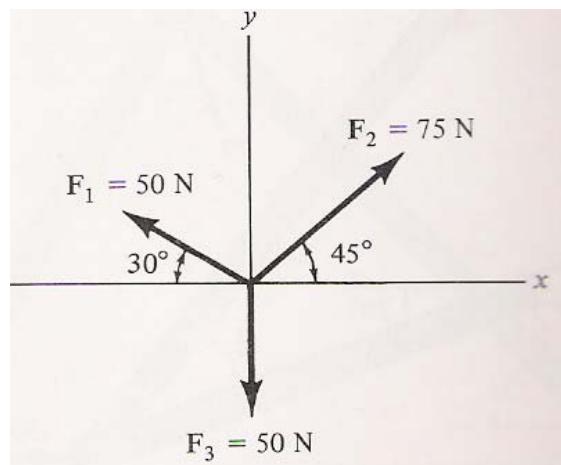
ب) بالنظر إلى الشكل d يتضح أن القوة F_2 تكون أقل ما يمكن عندما تكون عمودية على F_1 أي يكون المثلث في الشكل (e) قائم الزاوية
نحسب قيمتها بتطبيق قانون الجيب على المثلث بالشكل e كالتالي:

$$\frac{F_1}{\sin 70} = \frac{1000}{\sin 90} \quad F_1 = \sin 70 \times \frac{1000}{\sin 90} = 939.6 \text{ N}$$

$$\frac{F_2}{\sin 20} = \frac{1000}{\sin 90} \quad F_2 = \sin 20 \times \frac{1000}{\sin 90} = 342 \text{ N}$$

مثال 1 - 3

احسب مقدار واتجاه محصلة القوى الثلاث الموضحة بالشكل



الحل:

سيتم الحل باستخدام طريقة التحليل

$$FR_x = \sum F_x = -50 \cos 30 + 75 \cos 45 = 9.73 \text{ N}$$

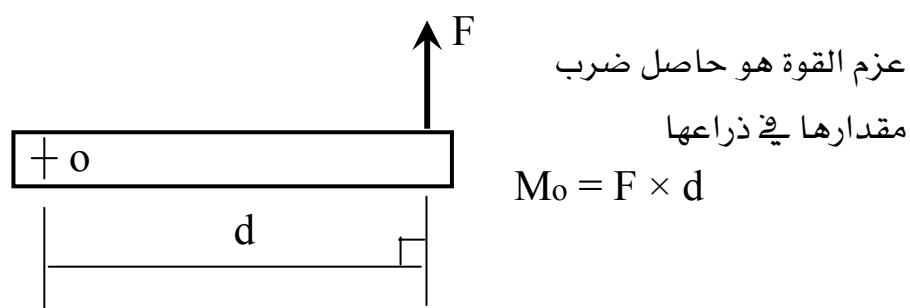
$$FR_y = \sum F_y = 50 \sin 30 + 75 \sin 45 - 50 = 28.03 \text{ N}$$

$$F_R = \sqrt{9.73^2 + 28.03^2} = 29.67 \text{ N}$$

$$\theta_R = \tan^{-1} \frac{28.03}{9.73} = 70.85^\circ$$

1- 2 عزم القوة: Moment of a Force

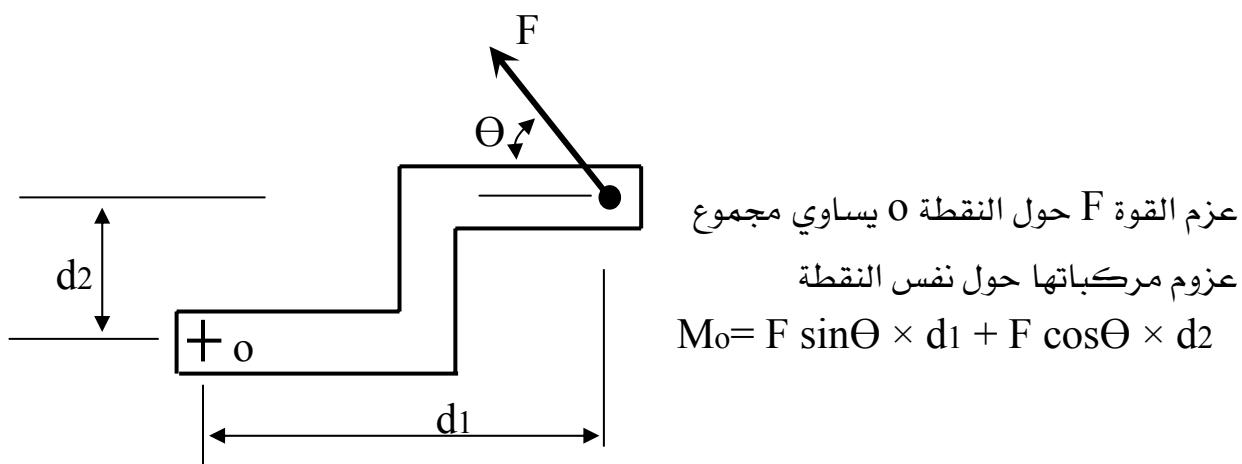
يعرف عزم القوة حول نقطة على أنه حاصل ضرب مقدار القوة في ذراعها ويقصد بالذراع هو المسافة العمودية بين خط عمل القوة و النقطة المطلوب حساب العزم حولها (انظر الشكل 1-5). وقد اتفق على أن العزم إذا كان عكس عقارب الساعة فهو موجباً وإذا كان مع عقارب الساعة فهو سالباً.



الشكل 1-5 عزم القوة

قانون العزوم:

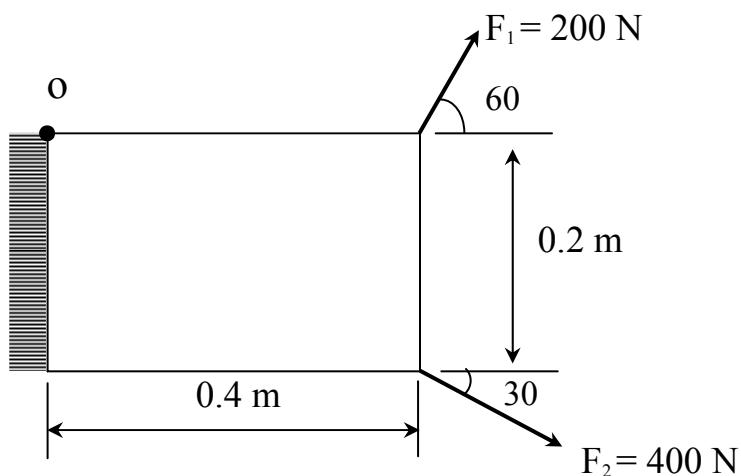
ينص قانون العزوم على أن عزم القوة حول نقطة يساوي مجموع عزوم مركبات تلك القوة حول نفس النقطة معأخذ اتجاه العزم بالاعتبار. ولتوسيع هذا القانون فإن عزم القوة المائلة الموضحة بالشكل 1-6 حول النقطة O هو مجموع عزوم مركباتها الأفقية والرأسية حول النقطة O.



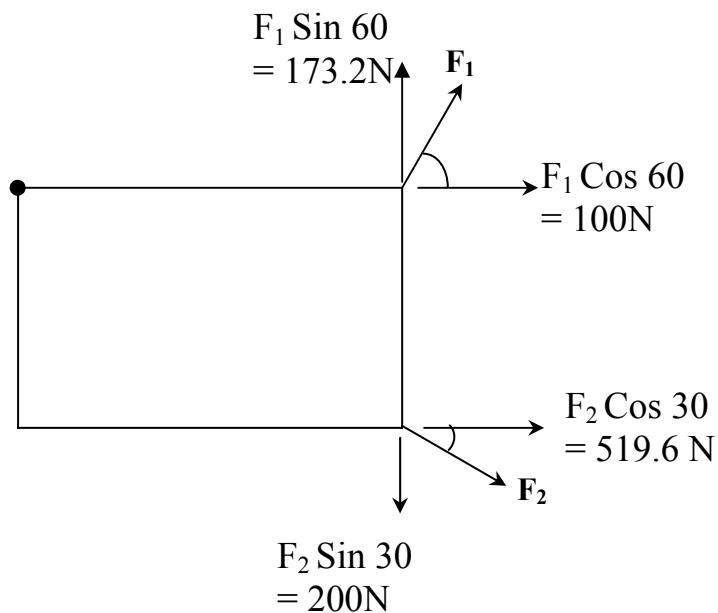
شكل 1-6 قانون العزوم

مثال 1 - 4

احسب محصلة العزوم حول النقطة O



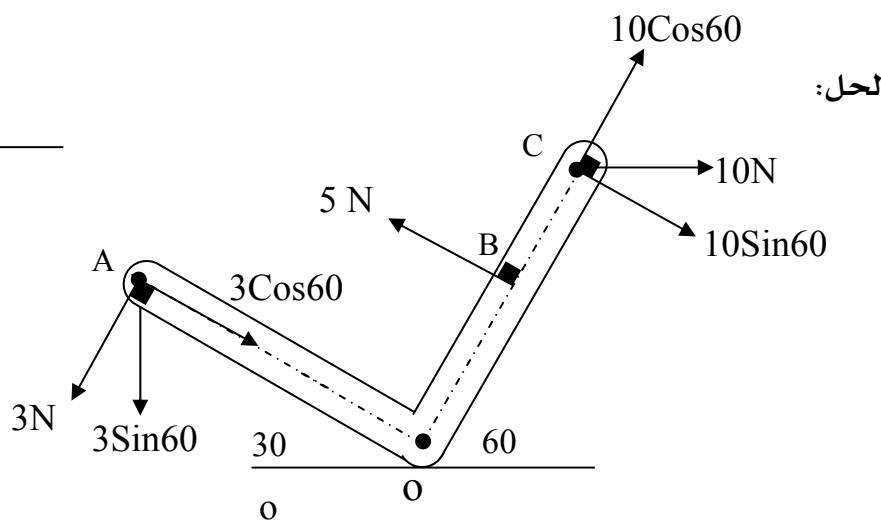
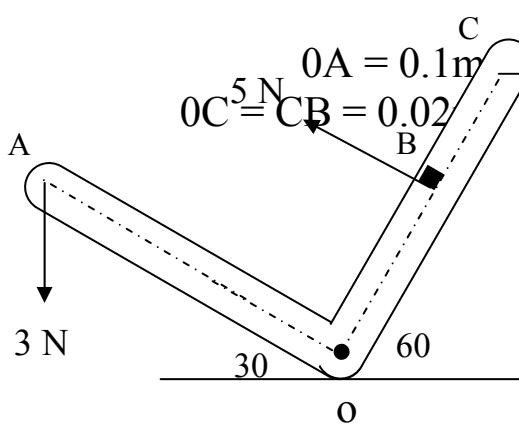
الحل /



$$M_O = 173.2 \times 0.4 + 519.6 \times 0.2 - 200 \times 0.4 = 93.36 \text{ N m}$$

مثال 1 - 5

احسب محصلة العزوم حول النقطة 0 التي تسببها القوى المؤثرة على الذراع الموضحة؟



$$0.04 = 0.0134 \quad N \cdot m \times 0.02 - 10 \sin 60 \times 0.1 + 5 \times \quad Mo = 3 \sin 60$$

1- 3 اتزان الجسيم: Equilibrium of a Particle

ينص قانون نيوتن الأول - كما سنتعلم لاحقاً - على أنه إذا كانت محصلة القوى المؤثرة على جسيم ما تساوي صفرأ - والمقصود بالجسيم هو جسم متناهي الصغر مهملاً للأبعاد ويمكن تخيله وكأنه نقطة - فإن الجسيم يكون في حالة اتزان. ولهذا فإن الازان يتضمن أن يبقى الجسيم على حاله قبل تأثير القوى عليه أي يبقى ساكناً إذا كان في الأصل ساكناً أو متراكماً بسرعة ثابتة إذا كان في الأصل كذلك. إذا شرط الازان هو أن تكون محصلة القوى المؤثرة على الجسيم تساوي صفرأ وإذا كانت كذلك فإن كل مركبة من مركباتها على المحاور تكون صفرأ كذلك أو بعبارة رياضية:

$$\sum F_x = 0$$

$$\sum F_y = 0 \quad (1-7)$$

$$\sum F_z = 0$$

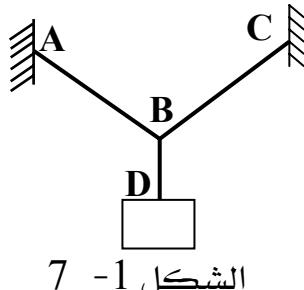
حيث الرمز Σ يعني الجمع و F ترمز إلى القوة و X ، y ، Z هي المحاور الكارتيزية. وهذا يعني أن مجموع القوى المؤثرة على الجسيم باتجاه كل محور من المحاور يساوي صفرًا. وعند تطبيق هذه الشروط يمكن دراسة الجسيم المتزن ومعرفة جميع ما يراد معرفته من هذه الدراسة.

ملحوظة الشرط بصيغته الرياضية أعلاه هو الشرط العام للاتزان في الفراغ (ثلاثي الأبعاد) ولكن عندما تكون الحالة هي الحالة المستوية (ثنائية الأبعاد) فيتم تطبيق الاتزان في محورين فقط هما X ، y .

طريقة دراسة وحل مسائل اتزان الجسيم تحت تأثير مجموعة من القوى:

1. يعزل الجسيم الذي تؤثر عليه القوى بما يتصل به ويرسم رسمًا تخطيطياً ما يسمى بياني الجسم الحر (Free Body Diagram) موضحاً فيه جميع القوى المعروفة والمجهولة بحيث توضح القوى المعروفة بمقاديرها واتجاهاتها أما القوى المجهولة فيرمز لها بحروف مناسبة وتفترض اتجاهاتها.
 2. تطبق شروط الاتزان ليتم الحصول على معادلات خطية في المعادلتين في المجهولة يتم بعد ذلك حلها رياضياً ومعرفة جميع مقادير واتجاهات القوى المجهولة.
- بعض النقاط المفيدة لرسم بياني الجسم الحر:

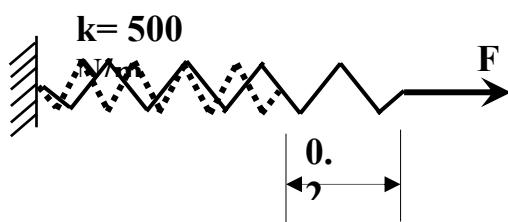
- من المهم أن يتم رسم الجسم تحت الدراسة فقط أي يعزل عما يحيط به ويرسم لوحده. على سبيل المثال لو أردنا معرفة قوى الشد في الحبال AB و BC في الشكل 1-7 فإن الجسم الذي يجب عزله ورسمه هو العقدة B وليس غيرها.



- الحال دائمًا ما يفترض أنها مهملة الوزن وغير قابلة للاستطالة و تستطيع تحمل قوى الشد فقط والحال التي تلتف على بكرات مهملة الاحتكاك تكون قوة الشد في جهتي البكرة ثابتة وذلك لاتزان البكرة وعلى هذا فإن مقدار قوة الشد في الحبل على طرفي البكرة ثابتًا مهما كانت الزاوية التي يشد بها.
- عند استخدام النوايبر الخطية (Linear Springs) فإن التغير في طول النابض s يتاسب طردياً مع القوة المؤثرة على النابض وثابت التنساب هو ثابت النابض k او بعبارة رياضية

$$F = k s \quad (1-8)$$

على سبيل المثال لو أن ثابت النابض الموضح بالشكل 1-8 هو $k = 500 \text{ N/m}$ فإن القوة اللازمة لزيادة أو إنفاس طول النابض بمقدار 0.2 m هي $F = 500 * 0.2 = 100 \text{ N}$ شدًا أو ضغطاً.

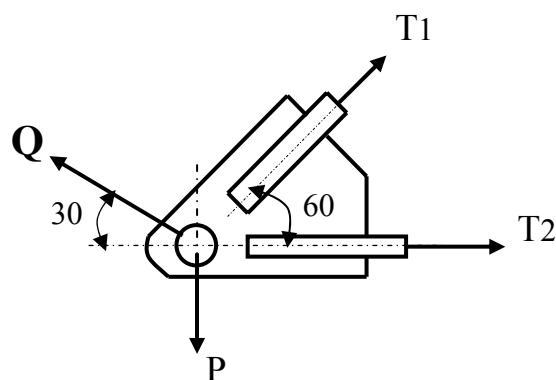


الشكل 1 - 8

والآن من المناسب اخذ بعض الأمثلة للتوضيح الموضوع بشكل أكبر.

مثال 1 - 6

تأثير القوتان P و Q ومقاديرهما 6 KN و 8 KN في الوصلة المبينة. احسب قيمة الشدين T_1 و T_2 عند اتزان الوصلة؟



$$\sum F_x = 0 \\ T_1 \cos 60 + T_2 - Q \cos 30 = 0$$

$$T_1 \cos 60 + T_2 - 8 \cos 30 = 0$$

$$T_1 \cos 60 + T_2 = 6.93 \quad (1)$$

$$\sum F_y = 0$$

$$T_1 \sin 60 + Q \sin 30 - P = 0 \\ T_1 \sin 60 + 8 \sin 30 - 6 = 0$$

$$T_1 \sin 60 = 2 \quad (2)$$

نحل المعادلة (2)

$$T_1 = 2 / \sin 60 = 2.31 \text{ kN}$$

نعرض في (1)

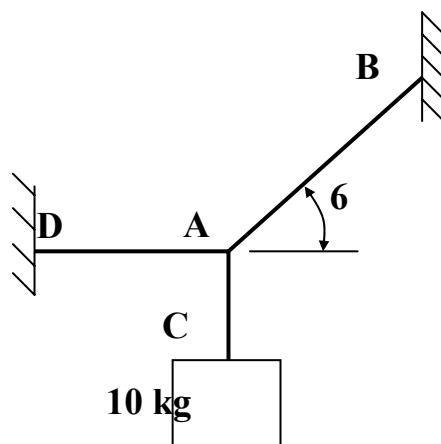
$$2.31 \cos 60 + T_2 = 6.93$$

$$T_2 = 6.93 - 2.31 \cos 60$$

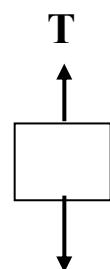
$$T_2 = 5.78 \text{ kN}$$

مثال 1 - 7

احسب الشد في الحبلين AB و AD لاتزان الكتلة 10 kg كما بالشكل



أولاً: نرسم بياني الجسم الحر للكتلة

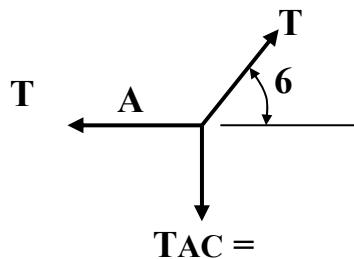


$$\begin{aligned} W &= 10 \times 9.8 \\ &= 98 \text{ N} \end{aligned}$$

$$\sum F_y = 0$$

$$T_{AC} = 98 \text{ N}$$

الآن نرسم بياني الجسم الحر للنقطة A



$$\sum F_x = 0 \\ TAB \cos 60 - TAD = 0 \quad (1)$$

$$\sum F_y = 0 \\ TAB \sin 60 - 98 = 0 \quad (2)$$

الآن نحل المعادلة (2)

$$TAB = 98 / \sin 60 = 113.2 \text{ N}$$

نعرض في (1)

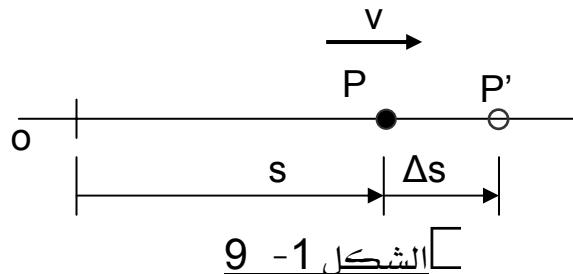
$$TAD = 113.2 \cos 60 = 56.6 \text{ N}$$

1-4 مدخل إلى الديناميكا وقوانين الحركة: Motion

-1-4-1 الحركة في خط مستقيم:

تعتبر الحركة المستقيمة أبسط أنواع الحركة ومن الضروري قبل الحديث عن قوانين هذه الحركة معرفة بعض التعريفات الهامة في هذا الصدد.

الموقع (Position) معرفة المقصود بالموقع انظر إلى الجسم الذي يتحرك بسرعة v الموضح بالشكل 1-9. عندما يكون الجسم عند النقطة P فإنه يعبر عن موقعه بالإحداثي S أي أن S تمثل موقع الجسم. لاحظ أنه عندما يكون الموقع S موجبا فإن الجسم يكون على يمين نقطة الأصل 0 وعندما يكون الموقع S سالبا فإن الجسم يكون على يسار نقطة الأصل 0.



الإزاحة (Displacement) هي التغير في موقع الجسيم. بالنظر إلى الشكل 1- 9 مرة أخرى نجد أن Δs تمثل الإزاحة حيث كان الجسيم عند النقطة P ثم انتقل إلى النقطة P' . لاحظ أنه إذا كانت النقطة P' تقع يمين النقطة P فإن الإزاحة موجبة أما إذا كانت على يسارها فتكون الإزاحة سالبة. يجب التفريق بين الإزاحة وبين المسافة المقطوعة فالمسافة هي مجموع طول ما قطعه الجسيم وهي دائمًا موجبة.

وحدات قياس الإزاحة هي وحدات الطول فعلى سبيل المثال لو كان الطول بالเมตร فإن الإزاحة تفاص بالمتر .m

السرعة (Velocity) انظر إلى الشكل 1- 9 مرة أخرى فلو أردنا معرفة السرعة المتوسطة للجسيم الذي انتقل من النقطة P إلى النقطة P' بزمن قدره Δt وكانت عبارة عن التغير في الموقع بالنسبة للزمن أو الإزاحة مقسومة على الزمن أو بعبارة رياضية

$$V_{avg} = \Delta s / \Delta t \quad (9-1)$$

وعندما يصغر الزمن Δt وبالتالي تصغر الإزاحة Δs فإن السرعة تكون هي السرعة اللحظية وليس المتوسطة والمعادلة السابقة تكون بالصورة الرياضية التالية :

$$v = ds/dt \quad (10-1)$$

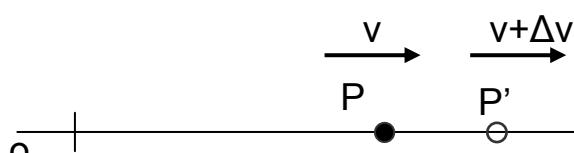
أي ان السرعة اللحظية هي تفاضل الموقع بالنسبة للزمن.

للمعلومية فإن كلاً من السرعة المتوسطة والسرعة الححظية يمكن أن تكون موجبة أو سالبة على حسب الاتجاه. وحدات قياس السرعة هي وحدات طول على وحدات زمن فلو كان الطول بالمتر والزمن بالثانية فإن وحدات السرعة تكون متر لكل ثانية m/s .

التسارع (Acceleration) إذا كانت السرعات الححظية لجسم ما معروفة في موقعين مختلفين مثلاً عند النقاط P و P' في الشكل 1-10 فإن التسارع المتوسط هو عبارة عن التغير في السرعة بالنسبة للزمن أو بعبارة رياضية

$$a_{avg} = \Delta v / \Delta t \quad (11-1)$$

حيث Δv تمثل التغير في السرعة خلال زمن قدره Δt .



الشكل 1-10

إذا قل الزمن Δt واقترب من الصفر فإن المعادلة السابقة تحول إلى معادلة تفاضلية لتعبر عن التسارع اللحظي a كما يلي:

$$a = dv / dt \quad (12-1)$$

ولو أردنا تعريف التسارع الحظي بمعادلة تضم الموقع والزمن لأصبحت المعادلة كالتالي (انظر إلى المعادلات 10-1 و 12-1)

$$a = \frac{d^2 s}{d t^2} \quad (13 - 1)$$

وكما هو الحال بالنسبة للسرعة فإن كلاً من التسارع المتوسط والتسارع الحظي يمكن أن يكون موجباً أو سالباً على حسب الاتجاه فإذا كان موجباً أصبح تسارعاً وإذا كان سالباً أصبح تباطئاً. من الضروري ملاحظة أنه عندما تكون السرعة ثابتة فإن التسارع يساوي صفرًا والسبب بالطبع هو تكون التغير في السرعة يساوي صفرًا.

وحدات قياس التسارع هي وحدات طول على وحدات زمن مربعة فلو كان الطول بالمتر والزمن بالثانية فإن التسارع يقاس بالمتر على الثانية المربعة.

بالإمكان الحصول على معادلة تفاضلية تعطي علاقة بين الموضع والسرعة والتسارع ولا تحتوي على الزمن ويتم ذلك بواسطة حل المعادلتين (10-1) و (12-1) للحصول على dt ومن ثم مساواتهما معاً لنحصل على المعادلة الهاامة التالية:

$$a \, ds = v \, dv \quad (14-1)$$

حالة خاصة: حركة مستقيمة بتسارع ثابت عندما يكون التسارع ثابتاً فبالإمكان الحصول على معادلات للحركة كما يلي:

-1 للتوصيل لمعادلة تعطي السرعة كدالة في الزمن يمكن إجراء التكامل للمعادلة وذلك بافتراض أن السرعة الابتدائية v_0 عند بداية الانطلاق أي عند $t = 0$

$$\int_{v_0}^v dv = \int_0^t a \, dt$$

وحيث إن التسارع ثابت فإنه بالإمكان إجراء التكامل لتكون المعادلة

$$v - v_0 = a t$$

أو

$$v = v_0 + a t \quad (15-1)$$

-2 للتوصيل لمعادلة تعطي الموضع يمكن إجراء التكامل للمعادلة $v = ds / dt$ وافتراض أن الموضع الابتدائي s_0 عند بداية الحركة أي عند $t = 0$

$$\int_{s_0}^s ds = \int_0^t v dt$$

وبالتعويض عن $v = v_0 + at$ تكون المعادلة

$$\int_{s_0}^s ds = \int_0^t (v_0 + a t) dt$$

وحيث إن التسارع ثابتًا فبالإمكان إجراء التكامل لنجعل على

$$s - s_0 = v_0 (t - 0) + a \left(\frac{t^2}{2} - 0 \right)$$

أو

$$s = s_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 \quad (16-1)$$

3 – للتوصل لمعادلة تعطي السرعة كدالة في الموقع يمكن حل المعادلة (15-1) للزمن t ومن ثم التعويض في المعادلة (16-1) أو إجراء التكامل لالمعادلة $v dv = a ds$ وافتراض أن السرعة الابتدائية هي v_0 عند الموقع الابتدائي s_0

$$\int_{v_0}^v v dv = \int_{s_0}^s a ds$$

وحيث إن التسارع ثابتًا فبالإمكان إجراء التكامل لتصبح المعادلة

$$\frac{v^2}{2} - \frac{v_0^2}{2} = a (s - s_0)$$

أو

$$v^2 = v_0^2 + 2 a (s - s_0) \quad (17-1)$$

من المهم الانتباه إلى أن المعادلات (1-15) و (1-16) و (1-17) تستخدم فقط عندما يكون التسارع ثابتاً ومن تطبيقات التسارع الثابت العمل في مجال الجاذبية الأرضية حيث يكون تسارع الجاذبية الأرضية ثابتًا وهو 9.81 m/s^2 وذلك عند إهمال مقاومة الهواء وعندما تكون مسافات الارتفاع عن سطح الأرض صغيرة.

طريقة دراسة وحل مسائل الحركة في خط مستقيم:

عند وجود علاقة بين أي متغيرين من المتغيرات الأربع (التسارع a والسرعة v والموقع s والزمن t) فإنه بالإمكان الحصول على العلاقات التي تصف كنماتيًّا باقي المتغيرات بإجراء تكاملات أو تفاضلات مناسبة للالمعادلات $a = dv/dt$ و $v = ds/dt$ و $a = ds/dt$. ولكن من الضروري الانتباه إلى أن كل واحدة من هذه المعادلات تصف العلاقة بين ثلاثة متغيرات ولذلك فعندما تكون العلاقة بين أي متغيرين معروفة فإنه بالإمكان الحصول على المتغير الثالث باختيار المعادلة المناسبة التي تصف العلاقة بين المتغيرات الثلاثة معاً. على سبيل المثال لنفترض أن التسارع معلوم كدالة في الموقع وبالإمكان الحصول على السرعة عن طريق المعادلة $a = v dv$ و يجب ملاحظة أننا لا نستطيع الحصول على السرعة عن طريق المعادلات $a = dv/dt$ أو $v = ds/dt$. ويوجد هناك أربع أنواع شائعة لمسائل الحركة في خط مستقيم وهي ما يلي:

$$1 - \text{ يكون التسارع معروفاً كدالة في الزمن } (a = f(t))$$

- لمعرفة السرعة كدالة في الزمن يتم التعويض عن التسارع في المعادلة $a = dv/dt$ لتصبح

$$v = h(t) dt \quad \text{ومن ثم إجراء التكامل للحصول على المطلوب (السرعة كدالة في الزمن)}$$

- للحصول على الموقع s كدالة في الزمن يتم التعويض عن السرعة في المعادلة $v = ds/dt$ لتصبح

$$s = g(t) dt \quad \text{ومن ثم إجراء التكامل للحصول على المطلوب (الموقع كدالة في الزمن)}$$

$$2 - \text{ يكون التسارع معروفاً كدالة في السرعة } (a = f(v))$$

- لمعرفة السرعة كدالة في الزمن يتم التعويض عن التسارع في المعادلة $a = dv/dt$ لتصبح

$$v = h(t) dt \quad \text{ويمكن بعد ذلك إجراء التكامل للحصول على المطلوب (السرعة كدالة في الزمن)}$$

- للحصول على الموقع كدالة في الزمن يتم التعويض عن السرعة في المعادلة $v = ds/dt$ لتصبح

$$s = g(t) dt \quad \text{ومن ثم إجراء التكامل للحصول على المطلوب (الموقع كدالة في الزمن)}$$

$$3 - \text{ يكون التسارع معروفاً كدالة في الموقع } (a = f(s))$$

- لمعرفة السرعة كدالة في الموقع يتم التعويض عن التسارع في المعادلة $a = ds/dt$ لتصبح

$$v = f(s) \quad \text{ومن ثم إجراء التكامل للحصول على المطلوب (السرعة كدالة في الزمن)} \\ ds = v \, dv \\ h(s)$$

- للحصول على الموقع كدالة في الزمن يتم التعويض عن السرعة في المعادلة $v = ds/dt$ لتصبح $s = g(t)$ / $ds = dt$ ومن ثم إجراء التكامل للحصول على المطلوب (الموقع كدالة في الزمن) -4 يكون التسارع ثابتاً

وهنا تستخدم المعادلات الخاصة بالتسارع الثابت المذكورة سابقاً (المعادلات 1-15 و 15-1 و 17-1) والآن من المناسبأخذ بعض الأمثلة التوضيحية.

مثال 1 - 8

جسم يتحرك وفق المعادلة $s = 10t + 6t^2 - 2t^3$ حيث s هو الموقع بالمترو t هو الزمن بالثانية. احسب الزمن الذي يمر حتى يصل الجسم إلى وضع السكون ثم حدد موقع الجسم واحسب تسارعه عند هذه اللحظة؟

الحل:

معنى أن يصل الجسم إلى وضع السكون أي تكون سرعته صفرًا وحيث إن السرعة هي تفاضل الموقع بالنسبة للزمن فإننا نفاضل معادلة الموقع بالنسبة للزمن لنحصل على السرعة ثم نساويها بالصفر ونحل للزمن

$$v = ds/dt = 10 + 12t - 6t^2 = 0$$

$$6t^2 - 12t - 10 = 0$$

$$t = \frac{12 \pm \sqrt{12^2 + 4 \times 6 \times 10}}{2 \times 6} = 2.63s \quad \delta - 0.64s$$

ونظراً لأن الزمن لا يمكن أن يكون سالباً فإن الإجابة هي $s = 2.63$

موقع الجسم

$$s = 10 * 2.63 + 6(2.63)^2 - 2 * (2.63)^3 = 31.42 \text{ m}$$

التسارع هو تفاضل السرعة بالنسبة للزمن لذلك نفاضل السرعة بالنسبة للزمن ثم نعرض عن الزمن لنحسب التسارع

$$a = dv/dt = 12 - 12t = 12 - 12 * 2.63 = -19.56 \text{ m/s}^2$$

الإشارة السالبة تعني أن الجسم يتباطئ في هذه اللحظة

مثال 1 - 9

قذف حجر راسياً إلى أعلى بسرعة ابتدائية قدرها 18 m/s احسب أقصى ارتفاع يصل إليه الحجر والزمن الذي يستغرقه للرجوع إلى الأرض.

الحل:

$$v_0 = 18 \text{ m/s} \quad v = 0 \quad a = -9.81 \text{ m/s}^2 \quad s_0 = 0 \quad s = ? \quad t = ?$$

$$v = v_0 + at$$

$$t = (v - v_0) / a = (0 - 18) / -9.81 = 1.83 \text{ s}$$

هذا هو الزمن ليصل الحجر إلى أقصى ارتفاع والزمن الكلي هو ضعف هذا الزمن

$$t_{\text{tot}} = 2t = 3.67 \text{ s}$$

معرفة أقصى ارتفاع

$$v^2 = v_0^2 + 2a(s - s_0)$$

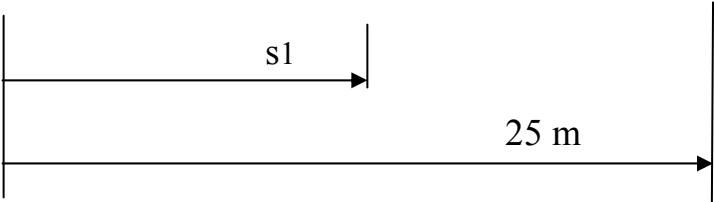
$$0 = 18^2 - 2 * 9.81 s$$

$$s = 18^2 / (2 * 9.81) = 16.5 \text{ m}$$

مثال 1 - 10

جسم يتحرك بعجلة منتظمة 0.5 m/s^2 من السكون لمدة 8 s ثم يستمر في الحركة بسرعة منتظمة حتى يقطع مسافة 25 m من نقطة بدء الحركة. احسب الزمن الكلي الذي يستغرقه الجسم في الحركة.

الحل:

$t_1 = 8$ بعد حرارة ثابتة $0.5 \text{ حرقة بتسارع ثابت} =$	s_1  $v = v_0 + a t = 0 + 0.5 * 8 = 4 \text{ m/s}$
---------------------------------------------------------------------	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

$$s_1 = s_0 + v_0 t + (1/2) a t^2 = 0 + 0 + (1/2) * 0.5 * 8^2 = 16 \text{ m}$$

$$t_2 = (s - s_1) / v = (25 - 16) / 4 = 2.25 \text{ s}$$

$$t = t_1 + t_2 = 8 + 2.25 = 10.25 \text{ s}$$

- 4 - 2 الحركة الدائرية:

إذا تحرك جسيم على مسار دائري فإن موقعه يتعين بزاوية ميل نصف قطر الواسط بين الجسيم وبين مركز المسار الدائري ويرمز لهذه الزاوية بالرمز θ وتسمى الزاوية التي يقطعها الجسيم بين موضعين بالإزاحة الزاوية.

ويسمى معدل تغير الإزاحة الزاوية بالنسبة للزمن ب السرعة الزاوية للجسيم ويرمز لها بالرمز ω كما يسمى معدل تغير السرعة الزاوية بالنسبة للزمن ب التسارع الزاوي ويرمز له بالرمز α

$$\omega = d\theta / dt \quad (18-1)$$

$$\alpha = d\omega / dt \quad (19-1)$$

وهنا سنقتصر الحديث على نوعين من الحركة في مسار دائري وهما الحركة على مسار دائري بسرعة زاوية ثابتة والحركة على مسار دائري بتسارع زاوي ثابت

أ - الحركة على مسار دائري بسرعة زاوية ثابتة:
عندما يتحرك جسيم على مسار دائري بسرعة زاوية ثابتة فمن الممكن إجراء التكامل للمعادلة (18-1) حيث إن السرعة الزاوية ω ثابتة كالتالي:

$$\int_{\theta_0}^{\theta} d\theta = \int_0^t \omega dt$$

$$\theta = \theta_0 + \omega t \quad (20 - 1)$$

حيث θ_0 هي زاوية ابتداء الحركة و t هو الزمن.
وترتبط سرعة الجسم الماسية v مع سرعته الزاوية ω بالعلاقة:

$$v = r \omega \quad (21-1)$$

وهنا r تمثل نصف قطر الدائرة التي يتحرك عليها الجسم وذلك لأن قوس الدائرة يساوي حاصل ضرب الزاوية المقابلة له بالتقدير الدائري في نصف قطر الدائرة.
ولو أجرينا التفاضل للمعادلة (21-1) لوجدنا أن التسارع المماسي يساوي صفرًا وذلك لأن السرعة الزاوية ثابتة.

ولكن هناك مركبة أخرى للتسارع تسمى التسارع العمودي اتجاهها باتجاه مركز الدوران ومقدارها هو

$$a_n = r \omega^2 = \frac{v^2}{r} \quad (1-22)$$

ب - الحركة على مسار دائري بتسارع زاوي ثابت:
باتباع نفس الطريقة يمكن إجراء التكامل للمعادلة (3-11) حيث إن التسارع الزاوي a ثابت كالتالي:

$$\int_{\omega_0}^{\omega} d\omega = \int_0^t \alpha dt$$

$$\omega = \omega_0 + \alpha t \quad (23 - 1)$$

حيث ω_0 هي السرعة الزاوية الابتدائية و t هو الزمن.

وللحصول على المعادلة التي تعطي الزاوية في أي لحظة من الزمن يتم التعويض عن السرعة الزاوية $\omega = \frac{d\theta}{dt}$ في هذه المعادلة وإجراء التكامل كالتالي:

$$\int_{\theta_0}^{\theta} d\theta = \int_0^t (\omega_0 + \alpha t) dt$$

$$\theta = \theta_0 + \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2 \quad (24 - 1)$$

أما السرعة المماسية والتسارع العمودي فهما كما في الحالة السابقة في المعادلات 21-1 و 22-1 إلا أنهما هنا غير ثابتين وذلك نظرا لأن السرعة الزاوية ليست ثابتة. ونظرا لأن السرعة المماسية ليست ثابتة فيوجد مركبة مماسية للتسارع يتم الحصول عليها من العلاقة التالية:

$$a_t = r \alpha \quad (25 - 1)$$

وأتجاهها كما يدل اسمها مماسية للمسار الدائري الذي يتبعه الجسم.

مثال 11
حدافة تدور بسرعة 210 RPM فإذا تزايدت سرعتها بعجلة منتظمة لمدة 4 s لتصبح 560 RPM فحدد قيمة هذه العجلة وعدد الدورات التي دارتها الحدافة خلال هذه الفترة الزمنية

الحل:

$$\omega_0 = (2\pi / 60) \times N_1 = (2\pi / 60) \times 210 = 22 \text{ rad/s}$$

$$\omega = (2\pi / 60) \times N_2 = (2\pi / 60) \times 560 = 58.65 \text{ rad/s}$$

$$\omega = \omega_0 + \alpha t$$

$$\alpha = (\omega - \omega_0) / t = (58.65 - 22) / 4 = 9.16 \text{ rad/s}^2$$

$$\begin{aligned}\theta &= \theta_0 + \omega_0 t + (1/2) \alpha t^2 \\&= 0 + 22 * 4 + (1/2) * 9.16 * 4^2 = 161.28 \text{ rad} \\&= 161.28 / (2\pi) \\&= 25.67 \text{ rev}\end{aligned}$$

مثال 1-12

نقطة على محيط قرص دائري وصلت سرعتها الخطية إلى 40 m/s وقطر القرص 350 mm احسب السرعة الزاوية الابتدائية والنهاية للقرص والعجلة الزاوية له إذا وصلت سرعة هذه النقطة إلى 85 m/s بعد 20 s

الحل:

$$\omega_0 = v_0 / r = 40 / 0.35 = 114.3 \text{ rad/s}$$

$$\omega = v / r = 85 / 0.35 = 242.8 \text{ rad/s}$$

$$\alpha = (\omega - \omega_0) / t = (242.8 - 114.3) / 20 = 6.43 \text{ rad/s}^2$$

1-4-3 قوانين نيوتن للحركة:

الآن من المناسب أن ندرس مسبيات الحركة حيث تم في الجزء السابق التركيز على علم وصف الحركة من إزاحة وسرعة وعجلة دون النظر إلى مسبباتها وهذا العلم يسمى علم الكينماتيكا Kinematics ، وفي هذا الجزء سوف ندرس مسبب الحركة وهو - بطبيعة الحال - القوة Force ، والعلم الذي يدرس العلاقة بين حركة الجسم والقوة المؤثرة عليه هو من علوم الميكانيكا الكلاسيكية والديناميكا Dynamics ، وكلمة كلاسيك هنا تدل على أننا نتعامل فقط مع سرعات أقل بكثير من سرعة الضوء وأجسام أكبر بكثير من الذرة نتعامل في حياتنا اليومية مع العديد من أنواع القوى المختلفة التي قد تؤثر على الأجسام المتحركة فتغير من سرعتها مثل شخص يدفع عربة أو يسحبها أو أن تؤثر القوة على الأجسام الساكنة لتبعيئها ساكنة مثل الكتاب على الطاولة أو الصور المعلقة على الحائط. ويكون تأثير القوة مباشر Contact force مثل سحب زنبرك أو دفع صندوق ويمكن أن يكون تأثير القوة عن بعد Action-at-a-distance مثل تناول أو تجاذب قطبي مغناطيسي.

كما ذكرنا سابقاً فإن الجسم الساكن يعرف بأنه في حالة اتزان equilibrium عندما تكون محصلة القوى المؤثرة عليه تساوي صفراءً. ويوجد العديد من أنواع القوى الموجودة في الطبيعة وهي إما أن تكون ميكانيكية أو جاذبية أو كهربائية أو مغناطيسية أو نووية. وسيقتصر الحديث هنا على النوعين الأول والثاني.

لقد وضع العالم نيوتن ثلاثة قوانين أساسية تعتمد على الملاحظات التجريبية التي أجراها منذ أكثر من ثلاثة قرون والقوانين هي:

القانون الأول: وينص على أن الازان يقتضي أن الجسم يبقى ساكناً إذا كان في الأصل ساكناً أو يبقى متحركاً بسرعة ثابتة إذا كان في الأصل متحركاً بسرعة ثابتة مالم تؤثر عليه قوة خارجية.

القانون الثاني: وينص على أنه إذا كان الجسم يتتحرك بتسارع ما فإن التسارع يتاسب طردياً مع محصلة القوى المؤثرة عليه باتجاه التسارع ويتناسب عكسياً مع كتلة الجسم.

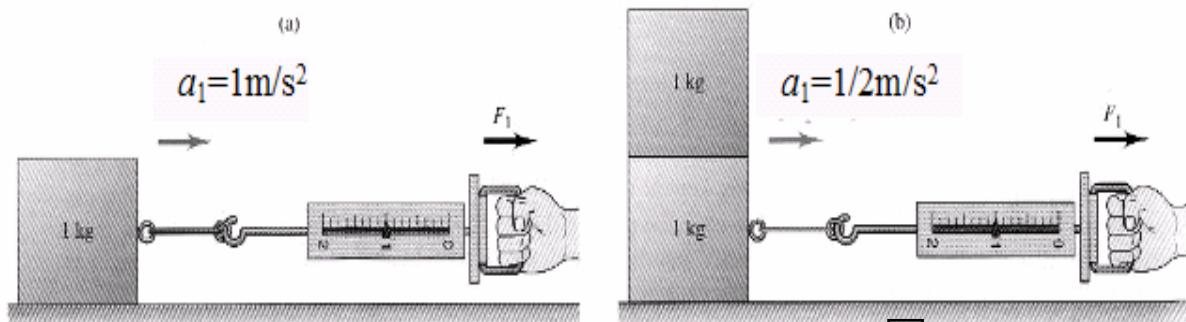
القانون الثالث: وينص على أنه لكل فعل رد فعل مساوا له في المقدار ومعاكس له في الاتجاه.

يشرح القانون الأول لنيوتن حالة الأجسام التي تؤثر عليها مجموعة قوى محصلتها تساوي صفراءً، حيث يبقى الجسم الساكن ساكناً والجسم المتحرك يبقى متحركاً بسرعة ثابتة. أما قانون نيوتن الثاني فيختص بالأجسام التي تؤثر عليها قوة خارجية تؤدي إلى تحريكها بعجلة a أو أن تغير من سرعتها إذا كانت الأجسام متحركة. وهنا تجدر الإشارة إلى أن القانون الثاني يحتوي القانون الأول بتطبيق أن العجلة تساوي صفراءً $a = 0$.

$$\sum F = 0 \quad (26-1)$$

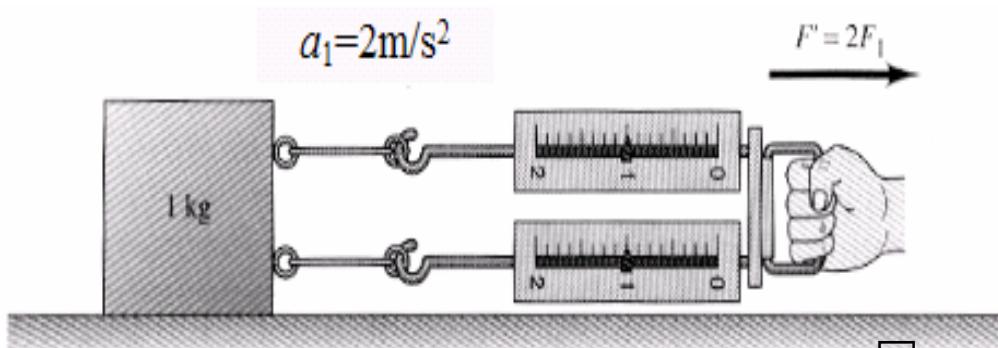
$$\sum F = ma \quad (27-1)$$

حيث m هي الكتلة و a هو التسارع.
وحدات القوة هي $(kg \cdot m/s^2)$ وهي ماتسمى بالنيوتن وقد سميت وحدة القوة بنيوتن تكريماً للعالم نيوتن.



الشكل 1 - 11 زيادة الكتلة مع ثبوت القوة

في الشكل 1 - 11 إذا زادت الكتلة بمقدار الضعف مع ثبوت قوة الشد فإن العجلة تقل بمقدار النصف.



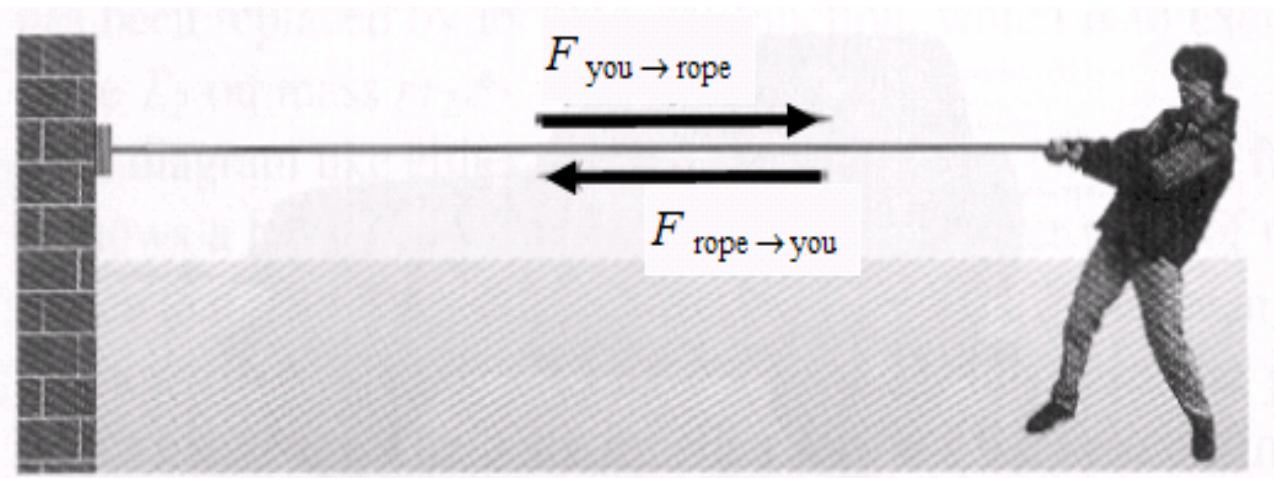
الشكل 1 - 12 مضاعفة القوة مع ثبوت الكتلة

في الشكل 1 - 12 إذا تضاعفت قوة الشد فإن العجلة تزداد بمقدار الضعف.

يختص القانون الثالث لنيوتن على القوة المتبادلة بين الأجسام حيث إنه إذا أثرت بقوة على جسم ما ول يكن كتاب ترفعه بيده فإن الكتاب بال مقابل يؤثر بنفس مقدار القوة على يده وفي الاتجاه المعاكس.

$$F_{12} = -F_{21} \quad (27-1)$$

الرمز F_{12} يعني القوة التي يؤثر بها الجسم الأول على الجسم الثاني.

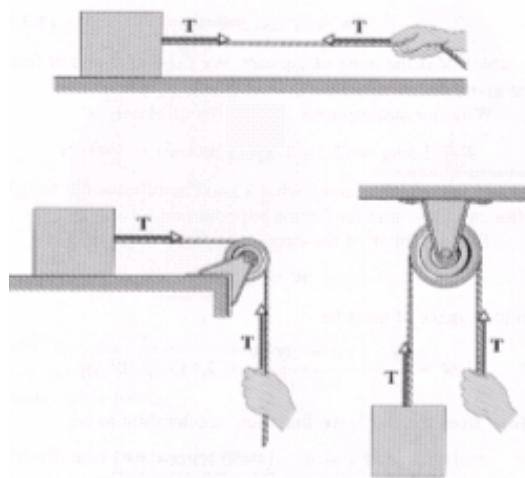


الشكل 1-13 مفهوم قانون نيوتن الثالث

يتضح من الشكل 1-13 مفهوم قانون نيوتن الثالث للفعل ورد الفعل، حيث يشد الشخص الجدار بواسطة الحبل وبالمقابل فإن الحبل يشد الشخص كرد فعل.

الشد في الخيوط:

عند سحب جسم بواسطة حبل فإن القوة المؤثرة على الجسم من خلال الحبل تدعى قوة الشد **Tension**



الشكل 1-14 الشد في الخيوط

ويرمز لها بالرمز **T** ووحداته **N**. ويظهر في الشكل 1-14 صور مختلفة من قوة الشد وكيفية تحديدها على الشكل.

الوزن:

من المعلوم أن الوزن Weight هو كمية فизيائية لها وحدة القوة N وهي ناتجة من تأثير عجلة الجاذبية الأرضية g على كتلة الجسم m ، ويتطبق قانون نيوتن الثاني على جسم موجود على سطح الأرض حيث يتتأثر بقوة الجاذبية الأرضية ومقدارها كتلة الجسم في عجلة الجاذبية الأرضية، وبالتالي فإن الوزن

$$W = m g \quad (29-1)$$

الآن من المناسب أن نأخذ بعض الأمثلة التوضيحية

مثال - 13

جسم كتلته 5 Kg تؤثر عليه قوة مقدارها N 5 إذا بدأ هذا الجسم حركته من السكون ما هي المسافة التي يتحركها خلال خمس ثوانٍ (5 s)

الحل:

$$a = F/m = 5/5 = 1 \text{ m/s}^2$$

$$s = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$s = 0 + \frac{1}{2} \times 1 \times 25 = 12.5 \text{ m}$$

مثال - 14

تحرك سيارة كتلتها 1500 Kg بسرعة 108 Km/hr ما هي قوة الاحتكاك الثابتة التي توقف السيارة في (5 s)

الحل:

$$v_0 = 108 \times 5 / 18 = 30 \text{ m/s}$$

$$v = v_0 + a t$$

$$0 = 30 + 5 a$$

$$a = -30/5 = -6 \text{ m/s}^2 \quad F = m a = 1500 \times 6 = 9000 \text{ N}$$

مثال 1 - 15

تؤثر قوة معينة على كتلة مقدارها 2 Kg فتعطى عجلة 3 m/s^2 ما هو التسارع الناتج من نفس القوة عندما تؤثر على كتلة مقدارها 1 Kg وأخرى مقدارها 4 Kg

الحل:

$$F = ma = 2 \times 3 = 6 \text{ N}$$

$$a = F/m$$

$$a = 6/1 = 6 \text{ m/s}^2$$

$$a_2 = F/m_2$$

$$a_2 = 6/4 = 1.5 \text{ m/s}^2$$

مثال 1 - 16

يتدى ثقل - في حالة سكون - من حبل بحيث كانت قوة الشد في الثقل 5 N احسب كتلة الثقل المعلق بالحبل

الحل:

$$T = w = mg \quad m = w/g = 5 / 9.8 = 0.5 \text{ Kg}$$

مثال 1 - 17

قوة مقدارها 5 N تؤثر على جسم كتلته 2 Kg احسب العجلة التي تسببها القوة على الجسم

الحل:

$$a = F/m$$

$$a = 5/2 = 2.5 \text{ m/s}^2$$

مثال 1 - 18

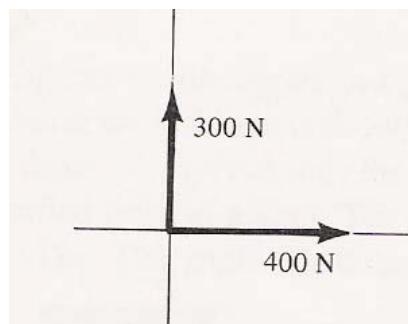
احسب القوة التي لو أثرت على جسم كتلته 30 Kg تكسبه عجلة مقدارها 3 m/s^2

الحل:

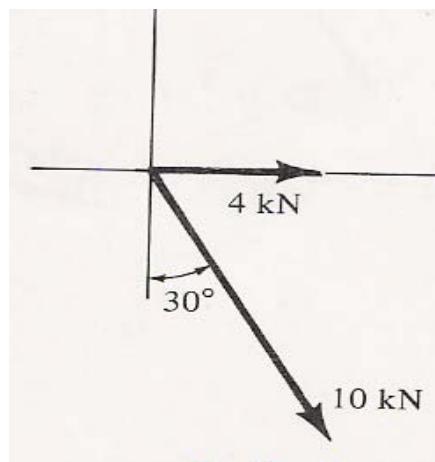
$$F = m a = 30 \times 3 = 90 \text{ N}$$

تمارين على الوحدة الأولى

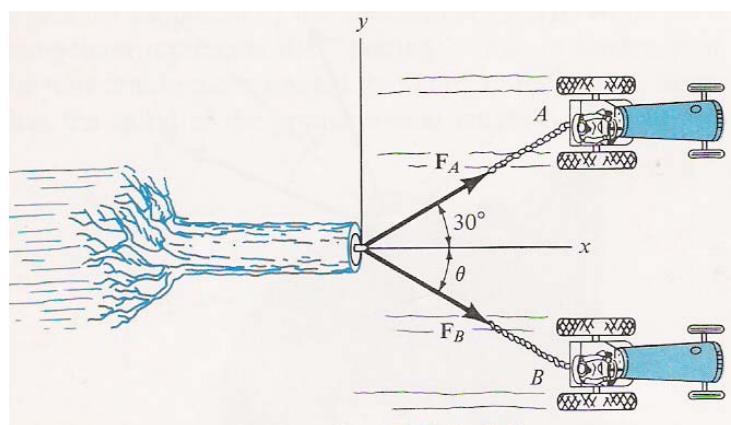
-1 احسب مقدار واتجاه محصلة القوتين الموضحتين بالشكل



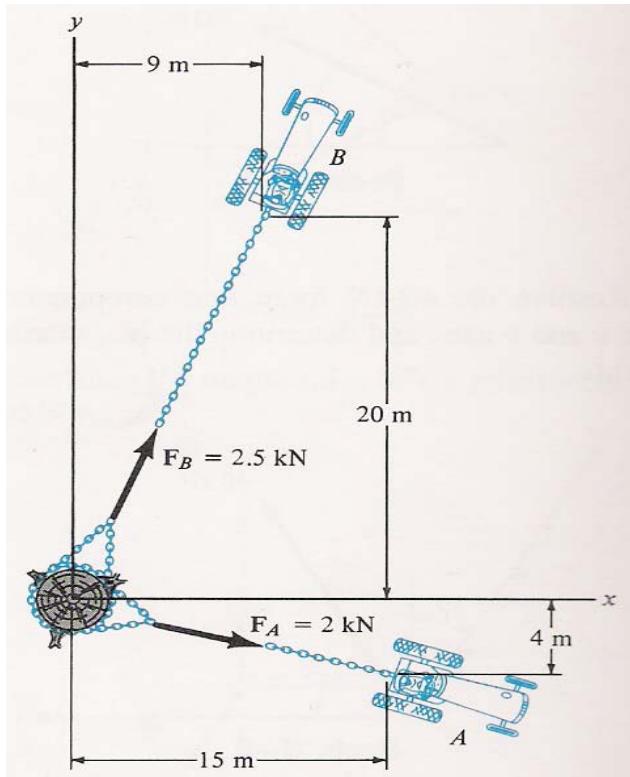
-2 احسب مقدار محصلة القوتين الموضحة بالشكل وزاويتها مقاسة من المحور الأفقي.



-3 يتم سحب الشجرة بواسطة التراكتورين A و B كما هو موضح بالشكل. احسب مقدار القوتين F_A و F_B إذا كان المطلوب أن تكون محصلتهما $F_R = 10 \text{ kN}$ واتجاهها باتجاه المحور X.



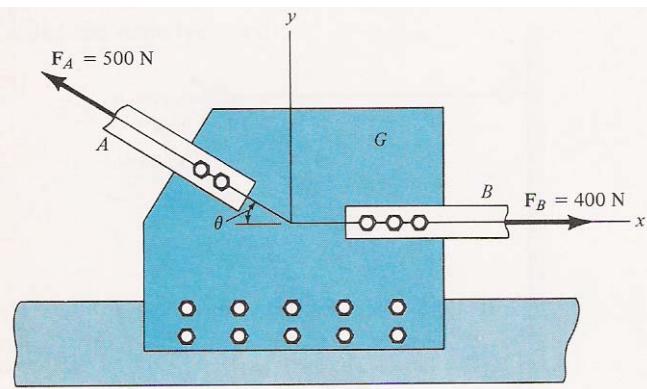
-4 يبذل التراكتوران الموضحان بالشكل قوتين F_A و F_B على جذع الشجرة لاقتلاعه.



أ) احسب مقدار واتجاه محصلة هاتين القوتين؟

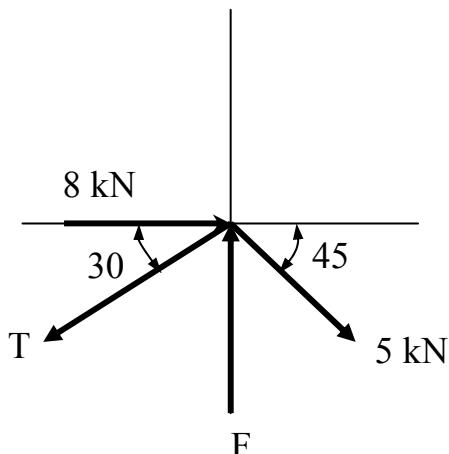
ب) إذا ثبت مقدار القوتين F_A و F_B وأراد السائقان تغيير اتجاههما بحيث تكون المحصلة أكبر ما يمكن فما هي اتجاهاتهما؟ وما هو مقدار هذه المحصلة من القصوى؟

-5 اللوح G يمثل لوحاً في جسر ما. تؤثر الأعضاء A و B بقوتين كما هو موضح بالشكل. إذا كانت القوة من العضو B أفقية إلى اليمين والقوة من العضو A تميل بزاوية قدرها $\theta = 30^\circ$

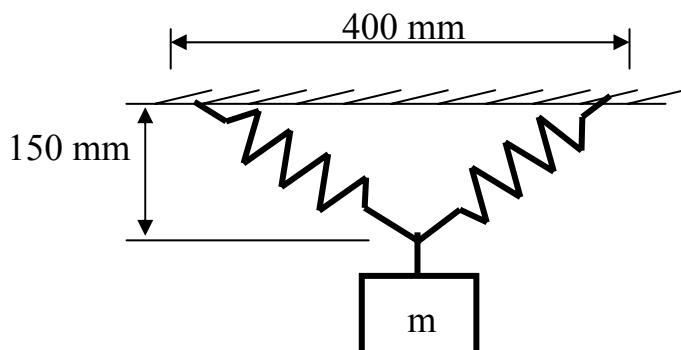


فاحسب مقدار واتجاه المحصلة على اللوح G.

6- أوجد القوتين F و T في الشكل الموضح وذلك لاتزان القوى المؤثرة على النقطة A.

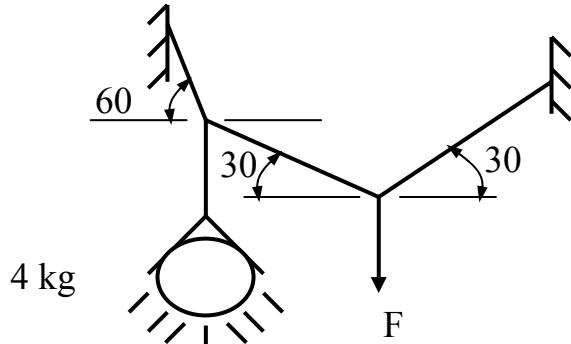


7- إذا كان الطول الأصلي لكلٍ من النابضين هو 200 mm قبل وضع الكتلة m كما بالشكل. أوجد مقدار الكتلة m اللازمة للاتزان كما بالشكل. ثابت النابض هو $k = 50 \text{ N/mm}$



8- احسب القوة في كل خيط وكذلك احسب القوة F اللازمة للاتزان كما بالشكل علماً بأن

كتلة المصباح هي 4 kg



9- سيارة تتحرك من السكون على طريق أفقى مستقيم بحيث تتزايد سرعتها بعجلة منتظمة قدرها 0.6 m/s^2 حتى تصل إلى 100 km/hr بعد ذلك تستمر في الحركة بهذه السرعة فترة

زمنية محددة ثم تأخذ سرعتها بالتناقص المنتظم بمعدل 2 m/s^2 حتى تتوقف تماماً فإذا كانت المسافة الكلية التي قطعتها السيارة هي 3 km فما هو الزمن الذي تحركت أشواء السيارة بسرعة ثابتة.

- 10 - مستوى أملس يميل على الأفقي بزاوية مقدارها 30° درجة تحرك جسم في أعلىه فقطع المسافة بين رأس المستوى وقاعده خلال 5 ثوان احسب $\text{أ) طول المستوى ب) سرعة الجسم عند وصوله القاعدة.}$

- 11 - تزايد سرعة حداقة بانتظام من 210 RPM إلى 250 RPM خلال 5 s حدد عجلة التزايد الزاوية وعدد الدورات التي تكملها الحداقة خلال هذه الفترة.

- 12 - حجر جلخ قطع عنه التيار الكهربائي أشواء دورانه عند سرعة 2800 RPM فاستغرق 4 min حتى توقف تماماً. احسب التباطؤ الرازي للحجر بافتراض أنه تباطؤ منتظم.

- 13 - بكرة ونش قطرها 0.2 m تدور لتخفض ثقلًا بسرعةٍ منتظمة قدرها 2 m/s بواسطة حبل متصل بالثقل وملفوف على محيطها. احسب السرعة الزاوية للبكرة وعدد الدورات التي تدورها البكرة عندما ينخفض الثقل مسافة 15 m

- 14 - احسب العجلة التي يتحرك بها جسم كتلته 50 Kg عندما يؤثر عليه قوة قدرها 1 kN رأسياً إلى أعلى.

- 15 - قفص حديدي كتلته 1000 kg يرتفع من قاع منجم بعجلة منتظمة لمسافة 100 m خلال 20 s احسب الشد في الحبل الذي يرفعه.

16 - قفص شحن كتلته $Kg\ 80$ يتدى من حبل أوجد قوة الشد في الحبل عندما يتحرك القفص α) بعجلة $2.5\ m/s^2$ إلى أعلى ب) بنفس العجلة السابقة إلى أسفل .

17 - يقف رجل كتلته $Kg\ 72$ على أرضية مصعد يهبط بعجلة منتظمة قدرها $0.2\ m/s^2$ ما هي القوة التي تؤثر بها قدماه على أرضية المصعد .

18 - سيارة صغيرة تسير بسرعة $Km/hr\ 50$ على طريق منحن قطر انحائه $m\ 80$ احسب العجلة الزاوية.

ملخص الوحدة الأولى

تناولنا في هذه الوحدة موضوعي الاستاتيكا وهو علم السكون والديناميكا وهو علم الحركة وبدأنا في هذه الوحدة بتناول موضوع القوى المترکزة في نقطة حيث تمت دراستها ومعرفة طرق حساب محصلتها وكذلك تحليلها إلى مركباتها وإسقاطها على المحاور. ثم تم التعرف على عزم القوة وكيفية حسابه وقانون العزوم وحساب محصلة العزوم. بعد ذلك تم التطرق إلى موضوع اتزان مجموعة من القوى تتلاقى خطوط عملها في نقطة وتمت معرفة شروط تتحقق. بعد ذلك تم تناول موضوع الديناميكا وهو علم الحركة حيث تمت دراسة كيفية حساب سرعة وتسارع الجسيمات مع التطرق إلى نوعين من أنواع الحركة وهما الحركة في خط مستقيم والحركة الدائرية. وقد ختمت الوحدة بدراسة الربط بين الحركة وسببياتها من خلال التطرق إلى قوانين نيوتن. وقد تم كذلك التطرق إلى بعض الأمثلة والتمارين التطبيقية في هذا المجال.

مدخل إلى التقنية الميكانيكية

ميكانيكا المواقع

الوحدة الثانية: ميكانيكا الموائع

الأهداف

بعد دراسة هذه الوحدة يصبح المتدرب قادراً على:

- معرفة بعض المصطلحات والتعريفات في مجال ميكانيكا الموائع.
- معرفة وحساب الضغط الناشيء عن السوائل الساكنة.
- معرفة أنواع السريان وحساب معدله.
- معرفة معادلة الاستمرارية وبعض حساباتها.
- معرفة معادلة برنولي وبعض حساباتها.

الوقت المتوقع للتدريب

6 ساعات

المتطلبات السابقة

مبادئ الفيزياء والرياضيات الأساسية

الوحدة الثانية: مقدمة في ميكانيكا المائع

Introduction to Fluid Mechanics

مقدمة:

ميكانيكا المائع هو العلم الذي يدرس ميكانيكا السوائل والغازات في الحركة والسكون حيث إن كلمة مائع Fluid تشمل كلاً من السوائل والغازات. وتنتقل هذه الوحدة مقدمة لهذا العلم حيث يتم تقديم بعض المصطلحات والتعريفات الهامة في هذا المجال ودراسة بعض خواص السوائل الساكنة والمحركة وأنواع السريان وحساباته وكذلك سيتم التطرق لمعادلة الاستمرارية ومعادلة برنولي وبعض تطبيقاتها.

- 1 الكثافة: (Density)

من المعروف أنه إذا أخذنا أحجاماً متساوية من مواد مختلفة مثل الألミニوم والنحاس والرصاص والبلاطين سنجد أن كتل هذه الأحجام المتساوية مختلفة . لذلك يقال إن البلاطين أثقل من الرصاص والرصاص أثقل من النحاس والنحاس أثقل من الألミニوم . و الكمية الفيزيائية التي تعبر عن ذلك هي الكثافة ووحداتها هي وحدات الكتلة/وحدة الحجم والوحدات الدارجة للكثافة هي الكيلوجرام/متر³ . ولذلك فإن الكثافة تعتبر خاصية من خواص المادة مرتبطة بها .

الجدول 2-1 يعطي كثافة بعض المواد.

الحجم النوعي: (Specific Volume)

وهذه خاصية مهمة وتستخدم كثيراً في علم الديناميكا الحرارية وهي مقلوب الكثافة أي حجم مقسوم على الكتلة للمادة ووحداتها بطبيعة الحال هي وحدة حجم / وحدة كتلة والوحدات الدارجة لها هي المتر³ / كيلوجرام.

الكثافة النسبية: (Relative Density)

هي النسبة بين كثافة المادة عند درجة حرارة معينة إلى كثافة الماء عند نفس درجة الحرارة و تسمى أيضاً الثقل النوعي للمادة

أي أن:

جدول 2 - 1 كثافة بعض المواد

الكثافة (كجم/م³)	المادة	الكثافة (كجم/م³)	المادة
1060	الدم عند م 37.5	2700	الألونيوم
13600	زئق	8470	نحاس أصفر
800	زيت	8890	نحاس
1000	ماء عند م 54	2200	خرسانة
1.29	هواء	3520	ألماس
0.179	هيليوم	19300	ذهب
1.25	نيتروجين	917	ثلج
1.98	ثاني أكسيد الكريبون	7860	حديد صلب
0.0899	هيدروجين	2660	كوارتز
1.43	أكسجين	10500	فضة
806	كحول إيثيلي	550	خشب

الكثافة النسبية لمادة ما = كثافة المادة عند درجة حرارة معينة / كثافة الماء عند نفس درجة الحرارة
أو = كتلة حجم معين من المادة عند درجة حرارة معينة / كتلة نفس الحجم من الماء عند نفس درجة الحرارة
وحيث إن الكثافة النسبية أو التقل النوعي نسبة بين كميتين متماثلتين فهي ليس لها وحدات.

وتحسب كثافة الغازات من القانون العام للغازات وهو:

$$P V = m R T \quad (1-2)$$

حيث

kg الكتلة m

m^3 الحجم V

P الضغط المطلق وسننطر له لاحقاً ووحداته هي N/m^2

$R = 287 \text{ J / kg K}$ هو الثابت العام للغازات

T درجة الحرارة المطلقة K

كثافة الغاز $\rho (\text{kg / m}^3)$

ويمكن إعادة كتابة المعادلة

$$P = (m / V) R T$$

ولكن

إذا

$$\rho = P / RT \quad (2-2)$$

: 1 - مثال

مكعب طول ضلعه $m 2$ مليء بسائل كتلته 6000 kg ما هي كثافة هذا السائل؟

الحل:

نعلم أن الكثافة هي الكتلة مقسومة على الحجم إذا لابد من حساب الحجم أولاً

$$V = 2^3 = 8 \text{ m}^3$$

$$\rho = m / V = 6000 / 8 = 750 \text{ kg/m}^3$$

: 2 - مثال

إذا كانت كتلة لتر من سائل ما تساوي 0.9 kg فاحسب الثقل النوعي لهذا السائل؟

الحل:

نعلم أن الثقل النوعي هو النسبة بين كثافة السائل إلى كثافة الماء إذا لابد من حساب كثافة هذا السائل أولاً

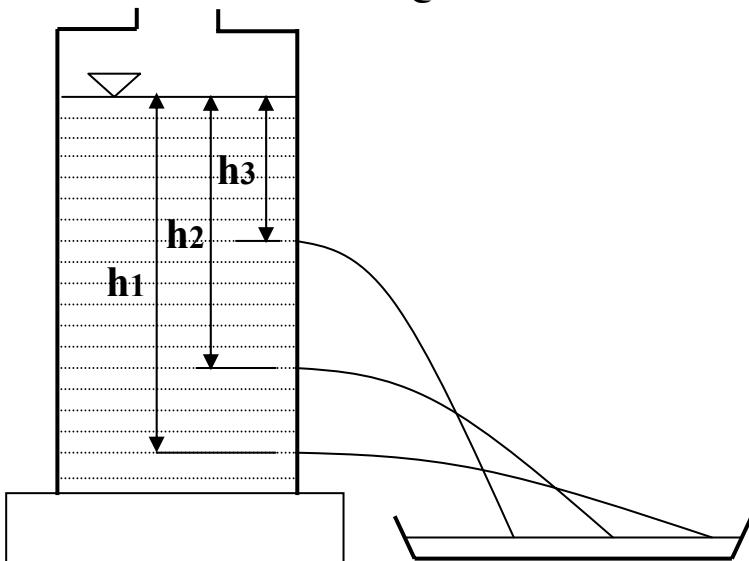
$$1 \text{ liter} = 0.001 \text{ m}^3$$

$$\rho = 0.9/0.001 = 900 \text{ kg/m}^3$$

$$sg = \rho / \rho_w = 900 / 1000 = 0.9$$

2- الضغط في الماء:

يعرف الضغط عند أي نقطة على أنه القوة المؤثرة عمودياً على وحدة المساحات حول هذه النقطة. ولكي نفهم الضغط في الماء نتصور أن لدينا إناءً على شكل متوازي مستطيلات مملوءاً بسائل ما ولو اعتبرنا نقطة ما داخل الإناء فإن ضغط السائل عند هذه النقطة سيكون مؤثراً في جميع الاتجاهات. و الدليل على ذلك أننا لو ثقينا ثقباً في جدار الإناء الذي يحتوي على السائل، نجد أن السائل يندفع خارجاً من هذه الثقوب مما يدل على أن السائل يؤثر بضغط على جدران الإناء الذي يحتويه. بالإضافة إلى ذلك ستجد أن سرعة اندفاع السائل تكون أكبر كلما كان الثقب قريباً من القاع شكل (2-1)، وهذا بالطبع يدل على أن ضغط السائل يزداد مع زيادة العمق.



الشكل 2-1 تأثير العمق على الضغط

مثال آخر: تصور حوضاً مملوءاً بالماء وأنك دفعت قطعة من الفلين تحت سطح الماء وتركتها. ستجد أن قطعة الفلين ترتفع مرتين ثانية إلى سطح الماء. مما يدل على أن هناك قوة قد أثرت عليها من أسفل إلى أعلى. هذه القوة ناشئة عن الفرق في الضغط على سطحي قطعة الفلين السفلي والعلوي.

مثال ثالث: إذا أحضرت كرة من المطاط مملوءةً بالماء و ثقبت بعض الثقوب في جدارها ثم ضغطت بيده على الكرة ستجد أن الماء يخرج من جميع الثقوب مما يدل على أن ضغط الماء يؤثر في جميع الاتجاهات. وحيث إن الضغط عند نقطة يعرف بأنه القوة المتوسطة المؤثرة عمودياً على وحدة المساحات المحيطة بهذه النقطة فمن الممكن كتابة هذا التعريف رياضياً كالتالي:

$$P = F / A \quad (3-2)$$

حيث:

P هو الضغط

F هي القوة العمودية

A المساحة تحت الضغط

مثال 2 - 3

تم ضغط غاز بواسطة مكبس قطره 60 mm بقوة عمودية مقدارها 2 kN احسب الضغط على الغاز

بوحدات Pa

الحل:

وحدات Pa تعني $\left[\frac{N}{m^2} \right]$ أي أن القوة با N والمساحة با m^2

$$A = \frac{\pi}{4} d^2 = \frac{\pi}{4} \left(\frac{60}{1000} \right)^2 = 2.83 \times 10^{-3} \text{ m}^2$$

$$F = 2 \times 1000 = 2000 \text{ N}$$

$$P = \frac{F}{A} = \frac{2000}{2.83 \times 10^{-3}} = 7.07 \times 10^5 \text{ Pa}$$

الضغط الجوي:

من المعروف أن الضغط الجوي على سطح الأرض ينشأ من وجود الغلاف الجوي المكون من الغازات (الهواء) الذي يغلف الكرة الأرضية. وحيث إن الهواء مادة لها كتلة و ثقل. فإننا نحمل فوق رؤوسنا عموداً من الهواء ارتفاعه يساوي ارتفاع الغلاف الجوي علماً بأن كثافة الهواء في الغلاف الجوي تقل مع الارتفاع عن سطح الأرض.

و من تعريف الضغط على أنه القوة المؤثرة على وحدة المساحات فإن : الضغط الجوي سيساوي ثقل عمود من الهواء مساحة مقطعيه وحدة المساحات و يمتد من سطح الأرض إلى نهاية الغلاف الجوي. وهنالك العديد من التجارب البسيطة التي تدل على أن للهواء الجوي ضغطاً. من أشهر هذه التجارب تلك التي أجرتها عام 1615 م أوتو فون جيريك عمدة مدينة ماجدبورج أمام الامبراطور فرديناند الثالث ، وقد كان في ذلك الوقت قد تم اختراع مضخات التفريغ.

أحضر فون جيريك نصفي كرة معدنية جوفاء و وضعهما بحيث تتلامس حافتيهما و لا ينفذ الهواء خلال الحد الفاصل بينهما. ثم تم تفريغ الهواء فيهما و محاولة جذب نصفي الكرة بعيدا عن بعضهما. وقد احتاج الأمر ثمانية أحصنة على كل جانب لفصل نصفي الكرة عن بعضهما مما يدل على كبر مقدار القوة الناشئة عن الضغط الجوي المؤثرة على سطحي نصفي الكرة من الخارج بعد تفريغ الهواء من الداخل.

من الجدير بالذكر هنا أن نعرف أنه لا يوجد ضغط جوي على سطح القمر و السبب في ذلك هو عدم وجود غلاف غازي حول القمر. ولهذا السبب يحتاج رواد الفضاء إلى ملابس خاصة توفر لهم الضغط المعتاد والأكسجين اللازم للتنفس و بدون ذلك سيغلي الماء و الدم و قد ينفجر الجسم في الفراغ المحيط به.

العلاقة بين الضغط وعمق السائل و كثافته :

تصور حوضاً مملوءاً بسائل كثافته $\rho \text{ kg/m}^3$ و تصور كذلك أن لوحًا مستطيل الشكل مساحته $A \text{ m}^2$ موضوعاً أفقياً على عمق قدره $h \text{ m}$ تحت سطح السائل. سيكون هذا اللوح هو قاعدة لعمود من السائل على شكل متوازي مستطيلات يمتد رأسياً من قاعدة اللوح إلى سطح السائل.

$$\text{حجم السائل في متوازي المستطيلات} = A h \text{ } [m^3]$$

$$\text{كتلة السائل في متوازي المستطيلات} = A h \rho \text{ } [kg]$$

هذه الكمية من السائل تؤثر عمودياً على قاعدة اللوح بقوة $W \text{ نيوتن}$ تساوي وزنها أي ثقلها حيث :

$$W = A h \rho g$$

وبالطبع وحدات الوزن هي [N]

ومن تعريف الضغط P على أنه القوة المؤثرة رأسياً على وحدة المساحات فإن:

$$P = \rho g h \quad (4-2)$$

ووحداته هي $[N/m^2]$

وإذا أخذنا في الاعتبار أن سطح السائل الخالص يتعرض للضغط الجوي و مقداره $Patm$ فإن الضغط الكلي ويسمى بالضغط المطلق على اللوح سيساوي :

$$P = Patm + \rho g h \quad (5-2)$$

من هذه العلاقة نرى أن ضغط السائل عند نقطة في باطنها يزداد كلما زاد عمق النقطة تحت سطح السائل و كلما زادت كثافة السائل.

مثال 4 - 2 :

نقطتان A و B على عمق 100 m و 120m في قاع البحر. احسب الفرق في الضغط بين النقطتين إذا علمت أن كثافة ماء البحر هي $1023 kg/m^3$ الحل:

$$P_A = \rho g h_A$$

$$P_B = \rho g h_B$$

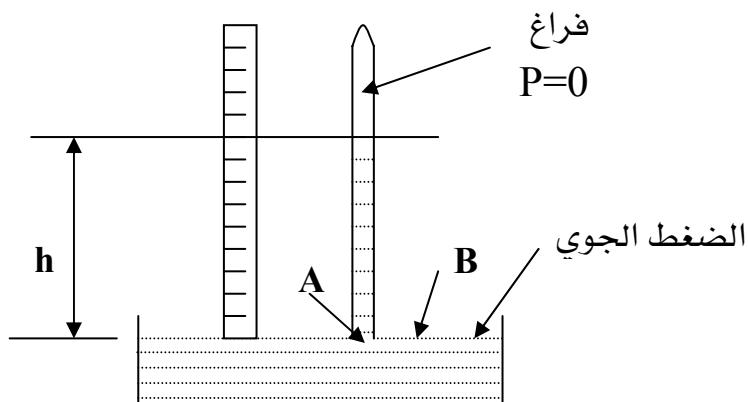
$$P_A - P_B = \rho g h_A - \rho g h_B = \rho g (h_A - h_B)$$

$$= 1023 \times 9.81 \times (120 - 100)$$

$$= 200.7 kN / m^2$$

قياس الضغط الجوي :

يتم قياس الضغط الجوي باستخدام البارومتر. و البارومتر البسيط قام باختراعه تورشيللي و سمى باسمه. و هو عبارة عن أنبوبة زجاجية مغلقة من أحد طرفيها طولها من 90 سم إلى متراً تماماً بالزئبق بحيث تكون خالية من الفقاعات الهوائية.



الشكل 2- 2 البارومتر البسيط

يغلق طرف الأنبوة بالإصبع و تتسكب في حوض به زئبق الشكل(2-2). ينخفض الزئبق في الأنبوة إلى مستوى معين. و عند مستوى سطح البحر يكون ارتفاع الزئبق حوالي 0.76 مترو يترك الزئبق عند انخفاضه في الأنبوة فوقه منطقة خالية من الهواء أي مفرغة تماما إلا من بعض بخار الزئبق الذي يمكن إهماله عادة. و يسمى هذا الحيز فراغ تورشيلي.

والآن نعتبر نقطتين A و B في مستوى أفقى واحد أحدهما B على سطح الزئبق في الحوض والأخرى A في نفس المستوى ولكن داخل الأنبوة.

الضغط عند نقطة B التي تقع على السطح الخالص للزئبق أي المعرض للضغط الجوي هو الضغط الجوي المراد قياسه. أما عند A فهو ضغط عمود الزئبق و ليكن ارتفاعه هو h متر علما بأن فوق الزئبق في الأنبوة فراغ وأن ضغط بخار الزئبق يمكن إهماله. و حيث إن A و B في مستوى أفقى واحد في نفس السائل فإن :

الضغط عند A يساوي الضغط عند B أي أن :

$$P_A = P_B = \rho g h \quad (6-2)$$

وحيث إن الضغط عند B هو الضغط الجوي P_{atm} فهذا يعني الضغط الجوي يساوي الضغط عند B

حيث h ارتفاع الزئبق في البارومتر و ρ كثافة الزئبق و g عجلة الجاذبية .

لذلك يقال أن الضغط الجوي يكافي الضغط الناشئ عن عمود من الزئبق ارتفاعه h . أو أن الضغط الجوي يساوي h متر زئبق أي أنه يساوي ثقل عمود من الزئبق ارتفاعه h متراً و مساحة مقطعه ١ متر مربع . والضغط الجوي المعتمد أي عند سطح البحر و عند درجة الصفر المئوي يساوي ٠.٦٧ م.ز. و لحساب قيمته نعرض بكتافة الزئبق عند درجة الصفر المئوي

$$Patm = 0.76 \times 13595 \times 9.81 = 1.013 \times 10^5 \text{ N/m}^2$$

الوحدات التي يقاس بها الضغط:

وحدات قياس الضغط هي وحدات قوة / وحدات مساحة و الوحدات مشهورة الاستخدام هي:

١ - نيوتن / م² و تسمى باسكال و يرمز لها بالرمز Pa

$$\text{pascal} = 1 \text{ Pa} = 1 \text{ N/m}^2$$

و بالتالي فإن الضغط الجوي المعتمد (١ atm) يساوي

$$atm = 1.013 \times 10^5 \text{ Pa}$$

٢ - البار Bar و هي وحدة تساوي 10^5 N/m^2 و بذلك يكون الضغط الجوي المعتمد ١.٠١٣ بار .

٣ - الميللي متر زئبق mm Hg و تسمى تور Torr .
وحدات المتر زئبق ومشتقاته حيث يقاس الضغط بطول عمود الزئبق الذي يحدث ضغطاً يكافئه .
يطلق على الضغط المكافئ لضغط عمود من الزئبق طوله ١مم أسم التور .
ملخص لوحدات قياس الضغط:

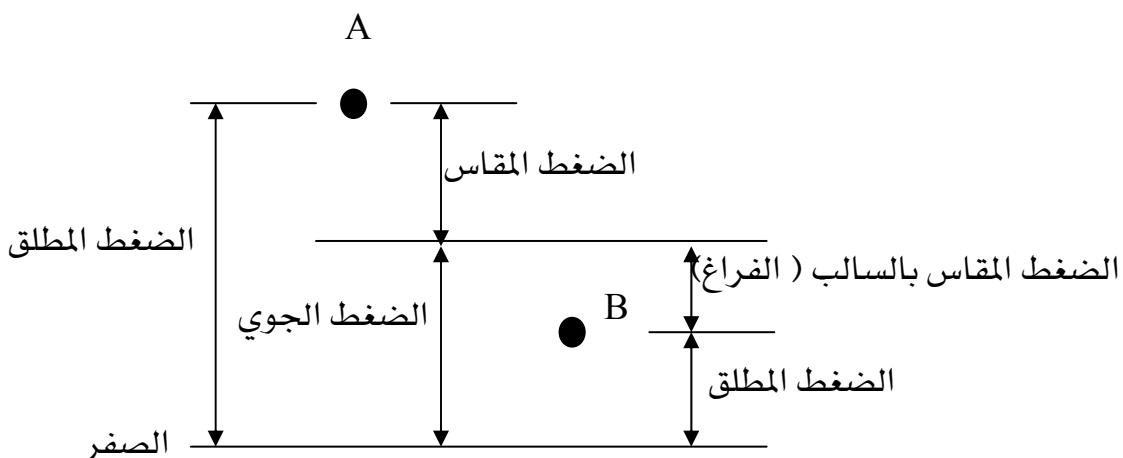
$$1 \text{ atm} = 1.013 \times 10^5 \text{ N/m}^2 = 1.013 \text{ bar} = 0.76 \times 10^3 \text{ Torr} = 0.76 \text{ m Hg}$$

$$1 \text{ bar} = 10^5 \text{ N/m}^2 \quad \& \quad 1 \text{ Torr} = 1.333 \times 10^2 \text{ N/m}^2 = 1.333 \times 10^{-3} \text{ bar}$$

الضغط المطلق والضغط المقاس والفراغ:

الضغط الجوي الذي تم وصف طريقة قياسه أعلاه يمثل قيمة الضغط الجوي الحقيقي أو ما يسمى بالضغط الجوي المطلق أي قيمة الضغط فوق مستوى الصفر ومستوى الصفر هو الحالة التي لا يوجد فيها أي هواء جوي مطلقاً وبالتالي لا يكون فيها أي ضغط (الفراغ الذي يتكون فوق عمود الزئبق داخل الانبوبة الرأسية للبارومتر).

وهذه الطريقة هي الوحيدة تقريباً التي يتم فيها قياس الضغط المطلق (Absolute Pressure) فمعظم الوسائل الأخرى يتم فيها قياس الضغط منسوباً إلى قيمة الضغط الجوي وليس إلى الصفر، أي إن قياس الضغط يتم بقياس الفرق بين الضغط المطلوب والضغط الجوي وهذا الفرق هو ما يسمى بالضغط المقاس (Gauge Pressure).



$$\text{الضغط المطلق} = \text{الضغط الجوي} + \text{الضغط المقاس}$$

$$\text{Absolute Pressure} = \text{Atmospheric Pressure} + \text{Gauge Pressure}$$

الشكل 2- 3 الضغط المطلق والضغط المقاس والفراغ

ويوضح الشكل 2- 3 العلاقة بين الضغط المطلق والضغط المقاس حيث الضغط عند النقطة A أعلى من الضغط الجوي فيكون ضغطها المقصوص موجباً بينما الضغط عند النقطة B أقل من الضغط الجوي فيكون ضغطها المقصوص سالباً وهو ما يسمى بالفراغ.

مثال 2 - 5 :

حاوية مكشوفة ذات ارتفاع قدره 3.5 m ملئت بالماء حتى ارتفاع 2 m وما تبقى مليء بالزيت. احسب الضغط المطلق والمقاس عند قاع الحاوية وكذلك عند سطح الماء. كثافة الماء 1000 kg/m³ وكثافة الزيت 920 kg/m³.

الحل:

الضغط المطلق عند قاع الحاوية

$$Pa1 = \rho_0 g h_0 + \rho_w g h_w + Patm$$

$$= 920 * 9.81 * (3.5 - 2) + 1000 * 9.81 * 2 + 1.013 \times 10^5$$

$$= 1.344 \times 10^5 \text{ N/m}^2 = 134.4 \text{ kPa}$$

الضغط المطلق عند سطح الماء

$$Pa2 = \rho_0 g h_0 + Patm = 920 * 9.81 * (3.5 - 2) + 1.013 \times 10^5$$

$$= 1.151 \times 10^5 \text{ N/m}^2 = 115.1 \text{ kPa}$$

الضغط المقاس عند قاع الحاوية

$$Pg1 = Pa1 - Patm = 1.344 \times 10^5 - 1.013 \times 10^5$$

$$= 0.331 \times 10^5 \text{ N/m}^2 = 33.1 \text{ kPa}$$

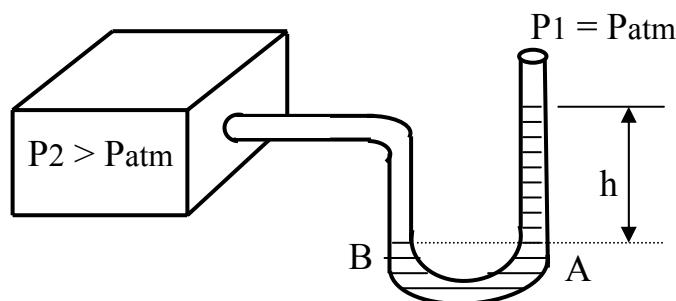
الضغط المقاس عند سطح الماء

$$Pg2 = Pa2 - Patm = 1.151 \times 10^5 - 1.013 \times 10^5$$

$$= 0.138 \times 10^5 \text{ N/m}^2 = 13.8 \text{ kPa}$$

اتزان سائل في أنبوبة ذات شعبتين :

تستخدم الأنبوة ذات الشعبتين على شكل حرف U كوسيلة لقياس ضغط الغاز وتسمى المانومتر وشكل (2-4) يوضح أنبوبة ذات شعبتين بها كمية من سائل كثافته ρ (يستخدم الزئبق عادة) متصلة بخزان به غاز المراد قياس ضغطه P .



شكل 2-4 المانومتر لقياس الضغط

إذا كان ضغط الغاز في الخزان مساوياً للضغط الجوي فإن مستوى السائل في فرع الأنبوة يكون واحداً. أما إذا كان ضغط الغاز في الخزان أكبر من الضغط الجوي فإن مستوى سطح السائل في فرع الأنبوة لا يكون واحداً لأن الغاز يضغط على السائل في الفرع المتصل بالخزان إلى أسفل بينما يرتفع السائل في الفرع الآخر.

و الآن نعتبر النقطتين B , A و هما في مستوى واحد في نفس السائل فإن الضغط عندهما يكون واحداً

أي أن :

$$P_B = P_A = Patm + \rho g h$$

حيث $Patm$ هو الضغط الجوي و h الفرق في ارتفاع السائل في فرع الأنبوة ولكن P_B هو ضغط الغاز المراد قياسه أي أن ضغط الغاز P يساوي

$$P = Patm + \rho g h \quad (7-2)$$

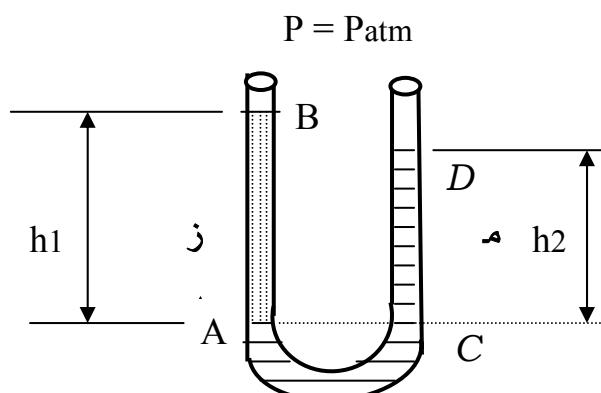
و تعطى الكمية $\rho g h$ مقدار زيادة ضغط الغاز عن الضغط الجوي.

أما إذا كان ضغط الغاز في المستودع أقل من الضغط الجوي، فإن السائل يرتفع في فرع الأنبوة المتصل بالمستودع وينخفض في الفرع المفتوح. في هذه الحالة فإن ضغط الغاز (P) في الخزان يساوي :

$$P = P_{atm} - \rho g h \quad (8-2)$$

أنبوبة ذات شعوبتين تحتوي على سائلين :

الأنبوبة ذات شعوبتين الموضحة في شكل (2-5) تحتوي على كمية مناسبة من الماء. مضافاً إليه كمية من الزيت في أحد فروع الأنبوبة - الفرع الأيسر - كما في الشكل. حيث إن كثافة الزيت أقل من كثافة الماء فإنه سوف يطفو فوق الماء ويصل سطحه العلوي إلى نقطة مثل B وليكن ارتفاع الزيت فوق السطح الفاصل بينه وبين الماء هو h_1 .



شكل 2 - 5

والآن نعتبر النقطتين A و C وهما نقطتين في مستوى واحد في الماء، حيث A هي الحد الفاصل بين الماء والزيت فيكون :

$$\text{الضغط عند } A = \text{الضغط عند } C$$

$$P_{atm} + \rho_1 g h_1 = P_{atm} + \rho_2 g h_2$$

حيث P_{atm} الضغط الجوي و ρ_1 كثافة الزيت و ρ_2 كثافة الماء . أي أن :

$$\rho_1 h_1 = \rho_2 h_2$$

من هذه العلاقة يمكن تعين الثقل النوعي للزيت وهو يساوي النسبة بين كثافة الزيت إلى كثافة الماء أي :

$$\rho_1 / \rho_2 = h_2 / h_1 \quad (9-2)$$

2-3 اللزوجة : Viscosity

هناك مشاهدات يومية كثيرة توضح لنا معنى اللزوجة منها :

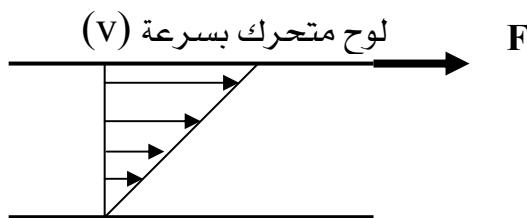
- 1 إذا صب سائلان مثل الماء والجلسرин على لوح زجاجي نشاهد أن حركة الجلسرين أبطأ من حركة الماء على اللوح الزجاجي .
- 2 إذا صب الماء والجلسرين في قمعين متماثلين ووضعنا أسفل كل منهما كأساً نجد أن سرعة انسياب الجلسرين أقل كثيراً من سرعة انسياب الماء الساقط من القمع.
- 3 إذا أحضرنا كأسين متماثلين وملأنا أحدهما بالماء والآخر بنفس الحجم من العسل ثم حركنا ساقاً زجاجية في كل من الكأسين سنجد أن الساق الزجاجية تتحرك في الماء بسهولة أكبر وإذا أخرجنا الساق من كل منهما ستتجدد أن الماء يستمر في الحركة فترة زمنية أكبر.
- 4 إذا أحضرنا مقدارين طوليين أحدهما مملوءاً بالماء والآخر بالجلسرين أو العسل واسقطنا في كل منهما كرة معدنية متماثلة نلاحظ أن الكرة تتحرك في الماء بسرعة أكبر من سرعة الكرة في الجلسرين أو العسل.

كل هذه المشاهدات وغيرها تدل على أن السوائل تختلف فيما بينها في قابليتها للانسياب وفي مقاومتها لحركة الأجسام الصلبة فيها وكلما قلت القابلية للانسياب وزادت مقاومة السائل لحركة الأجسام الصلبة فيه يقال أن لزوجة السائل أكبر .

والمائع المثالي (Ideal Fluid) هو سائل أو غاز غير قابل للانضغاط ولا يوجد احتكاك بين جزيئاته غير دوامي ويسير في خطوط انسياب محددة وتتسارعه يساوي صفراء .

وحيث إنه لا لزوجة له تعوق طبقاته من الانزلاق فوق بعضها فإذا كان هذا المائع المثالي يتتحرك في أنبوبة فإن جميع طبقات هذا المائع ستتحرك بنفس السرعة حتى تلك الطبقات الملامسة للجدار الأنبوية، وهذا لا يحدث في الطبيعة . أما الواقع فهو أن للمائع لزوجة وبالتالي فإن طبقات المائع المختلفة لا تتحرك بنفس السرعة . فطبقة الماء الملامسة للجدار لا تتحرك مطلقاً كما يحدث بينما تقول للطبقة المركزية (على طول المحور) ذات أعلى سرعة وكمثال ملاحظ على أن الطبقة الملائمة للجدار لا تتحرك مطلقاً ما يحدث لطبقة الغبار الملائمة لسطح السيارة فمهما تحركت السيارة بسرعة عالية تبقى هذه الطبقة الرقيقة من الغبار لأن طبقة الهواء الملامسة لسطح السيارة ليس لها سرعة بالنسبة للسيارة وبذلك لا تتزع طبقة الغبار عنها.

ولكي ندرس الزوجة بطريقة كمية نتصور سائلان لزجا بين لوحين متوازيين كما في شكل(2-6) اللوح العلوي حر الحركة بينما السفلي ثابت في مكانه . إذا أردنا أن نحرك اللوح العلوي بسرعة ولتكن V بالنسبة للوح السفلي سنحتاج إلى قوة F . هذه القوة تكون كبيرة في حالة السوائل عالية الزوجة كالعسل أو الجلسرين مثلا بينما تكون أقل في حالة السوائل الأقل لزوجة مثل الماء .



لوح ثابت
شكل 2 - 6 الزوجة

يمكن أن نتصور أن السائل مكون من طبقات رقيقة، الطبقة الملامسة للوح العلوي تكون ملائمة له وتتحرك بنفس سرعته بينما الطبقة الملامسة للوح السفلي الساكن تكون ساكنة أي أن سرعتها = الصفر .

وعندما يتحرك اللوح العلوي فإن طبقات السائل تنزلق فوق بعضها وتتحرك بسرعات مختلفة تغير بانتظام من V بالنسبة للطبقة العلوية وصفر بالنسبة للطبقة السفلية وعندما تتحرك طبقات السائل فإن كل طبقة تلاقي قوة لزوجة بينها وبين الطبقة التي تعلوها وهي قوة شبيهة بقوة الاحتكاك تعوق انزلاق بعضها فوق بعض فينشأ عن ذلك فرق نسبي في السرعة بين كل

طبقة والتي تليها القوة F هي التي تعادل تأثير هذه القوى لكي تبقى كل طبقة متحركة بسرعة ثابتة وتعتمد القوة F المطلوبة على عدة عوامل هي :

1 - المساحة A فالمساحة الأكبر تكون ملاصقة لكمية أكبر من السائل أي أن القوة تتناسب طردياً

$$F \propto A$$

2 - السرعة v فالسرعة الأعلى تحتاج إلى قوة أكبر أي أن القوة تتناسب طردياً مع السرعة $F \propto v$

3 - المسافة العمودية بين اللوحين S والقوة تتناسب تناوباً عكسياً مع المسافة الفاصلة بين اللوحين حيث إنه كلما زادت هذه المسافة بعدت الطبقة العلوية عن تأثير الطبقة السفلية الساكنة في هذه الحالة

$$F \propto 1/S$$

أو

$$F = \eta A v / S \quad (10-2)$$

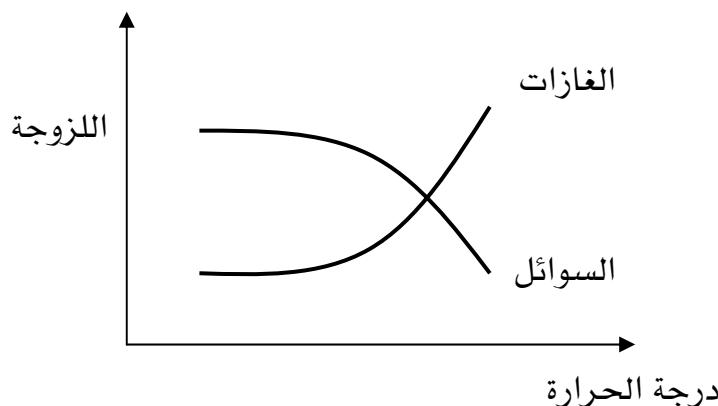
ويسمى ثابت التناسب η معامل الزوجة

$$F s/A v = F / A v / S = \eta \quad (11-2)$$

ويعرف معامل الزوجة على أنه القوة المماسية المؤثرة على وحدة المساحات التي ينتج عنها فرق في السرعة مقداره الوحدة بين طبقتين من السائل المسافة العمودية بينهما الوحدة ووحدته هي $kg/m^2 s$

تأثير الحرارة على الزوجة:

تأثر الزوجة كثيراً بتغير درجة الحرارة فعندما تزيد درجة الحرارة تقل الزوجة السوائل وتزيد الزوجة الغازات ويرجع ذلك إلى أن قوى التماسك بين جزيئات السائل تقل مع زيادة درجة الحرارة وبالتالي تقل الزوجة بينما في الغازات يؤدي ارتفاع درجة الحرارة إلى زيادة معدل تصدام الجزيئات مع بعضها وهذا يزيد قوى الاحتكاك بينها مما يؤدي إلى زيادة في الزوجة (انظر الشكل 2-7)



شكل 2 - 7 تأثير درجة الحرارة على الزوجة

4 الطفو: Bouynacy - 2

الجسم المغمور بالماء يبدو أخف وزناً من الجسم المغمور بالهواء ، والجسم الذي تكون كثافته أقل من كثافة المائع المغمور فيه يطفو فوق سطح الماء. ومن الأمثلة على ذلك جسم الإنسان في الماء والثلج في الماء والمنطاد المملوء بالهيليوم في الهواء. هذه الظاهرة تسمى ظاهرة الطفو ومن أهم تطبيقاتها مبدأ أرخميدس.

مبدأ أرخميدس:

وينص على أنه عندما يغمر جسم في مائع ما ، فإن المائع يبذل قوة إلى أعلى على الجسم مقدارها مساواً لوزن المائع الذي أزاحه ذلك الجسم.

مثال 2 - 6

كرة معدنية مفرغة كتلتها 9 kg تطفو فوق سطح الماء احسب القطر الخارجي لهذه الكرة الذي يجعل نصفها مغموراً تحت سطح الماء.

الحل:

القوة التي يبذلها المائع على الكرة يساوي وزن المائع المزاح وهي تساوي وزن الكرة

$$\text{وزن السائل المزاح} = 0.5 * \rho * g * (4/3) \pi (d/2)^3$$

$$\text{وزن الكرة} = Mg$$

بمساواة هاتين القوتين والحل للحصول على القطر المطلوب

$$0.5 * \rho * g * (4/3) \pi (d/2)^3 = Mg$$

$$d^3 = 12 M / (\pi \rho) = 12 * 9 / (\pi * 1000) = 0.0344$$

$$d = 0.325 \text{ m}$$

- 2 الشد السطحي: *Surface Tension*

تشاء ظاهرة الشد السطحي عن قوى التماسك والتجاذب بين جزيئات السائل عند السطح. أي أنها خاصية سطحية لوجودها داخل السائل. ويعرف الشد السطحي بأنه القوة المؤثرة على وحدة الأطوال من أي خط من خطوط سطح السائل.

جدول 2 - الشد السطحي لبعض السوائل الملامسة للهواء

السائل	درجة الحرارة (درجة مئوية)	الشد السطحي dyn/cm
البنزين	20	28.9
الكحول	20	22.3
الجلسيرين	20	63.1
الزئبق	20	465.0
زيت الزيتون	20	32.0
محار ول الصابون	20	25.0
الماء	0	75.6

72.8	20	الماء
66.2	60	الماء
58.9	100	الماء
15.7	-193	الأكسجين
5.15	-247	النيون
0.12	-269	الهليوم

وحدات الشد السطحي هي وحدات قوة / وحدات طول ، والوحدة شائعة الاستعمال هي داين/سم .(dyn/cm)

معامل التحويل من $1 \text{ N/m} = 1000 \text{ dyn/cm}$ هو $1 \text{ N/m} = 1000 \text{ dyn/cm}$ ويوضح الجدول 2-2 قيم الشد السطحي لبعض السوائل مع الهواء عند درجات حرارة مختلفة.

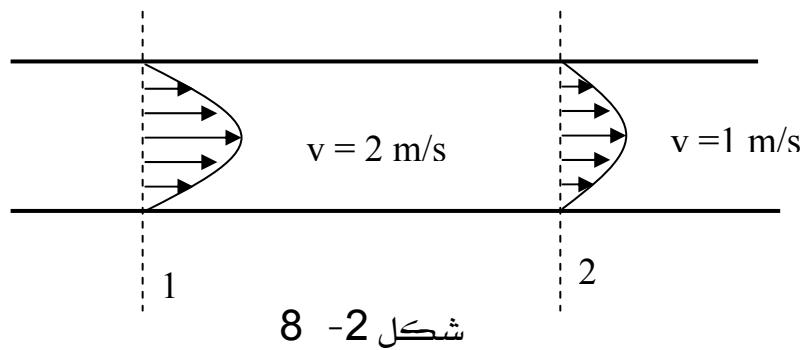
2-6 خواص السوائل المتحركة : Fluids in Motion :

هناك أمثلة مختلفة لحركة المائع بصفة عامة سوائل كانت أم غازات . فالماء مثلا ينساب برفق و ببطء في جدول هادئ بينما يتحرك بعنف في مساقط المياه . والهواء يمكن أن يكون نسيما ويمكن أن يكون رياحا عاتية . ولهذا السبب لابد أن نفرق بين الأنواع المختلفة لسريان المائع . فسريان المائع يمكن أن يكون سرياناً مستقراً (هادئاً) أو سرياناً غير مستقر (مضطرب) .

السريان المستقر : في حالة السريان المستقر تكون سرعة جسيمات أو جزيئات السائل عند أي نقطة ثابتة مع الزمن وهذا هو الشرط الأساسي للسريان المستقر .

وعلى سبيل المثال يمثل شكل (2-8) مائعاً متحركاً . الجسم الذي يمر في نقطة 1 يتحرك بسرعة 71 m/s وفي حالة السريان المستقر فإن كل جسيم يمر بنقطة 1 يكون له نفس السرعة . أما عند أي نقطة أخرى فإن السرعة تختلف وهذا هو الحال بالنسبة لسرعة الماء في النهر حيث تكون السرعة على طول المركز أو المحور أعلى من السرعة بالقرب من الضفة وفي الشكل (2-8) عند نقطة 2 مثلا فإن

السرعة $v_2 = 1 \text{ m/s}$ وفي حالة السريان المستقر فإن كل جسيم يمر بهذه النقطة يكون له نفس هذه السرعة 1 m/s أي أن السرعة قد تتغير من نقطة إلى أخرى في حالة السريان المستقر ولكنها تبقى ثابتة عند كل نقطة في القيمة ولا تتغير مع مرور الزمن .



شكل 2 - 8

السريان غير المستقر :

في حالة السريان غير المستقر تكون السرعة عند أي نقطة ما متغيرة مع الزمن ويعتبر السريان الدوامي هو أقصى أنواع السريان غير المستقر ويولد عندما تكون هناك عوائق حادة في مسار المائع المتحرك بسرعة عالية وفي هذه الحالة تغير السرعة عند أي نقطة تغيراً حاداً من لحظة إلى أخرى في كل من القيمة والاتجاه .

خطوط الانسياب :

السريان المستقر - كما أشرنا - هو ذلك السريان الذي تكون فيه سرعة المائع عند كل نقطة ثابتة مع الزمن و يسمى هذا السريان أيضاً السريان الظبيقي أو السريان الانسيابي ويتميز هذا النوع من السريان أيضاً بأن كل جزء من السائل يتبع أشلاء حركته مساراً متصلًا يسمى خط الانسياب . وخط الانسياب هو خط وهما في السائل يكون الماس له عند أي نقطة موازياً لسرعة المائع عند هذه النقطة ويمكن أن تتغير سرعة السائل في المقدار أو الاتجاه من نقطة إلى نقطة على خط الانسياب ولكن مقدار السرعة واتجاهها عند أي نقطة يظل ثابتاً مع الزمن حتى يتحقق الشرط الأساسي للسريان المستقر .

خصائص خطوط الانسياب :

- 1 يعطي الماس لخط الانسياب عند نقطة ما اتجاه السرعة عند هذه النقطة .
- 2 خطوط الانسياب لا تتقاطع مع بعضها لأنها إذا تقاطعت فإن جزيئات السائل التي تصل عند نقطة التقاء ستتحرك بعدها في أي اتجاه كما أن سرعته لن تكون ثابتة مع الزمن وهذا عكس شرط السريان المستقر .
- 3 يحدد عدد خطوط الانسياب التي تمر عموديا بوحدة المساحات حول نقطة معينة معدل سريان السائل عند هذه النقطة . لذلك فإن خطوط الانسياب تتزامن في حالة السرعات العالية وتتباعد في حالة السرعات المنخفضة .

معدل التدفق:

يقصد بمعدل التدفق هو حجم المائع الذي يقطع المساحة العمودية على اتجاه السريان في وحدة زمنية معينة ويعبّر عنه بمعدل التدفق الحجمي (**Volume Flow Rate**) ويحسب كالتالي:

$$Q = A \times v \quad (12 - 2)$$

حيث A هي مساحة المقطع الذي يمر خلاله المائع و v هي سرعة مرور المائع.

أما معدل التدفق الكتلي (**Mass Flow Rate**) فهو

$$m = \rho \times Q \quad (13 - 2)$$

مثال 2 - 7

أنبوب قطره 20 mm ينساب فيه الماء بسرعة 0.5 m/s ، احسب معدل التدفق الحجمي والكتلي؟

الحل:

$$\dot{Q} = A \times v = \frac{\pi}{4} 0.02^2 \times 0.5 = 157.1 \times 10^{-6} \frac{\text{m}^3}{\text{s}}$$

$$\dot{m} = \rho \times \dot{Q} = 1000 \times 157.1 \times 10^{-6} = 0.157 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

معادلة الاستمرارية:

إذا كان لدينا نظاماً مفتوحاً - والنظام المفتوح هو النظام الذي يسمح بانتقال الطاقة والكتلة خلاله إلى الوسط المحيط. فعندما نطبق قانون حفظ المادة على هذا النظام فإننا نجد أن معدل تغير كتلة المادة داخل الحجم المفتوح بالنسبة للزمن مساوياً لمعدل دخول المادة للحجم المفتوح مطروحاً منه معدل خروج المادة من الحجم المفتوح.

ولكن لو افترضنا وجود نظام مفتوح من طرفيه فقط ولا يسمح بدخول المادة من جوانبه فإنه يمكننا أن نقول أن معدل تغير كتلة المادة داخل النظام المفتوح بالنسبة للزمن تساوي صفرأً أي أن كمية المادة (المائع) الداخلة عند المقطع الأول خلال زمن معين = كمية المادة (المائع) الخارجة عند المقطع الثاني خلال نفس الزمن أو بعبارة رياضية

$$A_1 v_1 \rho_1 \Delta t = A_2 v_2 \rho_2 \Delta t$$

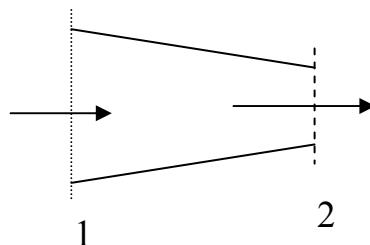
حيث ρ كثافة المائع ، A مساحة المقطع الذي تكون سرعة التدفق عمودية عليه ، v سرعة تدفق المائع وبالنسبة للموائع غير القابلة للانضغاط تكون الكثافة ثابتة والتغير في الزمن متتساوٍ يمكننا أن نكتب المعادلة كالتالي:

$$A_1 v_1 = A_2 v_2 = \text{constant} \quad (14-2)$$

ويتبين من هذه المعادلة أنه كلما زادت مساحة مقطع الأنبوية كلما قلت سرعة السائل والعكس صحيح.

مثال 2 - 8

يسري مائع غير قابل للانضغاط في أنبوب ذي مقطع دائري متناقص القطر. قطر الأنابيب عند المدخل 0.5 m وعند المخرج 0.2 m إذا علمت أن معدل التدفق الحجمي هو $0.3 \text{ m}^3/\text{s}$ فاحسب سرعة المائع عند مدخل وخارج الأنابيب.



الحل:

$$\dot{Q} = A \times v \rightarrow v_1 = \frac{\dot{Q}}{A} = \frac{0.3}{\left(\frac{\pi}{4} \times 0.5^2\right)} = 1.53 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$v_2 = \frac{\dot{Q}}{A_2} = \frac{0.3}{\left(\frac{\pi}{4} \times 0.2^2\right)} = 9.54 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

معادلة برنولي:

تتص نظرية برنولي على أن مجموع طاقة الضغط والطاقة الحركية وطاقة الوضع لوحدة الحجوم لأي جسيم من مائع ما يسري في مسار معين يظل ثابتاً عند أي مقطع على طول ذلك المسار إذا لم يكن هناك فقد أو اكتساب للطاقة من البيئة المحيطة بذلك المسار.

وبعبارة رياضية

$$P + \frac{1}{2} m v^2 + m g h = \text{constant} \quad (15 - 2)$$

ولأن المعادلة لوحدة الحجوم فإن الكتلة تساوي عدياً الكثافة وبالقسمة على الكثافة تكون المعادلة كالتالي:

أو عند تطبيقها على نقطتين في المائع تكون على الصيغة التالية:

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} + h_1 = \frac{P_2}{\rho g} + \frac{V_2^2}{2g} + h_2 \quad (16 - 2)$$

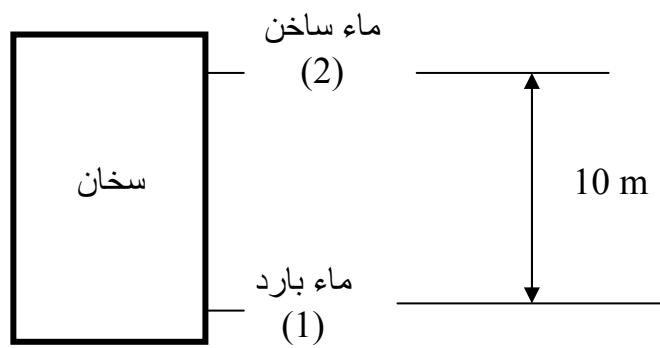
حيث P_1 الضغط الداخلي P_2 الضغط الخارج V_1 سرعة المائع الداخل و V_2 سرعة المائع الخارج و h_1 الارتفاع عند النقطة الأولى و h_2 الارتفاع عند النقطة الثانية.

من الضروري الانتباه إلى أن معادلة برنولي بصورتها السابقة لاتعطي وزناً للطاقة المكتسبة $hg_{(12)}$ بين النقطتين ولا المفقودة بينهما $h_{L(1-2)}$ ولأخذ هذه الطاقة بالاعتبار من الممكن تعديل معادلة برنولي ليصبح كالتالي:

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} + h_1 + h_{g(12)} = \frac{P_2}{\rho g} + \frac{V_2^2}{2g} + h_2 + h_{L(12)} \quad (17 - 2)$$

مثال 2 - 9

يدخل الماء البارد في سخان لإنتاج الماء الحار بسرعة قدرها 2 m/s ويخرج الماء الساخن بسرعة 10 m/s ، إذا كان مخرج الماء الساخن أعلى من مدخل الماء البارد ب 10 m فاحسب ضغط الماء الساخن إذا كان ضغط الماء البارد 200 kPa ، افترض أن كثافة الماء ثابتة وقدرها 1000 kg/m^3



الحل:

بتطبيق معادلة برنولي بين النقاطين (1) و (2)

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{v_1^2}{2g} + h_1 = \frac{P_2}{\rho g} + \frac{v_2^2}{2g} + h_2$$

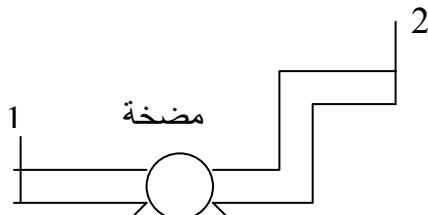
بحل المعادلة للمجهول P_2 يكون كالتالي:

$$\begin{aligned}
 P_2 &= P_1 + \rho \left(\frac{v_1^2 - v_2^2}{2} \right) - \rho g h_2 \\
 &= 200 \times 10^3 + 1000 \left(\frac{2^2 - 10^2}{2} \right) - 1000 \times 9.81 \times 10 \\
 &= 53900 \text{ Pa} = 53.9 \text{ kPa}
 \end{aligned}$$

مثال 2 - 10 :

الأنبوب الموضح بالشكل ذو قطر 50 cm ينقل الماء بتدفق قدره $0.5 \text{ m}^3/\text{s}$ ، إذا كان $m = 10$ و $P_1 = 350 \text{ kPa}$ و $h_2 = 40 \text{ m}$. ما هي قدرة الرفع للمضخة لكي ترفع الماء ويصبح الضغط

افتراض أن الفقد يساوي 3m



الحل:

بتطبيق معادلة برنولي العامة بين النقطتين 1 و 2 مع الانتباه إلى أن الطاقة من المضخة تعتبر طاقة مكتسبة

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{v_1^2}{2g} + h_1 + h_{g(12)} = \frac{P_2}{\rho g} + \frac{v_2^2}{2g} + h_2 + h_{L(12)}$$

نحل هذه المعادلة للمجهول مع ملاحظة أنه نظراً لأن قطر الأنابيب ثابت فإن السرعة ثابتة أي $v_1 = v_2$

$$\begin{aligned} h_{g(12)} &= \frac{P_2 - P_1}{\rho g} + \frac{v_2^2 - v_1^2}{2g} + (h_2 - h_1) + h_{L(12)} \\ &= \frac{(350 - 70) \times 10^3}{1000 \times 9.81} + 0 + (40 - 30) + 3 \\ &= 41.6 \text{ m} \end{aligned}$$

تمارين على الوحدة الثانية

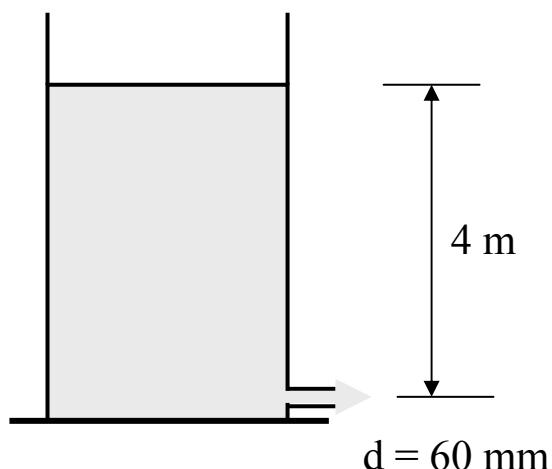
- 1 حاوية حجمها 2 m^3 مليء نصفها بالماء ونصفها الآخر بالزيت احسب كتلة الماء وكتلة الزيت والكثافة المتوسطة للخلط (خذ كثافة الماء 1000 kg/m^3 وكتافة الزيت 920 kg/m^3)
- 2 أسطوانة هيدروليكيه قطرها 8 cm ما هو ضغط المائع الهيدروليكي لتعطي الأسطوانة قوة مقدارها 8 kN مع إهمال الاحتكاك داخل الأسطوانة.
- 3 ما هو الضغط المقص والضغط المطلق الواقع على قاعدة خزان ارتفاعه 6 m مملوء بسائل كثافته 1200 kg/m^3 (الضغط الجوي 101.3 kPa).
- 4 ما هو ارتفاع عمود الماء المكافئ لضغط جوي قدره 101.3 kPa خذ كثافة الماء 1000 kg/m^3
- 5 هواء تحت ضغط مطلق مقداره 1.5 bar ودرجة حرارة 30°C يمر داخل مجاري هوائي مستطيل الشكل عند A طوله 40 cm وعرضه 30 cm ومربع الشكل عند B طول ضلعه 25 cm فإذا كان انخفاض الضغط من A إلى B قدره 0.2 bar فاحسب سرعة الهواء في المجاري عند B علما بأن درجة حرارة الهواء ثابتة وسرعة الهواء عند A تساوي 20 m/s ، ثابت الهواء يساوي $R = 287 \text{ J/kg K}$
- 6 يجري الماء في أنبوب دائري المقطع قطره 5 cm متصل بأنبوب آخر قطره 8 cm والذي يتفرع إلى أنبوبين قطر كل منهما 3 cm فإذا كان معدل التدفق الحجمي عند مدخل الأنابيب الأول $0.02 \frac{\text{m}^3}{\text{s}}$ فاحسب مايلي:
- أ) معدل التدفق الكلي في الأنابيب الأولى وفي فرعى الأنابيب الثاني
- ب) السرعة في الأنابيب الأولى وفي فرعى الأنابيب الثاني.

7- الماء الذي يخرج من فوهة خرطوم الحديقة يملأ إناء في 30 s . فإذا كان حجم الإناء يساوي $8 \times 10^{-3}\text{ m}^3$ أوجد سرعة الماء عند خروجه من فوهة الخرطوم في الحالتين التاليتين :

أ- دون أي انسداد في فوهة الخرطوم حيث مساحة مقطعها تساوي $2.85 \times 10^{-4}\text{ m}^2$

ب- عندما نسد نصف مساحة الفوهة .

8- ما هي سرعة الماء خلال فوهة الخزان الموضح بالشكل. احسب أيضاً معدل التدفق الحجمي خلال الفوهة.



ملخص الوحدة الثانية

تم التطرق في هذه الوحدة إلى موضوع ميكانيكا المائع حيث تم تناول مقدمة لهذا العلم تم فيها تقديم بعض المصطلحات والتعريفات الهامة في هذا المجال ودراسة بعض خواص السوائل الساكنة والمتحركة وأنواع السريان وحساباته وكذلك تم التطرق لمعادلة الاستمرارية ومعادلة برنولي وبعض تطبيقاتها. وقد تم في هذه الوحدة التطرق إلى بعض الأمثلة والتمارين التطبيقية في هذا المجال.

مدخل إلى التقنية الميكانيكية

الديناميكا الحرارية

الوحدة الثالثة: الديناميكا الحرارية

الأهداف

بعد دراسة هذه الوحدة يصبح المتدرب قادراً على:

- معرفة بعض المفاهيم الشيرموديناميكية (درجة الحرارة و الحرارة و الطاقة و الشغل)
- معرفة القانون الصفرى للديناميكا الحرارية
- معرفة القانون الأول للديناميكا الحرارية
- المقدرة على إجراء بعض الحسابات و حل بعض التمارين التطبيقية

الوقت المتوقع للتدريب

5 ساعات

المتطلبات السابقة

مبادئ الرياضيات والفيزياء

الوحدة الثالثة : مقدمة في الديناميكا الحرارية

Introduction to Thermodynamics

مقدمة

الديناميكا الحرارية علم تجريبي يهتم بدراسة العلاقة بين الحرارة والشغل ، وتحويل أحدهما إلى الآخر كما يبحث عن كيفية إنتاج الحرارة وانتقالها من موقع إلى آخر وتأثيرها على المادة وكيفية تخزينها. ويستخدم علم الديناميكا الحرارية في التطبيقات الهندسية في تصميم المحركات ومولدات الطاقة الكهربائية وأجهزة التبريد والتكييف ويدخل هذا العلم في التطبيقات الصناعية المختلفة.

وسيتم في هذه الوحدة معرفة بعض المفاهيم التhermodynamicية وكذلك قوانين الديناميكا الحرارية والتي تربط بين التدفق الحراري Heat flow والشغل Work والطاقة الداخلية Internal energy للنظام.

-3 1 الحرارة: Heat

توصف الأشياء، تبعاً لسخونتها بأنها حارة، وساخنة، وباردة؛ فيقال يوم قائل، أو يوم حار، أو شديد الحرارة؛ كما يقال للطبيب، إن المريض ارتفعت حرارته. وهذا التصنيف، نسبي؛ فالشاي يتناول ساخناً، بينما تتناول المشروبات الغازية باردة؛ ولو كان الشاي أقل سخونة من المعتاد، لقيل إنه بارد، ويحتاج إلى تسخين.

ويوجد هناك خلطاً بين مفهومي الحرارة ودرجتها؛ على الرغم من أهميتها وشيوع استعمالهما. لذا، فإنه من المناسب إيضاح الفرق بينهما، وكيفية قياس كلّ منهما؛ وبيان الآلية، التي تنتقل بها الحرارة من جسم إلى آخر.

الفرق بين الحرارة ودرجة الحرارة:

إن جميع المواد مكونة من جزيئات وذرات، دائمة الاهتزاز والحركة؛ ولكنها متفاوتة السرعة، في المادة الواحدة. فلو أمكن رؤية جزيئات غاز الأكسجين، مثلاً، في حاوية، لتبيّن أن بعضها لا يكاد يتحرك، وبعضاً آخر يتحرك بسرعة عالية، وبعضها الأكبر حركته متوسطة. ولو كانت درجة حرارة Gas الأكسجين صفراءً مئويةً، فإن 1.3% من الجزيئات، سيرواح معدل حركتها بين صفر و 360 كيلومتراً، في الساعة؛ و 7.7% ستتجاوز سرعتها 2670 كيلومتراً، في الساعة؛ ونحو 91% منها، سيرواح سرعتها بين الرقمين 360 و 2670 كيلومتراً، في الساعة. وبذلك فإن متوسط سرعة جزيئات الأكسجين، في هذه الحالة، يساوي 1660 كيلومتراً، في الساعة.

ولكن، ما الذي يحدث لمتوسط سرعة جزيئات الأكسجين، لو ارتفعت درجة الحرارة؟ عند درجة حرارة 30°C، سيكون متوسط سرعتها 1750 كيلومتراً في الساعة؛ وعندما تصل درجة الحرارة إلى 100°C، يرتفع إلى 1941 كيلومتراً في الساعة. إذا، كلما ارتفعت درجة الحرارة، ازداد متوسط سرعة الجزيئات. وحركة الجزيئات، تعبر عن الطاقة الحركية Kinetic energy ؛ فدرجة الحرارة لأي مادة، هي مقياس لمتوسط طاقتها الحركية، أو متوسط سرعة حركة جزيئاتها.

والحرارة Heat شكل من أشكال الطاقة. وتعرف بأنها إجمالي الطاقة الحركية، لكل الذرات والجزيئات المكونة للمادة. ويمكن أن ينظر إليها، على أنها طاقة في حالة انتقال بين جسمين، مختلفين في درجة حرارتهما. وإيضاح الفرق بين الحرارة ودرجتها قارن بين كوب ساخن من الشاي، وحوض سباحة مملوء بالماء الدافئ. لا شك أن درجة حرارة السائل، في كوب الشاي، سيكون أعلى؛ ولكن كميته، ستكون أقل كثيراً مما في حوض السباحة؛ وستختزن طاقة، أقل، كذلك، من الطاقة في مياه الحوض. واستطراداً، فإن إجمالي الطاقة في الكوب، يقل كثيراً عنه في حوض السباحة. ويمكن أن يستدل على ذلك، بوضع مكعب صغير من الثلج في الأول، وآخر في الثاني، والمؤكد أن درجة حرارة الشاي، ستتحفظ كثيراً، بعد ذوبان مكعب الثلج؛ بينما لن يتأثر الماء في حوض السباحة؛ إذ إن الطاقة المختزنة في الكوب قليلة، استهلك جزء كبير منها في إذابة مكعب الثلج الصغير؛ بينما لم يظهر أثر مكعب الثلج في ماء الحوض.

ويمكن إيضاح هذه الحقيقة بمثال آخر: لو وضع إناءان، بحجم واحد، على النار؛ الأول مملوء كله بالماء، والثاني مملوء ربعه فقط، لبدأت الحرارة تنتقل إلى السائل فيهما، بمعدل انتقال واحد؛ لأن قوة النار تحتهما واحدة. إلا أن ارتفاع درجة الحرارة، سيكون أكثر سرعة في الإناء الأقل ماءً، منه إلى الإناء الممتلئ، الذي سيغلي ماؤه، حكماً، بعد غليان نظيره؛ أي أنه سيحتاج إلى كمية أكبر من الطاقة (الحرارة) تجعل غليانه. كمية الحرارة، إذا، تعتمد على كتلة المادة؛ ولكن درجة الحرارة، لا تعتمد عليها. وعلى الرغم من أن مفهومي الحرارة ودرجتها ممیزان ومختلفان أحدهما عن الآخر؛ إلا أنهما متربطان. فالمؤكد أن زيادة حرارة المادة، تؤدي رفع درجة حرارتها.

إضافة إلى ذلك، فإن وجود فارق في درجة الحرارة، يحدد اتجاه سريانها. فعندما يوجد اتصال بين جسمين، مختلفين في درجة الحرارة، تنتقل الحرارة من الجسم الأعلى في الجسم الأدنى، حتى يتحقق التوازن.

قياس الحرارة:

تمثل الحرارة الطاقة الحرارية، المنتقلة من جسم، درجة حرارته أعلى، إلى جسم، درجة حرارته أقل. ويقاس مقدار الطاقة الحرارية، المنقوله إلى أي جسم، بالسعرات الحرارية Calories. ويعرف السعر الحراري بأنه مقدار الحرارة (الطاقة)، اللازمة لرفع درجة حرارة جرام واحد من الماء، درجة مئوية واحدة. مثلاً، لو رفعت درجة حرارة جرام من الماء، من 30° إلى 35° درجة مئوية؛ فإن ذلك يعني، أن جرام الماء، زود بخمسة سعرات حرارية. وبالمثل، يلزم خمسة سعرات حرارية، لرفع درجة حرارة خمسة جرامات من الماء، من 30° إلى 31° درجة مئوية. وفي المقابل، يلزم التخلص من خمسة سعرات حرارية، لخفض درجة حرارة جرام واحد من الماء، من 35° إلى 30° درجة مئوية، مثلاً؛ أو لخفض درجة حرارة خمسة جرامات من الماء، من 35° إلى 34° درجة مئوية.

لقد سبق القول، إن تزويد المادة بالحرارة، يؤدي لرفع درجة حرارتها. ولكن، هناك حالات، تستهلك فيها المادة الحرارة، من دون أن يظهر أثر ذلك في درجة حرارتها. فتعريض الماء لمزيد من الحرارة، عند درجة الغليان، لا يزيد حرارته، بل يبخره. من الواضح هنا أن الطاقة المكتسبة، بعد الغليان، لا تظهر على شكل ارتفاع في درجة الحرارة، بل تستهلك في ذلك الروابط البنية بين جزيئات الماء، لتحول من الحالة السائلة إلى الحالة الغازية (بخار ماء). ويطلق على الحرارة المستهلكة في هذه العملية، الحرارة الكامنة للتبيخ Latent heat of Vaporization . وكذلك لو غُمس ثرمومتر في قالب من الثلج، درجة حرارته - 20°C تحت الصفر؛ وعُرض الثلج للحرارة، فإنها ستؤدي لارتفاع درجة حرارته، بالتدرج، حتى يصل إلى درجة الصفر المئوي، حيث سيتوقف، على الرغم من استمرار التزويد بالقدر نفسه من الحرارة! في هذه المرحلة، الطاقة الواسطة، لا يظهر لها أثر في درجة الحرارة؛ لأنها تستهلك في ذلك الروابط البنية بين الجزيئات، عند تحول البلورات الثلجية إلى ماء سائل. ويطلق على الحرارة المستهلكة في هذه العملية، الحرارة الكامنة للإذابة Latent heat of melting .

قياس درجة الحرارة:

للتعبير عن درجة الحرارة، كمماً، كان لا بدّ من وجود مقاييس معيارية، وخاصة أن الشعور ببرودة الأشياء أو سخونتها، نسيبي إلى حد كبير. فلو أن هناك ثلاثة أكواب من الماء، في الأول ماء بارد، وفي الثاني ماء دافئ، وفي الثالث ماء ساخن. فإن الإنسان، الذي يضع يده في الكوب الثالث، وينقلها إلى الكوب الثاني، سيشعر أن الماء في الكوب الثاني بارد. وعلى العكس من ذلك، لو أنه وضع يده في الكوب الأول، ثم وضعها في الكوب الثاني، فسيشعر أن الماء في الكوب الثاني ساخن. وتتطابق مقاييس

درجة الحرارة من نقاط مرجعية؛ وأحياناً، تسمى نقاط الضبط، من هذه النقاط، مثلاً، درجة حرارة ذوبان الثلج، ودرجة حرارة غليان الماء تحت ضغط جوي محدد. هناك ثلاثة مقاييس شائعة، تcas بها درجة الحرارة: مقياس كالفن، والمقياس الفهرنهايتي، والمقياس المئوي. ولكل مقياس من هذه المقاييس ميزات معينة. ويمكن تحويل الدرجات المقيسة بأحد هذه المقاييس إلى المقياسين الآخرين، من دون عناء.

أ- مقياس كالفن

يميل معظم العلماء والباحثين، عندما يشيرون إلى درجات الحرارة في أبحاثهم، إلى استخدام درجة الحرارة المطلقة، أو ما يسمى مقياس كالفن، الذي استمد اسمه من مبتكره، العالم البريطاني، اللورد كالفن Lord Kelvin (1824 - 1907).

يبدأ مقياس كالفن من الصفر المطلق، ويخلو من القيم السالبة؛ لذا، يفضل كثير من العلماء الباحثين، استخدامه في حساباتهم العلمية. إلى جانب ذلك، فإنه عند درجة الصفر المطلق، تكون حركة جزيئات المادة في أضعف حالاتها، والطاقة الحركية في الحضيض؛ والجزيئات في أبرد ما يمكن أن تكون عليه. وعلى الرغم من ذلك، فإن بعض المواد، مثل الهيليوم، يبقى فيها، عند هذه الدرجة، بعض الحركة، على شكل اهتزازات أو تذبذب مكاني Vibrations بين الذرات، تمنعها من التجمد. ويطلق على هذه الاهتزازات، اهتزازات نقطة الصفر Zero point vibrations. وتسمى الطاقة المرتبطة بهذه الاهتزازات، طاقة نقطة الصفر Zero Point Energy. ولا يوجد درجة حرارة تحت الصفر المطلق. وفي مقياس كالفن، لا توضع علامة الدرجة، كتلك الدائرة الصغيرة، التي توضع على أرقام درجات الحرارة، المقيسة بالمقياس المئوي أو الفهرنهايتي؛ وإنما يشار إلى الوحدات باسم المفرد كالفن، ويرمز إليها بالرمز المجرد K.

ودرجة ذوبان الثلج على هذا المقياس، هي 273.16 كالفن. ودرجة غليان الماء، هي 373.16 كالفن. ويفصل بين هاتين القيمتين مائة درجة متساوية.

ب- مقياس فهرنهايت

ابتكر هذا المقياس في أوائل القرن الثامن عشر الميلادي، وبالتحديد عام 1714. وسمي نسبة إلى مبتكره، العالم الفيزيائي الألماني، جبريل دانييل فهرنهايت Gabriel Daniel Fahrenheit. وفي هذا المقياس، جعل فهرنهايت الرقم 32، هو درجة الحرارة، التي يتجمد عندها الماء؛ والرقم 212، وهو درجة الحرارة لت bxره. وجعل الصفر أقل درجة حرارة، حصل عليها من خليط من الثلج والماء والملح. وقسم المدى، بين درجة التجمد ودرجة الغليان، إلى 180 قسماً متساوياً؛ كل منها هو درجة. ويرمز إلى الدرجات بالرمز

F°. وقد استخدم فهرنهايت ثرمومتراً زئبياً، في أنبوب زجاجي. وكانت نقطتا الضبط عندـه، هـما نقطة الصفر، ودرجة حرارة جـسم الإنسان، في الظروف العادـية، وقد قدرـها بـ96°. ولكنـ، لأنـ نقطـتي الضـبط عندـه، تـصعب إعادة تمـثيلـهما بدقةـ، فإنـ المـقياس الفـهرـنـهاـيـتـيـ، يـضـبـطـ، حـالـيـاًـ، بـدـرـجـةـ تـجمـدـ المـاءـ وـدـرـجـةـ تـبـخـرـهـ. إـضـافـةـ إـلـىـ ذـلـكـ، فإـنهـ معـ التـقـدـمـ التـقـنيـ، أـصـبـحـ المـعـرـوـفـ، أـنـ مـتوـسـطـ درـجـةـ حرـارـةـ جـسـمـ الإـنـسـانـ 98.6° فـهـرـنـهاـيـتـ.

جـ- المـقياس المـؤـويـ

بعد ابـتكـارـ فـهـرـنـهاـيـتـ لـمـقـيـاسـهـ بـشـمـانـ وـعـشـرـينـ سـنـةـ، وـبـالـتـحـديـدـ سـنـةـ 1742ـمـ، قـدـمـ عـالـمـ الـفـلـكـ السـوـيدـيـ، آنـدـرـسـ سـيـلـسـيـوـسـ Anders Celsiusـ، مـقـيـاسـاـ عـشـرـيـاـ لـدـرـجـاتـ الـحرـارـةـ. جـعلـتـ فـيـهـ نـقـطـةـ ذـوبـانـ الثـلـجـ عـنـ الدـرـجـةـ الصـفـرـ، وـجـعلـتـ دـرـجـةـ غـلـيـانـ المـاءـ عـنـ الدـرـجـةـ 100°ـ؛ وـقـسـمـ المـدىـ، بـيـنـ درـجـتـيـ التـجـمـدـ وـالـغـلـيـانـ، إـلـىـ 100ـ درـجـةـ مـتـسـاوـيـةـ. وـقـدـ اـشـتـهـرـ هـذـاـ المـقـيـاسـ، سـنـوـاتـ عـدـيـدـةـ، باـسـمـ سـيـنـتـجـرـادـ Celsiusـ؛ وـلـكـنـهـ، حـالـيـاـ، مشـهـورـ باـسـمـ مـبـتـكـرـهـ، وـيـطـلـقـ عـلـيـهـ سـيـلـسـيـوـسـ Centigrade Scaleـ Scaleـ وـهـوـ مـعـرـوـفـ، باـلـلـغـةـ الـعـرـبـيـةـ، باـمـقـيـاسـ المـؤـويـ لـدـرـجـاتـ الـحرـارـةـ. وـيـطـلـقـ عـلـىـ ثـرـمـومـتـرـ، المـسـتـخـدـمـ فـيـهـ، ثـرـمـومـتـرـ المـؤـويـ.

تقـسيـمـاتـ الـدـرـجـاتـ فـيـ المـقـيـاسـ المـؤـويـ، تـساـويـ، بـالـضـبـطـ، تقـسيـمـاتـ الـدـرـجـاتـ فـيـ مـقـيـاسـ كـالـفـنـ؛ فـهـنـاكـ 100°ـ درـجـةـ فـيـ المـقـيـاسـيـنـ، بـيـنـ نـقـطـةـ ذـوبـانـ الثـلـجـ، وـنـقـطـةـ غـلـيـانـ المـاءـ. وـدـرـجـاتـ الـحرـارـةـ فـيـهـماـ، تـلـتـقـيـ عـنـ درـجـةـ - 40°ـ، إـذـ تـسـاـوىـ القرـاءـةـ فـيـ المـقـيـاسـيـنـ.

إـنـ كـانـ اـسـتـخـدـمـ مـقـيـاسـ كـالـفـنـ؛ مـقـتـصـراـ عـلـىـ الـأـغـرـاضـ الـعـلـمـيـةـ، فـيـ الـوقـتـ الـحـاضـرـ؛ فـإـنـ اـسـتـخـدـمـ المـقـيـاسـ المـؤـويـ، هوـ الأـكـثـرـ شـيـوعـاـ فـيـ الـعـالـمـ، وـيـسـتـخـدـمـ فـيـ كـلـ الـبـلـدـاـنـ، الـتـيـ تـسـتـخـدـمـ النـظـامـ المـتـريـ. وـيـقـتـصـرـ اـسـتـخـدـمـ المـقـيـاسـ الـفـهـرـنـهاـيـتـيـ عـلـىـ عـدـدـ مـحـدـودـ جـداـًـ مـنـ الدـوـلـ حـالـيـاـ، وـاـسـتـخـدـامـهـ فـيـ تـلـاشـ.

معادلة درجة الحرارة:

A- معادلة درجة المقياس المئوي بدرجة المقياس الفهرنهايتي

هناك عاملان مهمان يؤثران في عملية المعادلة بين المقياسين: المئوي والفهرنهايتي:

- الفارق بين نقطة ذوبان الثلج ودرجة غليان الماء، يساوي 100 درجة في المقياس الأول؛ و180 درجة، في الثاني؛ ما يجعل الدرجة المئوية C ، أكبر من الدرجة الفهرنهايتية F ، بما يساوي $180/100 = 1.8$. ولا بدّ من مراعاة هذا الفارق، عند معادلة درجة أحد المقياسين بدرجة الآخر. فيجب أن يؤخذ ذلك الفارق في الاعتبار.

- الأخذ في الحسبان، عند المعادلة، أن درجة التجمد، في المقياس المئوي، هي الصفر؛ وفي المقياس الفهرنهايتي، هي 32 ، ويمكن استخدام إحدى المعادلتين التاليتين، في المعادلة بين درجات المقياسين:

للحويل من المئوي إلى الفهرنهايتي:

$${}^{\circ}F = \frac{9}{5} {}^{\circ}C + 32 \quad (1-3)$$

للحويل من الفهرنهايتي إلى المئوي:

$${}^{\circ}C = \frac{5}{9}({}^{\circ}F - 32) \quad (2-3)$$

B- معادلة درجة المقياس المئوي بدرجة مقياس كالفن

يشبه مقياس كالفن المقياس المئوي؛ إذ إن تقسيماتهما متساوية تماماً. فهناك 100 درجة، في المقياسين، تفصل بين درجة ذوبان الثلج ودرجة غليان الماء. ولكن التجمد، المقياس الأول، يكون عند درجة 273.16، والغليان عند درجة 373.16 (الشكل الرقم 92). ويكونان، في الثاني، على التوالي الدرجتين: الصفر والمائة. لذا، فالعلاقة بين المقياسين، يعبر عنها، ببساطة، بإضافة 273.16، أو طرحها، من الدرجة، عند المعادلة، كما يلي:

للحويل من كالفن إلى المئوي:

$${}^{\circ}C = K - 273.16 \quad (3-3)$$

وللتحويل من المؤوي إلى كالفن:

$$K = {}^0C + 273.16 \quad (4-3)$$

ج- معادلة درجة المقياس الفهرنهايتى بدرجة مقياس كالفن

إن معادلة درجة مقياس كالفن بدرجة المقياس الفهرنهايتى، تمر، عادة، عبر المقياس المؤوي. ونظراً إلى أن طول الوحدات متساوٍ في المقياسين: المؤوي وكالفن، فإن المعامل 1.8 يجب أخذه في الحسبان، لأن الفارق بين درجة ذوبان الثلج ودرجة غليان الماء، في مقياس كالفن، هو 100 درجة؛ و180 درجة، في المقياس الفهرنهايتى، فكل درجة بمقاييس كالفن تساوى 1.8 درجة في المقياس الفهرنهايتى. وللتحويل من درجات مقياس كالفن بتلك الفهرنهايتية، تستخدم المعادلة التالية:

وللتحويل من الدرجات الفهرنهايتية إلى مقاييس كالفن، تستخدم المعادلة التالية:

$$K = \frac{5}{9}({}^0F - 32) + 273.16 \quad (5-3)$$

3- 2 مصطلحات هامة في علم الديناميكا الحرارية:

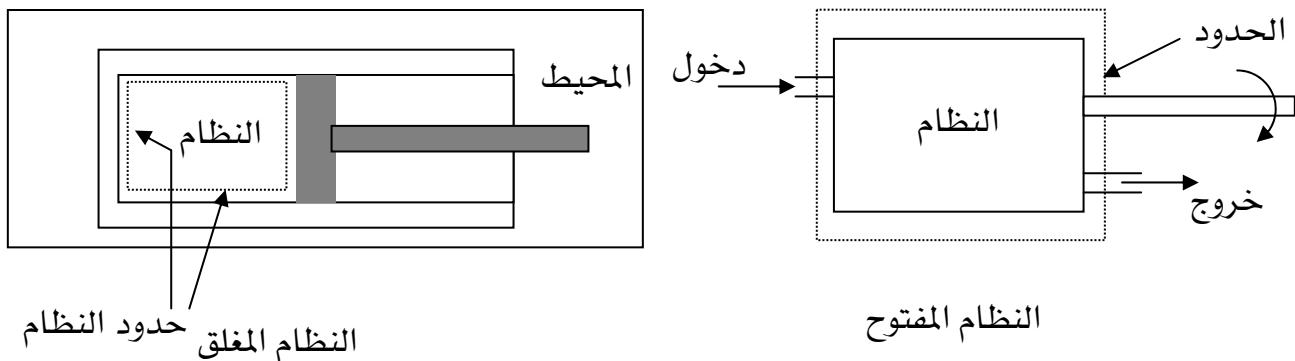
كل علم من العلوم وكل تخصص من التخصصات له مفاهيمه الأساسية وهذه المفاهيم هي اللغة التي تستخدم لفهم مواضع هذا العلم ومن هذه المصطلحات ما يلي:

النظام: system

يقصد به جزء محدد من المادة له حدود معينة سواء كانت حقيقة أم وهمية ينصب الاهتمام عليه . وبمعنى آخر : كمية محدودة وموصوفة من مادة تكون محاطة بخلاف أو حدود حقيقي أو تخيلي ، يمكن أن يكون ثابتاً أو متغيراً . ويلعب النظام دوراً أساسياً في دراسة العلاقة بين الطاقة الميكانيكية والطاقة الحرارية.. وهناك ثلاثة أنواع للأنظمة هي النظام المفتوح Open System وهو الذي تسمح حدوده بتبادل المادة والحرارة مع المحيط والنظام المغلق Closed system وهو الذي لا تسمح حدوده بتبادل المادة ولكن تسمح بتبادل الشغل والحرارة مع محاط النظم والنظام المعزول Isolated system وهو الذي لا تسمح حدوده بتبادل أي من المادة أو الطاقة أو الشغل مع محاطه.

المحيط: Surroundings

هو الجزء الذي يحيط بالنظام ويتبادل معه الطاقة ويمكن أن يكون حقيقياً أو وهمياً



الشكل 3-1 النظام المفتوح والنظام المغلق Process

هو أي تغير يحدث على النظام ويحدث تغييراً في الضغط أو درجة الحرارة أو الحجم.

الحرارة النوعية: Specific Heat

هي كمية الحرارة التي تتبادلها المادة التي تشغل النظام مع الوسط المحيط بها عندما تتغير درجة حرارة وحدة الكتلة للمادة التي تشغل النظام درجة واحدة. وهناك نوعان من الحرارة النوعية للفازات هما الحرارة النوعية عند ضغط ثابت C_p والحرارة النوعية عند حجم ثابت C_v وتكون الحرارة النوعية للفازات المثالية ثابتة لغاز المعين عند مختلف درجات الحرارة والضغط. أما الفازات الحقيقية فتختلف حرارتها النوعية باختلاف الضغط ودرجة الحرارة. ويرمز للنسبة (C_p/C_v) بالحرف k ويوضح الجدول 3-1 الحرارة النوعية لبعض المعادن والغازات.

الشغل: Work

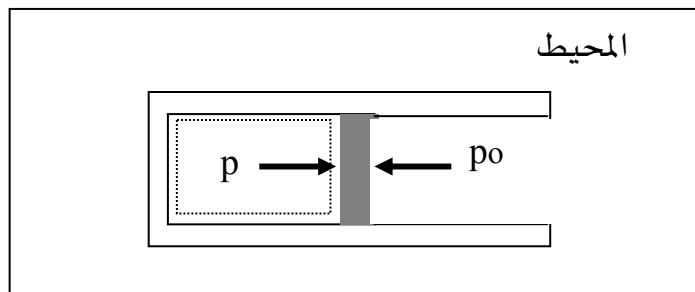
يحدث الشغل عندما تكون هناك قوة تتسبب في تحريك أو تغيير وضع جسم ما. ويحدث الشغل الميكانيكي عندما تتسبب قوة أو عزم في تحريك جسم ما مسافة معينة. والشغل هو حاصل ضرب القوة في المسافة التي تحركها الجسم باتجاه القوة. ومن المتفق عليه في الديناميكا الحرارة أنه إذا كان الشغل يبذل على النظام فيكون شغالاً سالباً أما إذا كان النظام هو الذي يبذل الشغل فيكون شغالاً موجباً.

الشغل الشيرمودياميكى:

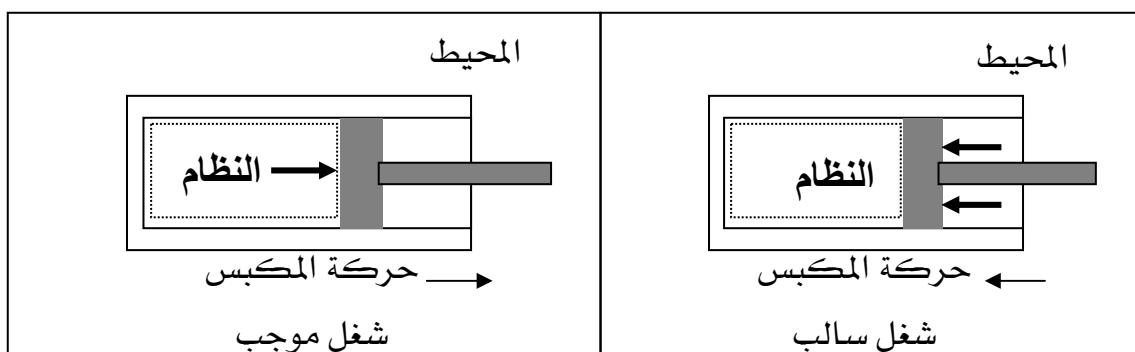
لشرح مفهوم الشغل الشيرمودياميكى نعتبر المكبس الموضح بالشكل 3-3 ، إذا كان ضغط المادة داخل المكبس هو p وضغط الوسط المحيط بالمكبس هو p_0 وكان p أكبر من p_0 فإن المكبس سيتقدم ويؤدي النظام شغلاً موجباً يرمز له بالرمز W_{out} ، أما إذا كان p أصغر من p_0 فإن المحيط سيؤدي شغلاً على النظام ويكون الشغل سالباً ويرمز له بالرمز W_{in} (انظر الشكل 3-3)

جدول 3-1 الحرارة النوعية لبعض المعادن والغازات

k	cp kJ/kg K	المادة
-	0.91	الألومنيوم
-	0.47	الحديد
-	0.39	النحاس
-	0.23	الفضة
-	0.14	الزئبق
-	0.13	الرصاص
1.40	1.00	الهواء
1.30	0.84	ثاني أكسيد الكربون
1.66	5.19	الهيليوم
1.41	14.22	الهيدروجين
1.40	1.04	النيتروجين
1.40	0.92	الأكسجين
1.31	2.21	الميثان



الشكل 3-2 الشغل الترموديناميكي



الشكل 3-3 العمل الموجب والعمل سالب

وعندما يتمدد النظام ويكون تحت ضغط p من الحجم V_1 إلى الحجم V_2 فإنه يؤدي شغلاً يعطى بالمعادلة التالية:

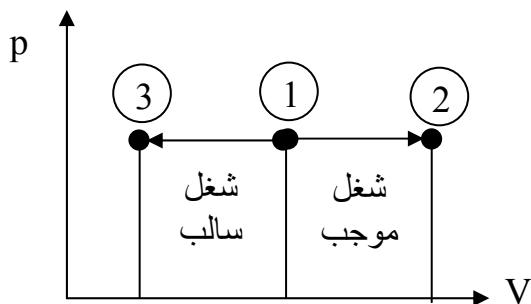
$$W = \int_{V_1}^{V_2} p \, dV \quad (6-3)$$

من الضروري الانتباه إلى أنه في العمليات الترموديناميكية التي ينتقل فيها النظام من حالة ابتدائية إلى حالة نهائية يعتمد الشغل المبذول بواسطة النظام وكذلك الحرارة المضافة للنظام على كلٌّ من الحالة الابتدائية والحالة النهائية وكذلك على المسار الذي تم سلكه للوصول إلى الحالة النهائية.

أنواع الشغل المختلفة لكل الإجراءات:

1. إجراء ثبوت الضغط (الايزوباري): (Isobaric)

عند رسم هذا الإجراء على منحنى الضغط والحجم تبدو كما في الشكل 3-4. الإجراء من 1 إلى 2 زيادة في الحجم وبذلك يكون الشغل موجباً والإجراء من 1 إلى 3 نقص في الحجم وبذلك يكون الشغل سالباً.



شكل 3-4 إجراء ثبوت الضغط

وحيث إن الضغط ثابت أثناء التمدد أو الانكماش فإنه بالإمكان إجراء التكامل للمعادلة 3-6 فيكون الشغل

$$W_{1-2} = p(V_2 - V_1)$$

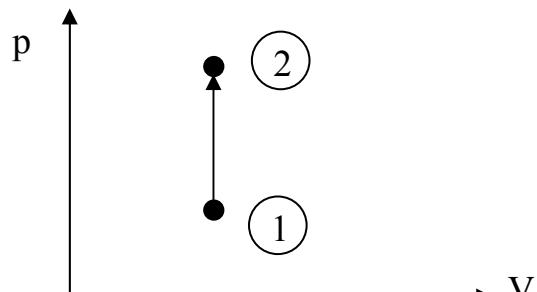
$$W_{1-3} = p(V_3 - V_1)$$

أو بشكل عام

$$W = p \Delta V \quad (7-3)$$

حيث ΔV هي التغير في الحجم.

2. إجراء ثبوت الحجم (الايزوکوري):



شكل 3-5 إجراء ثبوت الحجم

هذه العملية يعبر عنها بالمعادلة $V = C$ حيث C ثابت.
ولو رسمنا مايسمى منحنى الضغط والحجم لهذه العملية
لظهرت بالشكل الموضح بالشكل 3-5.

وحيث إن الحجم ثابت في هذه العملية فإن الشغل يساوي صفرًا وذلك من المعادلة 6-3

$$W = \int_{V_1}^{V_2} p \, dV = 0 \quad (8 - 3)$$

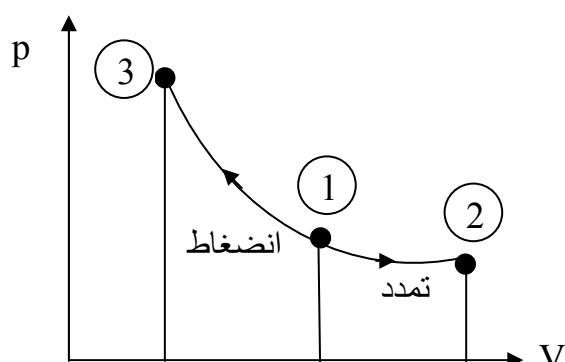
3. إجراء ثبوت درجة الحرارة (الايزوثيرمال):

وفي هذا الإجراء تبقى درجة الحرارة ثابتة وبذلك تكون الطاقة الداخلية للنظام ثابتة وسيأتي ذكر الطاقة الداخلية لاحقاً ويتغير كل من الضغط والحجم حسب العلاقة التالية:

$$pV = C$$

حيث C ثابت.

وشكل هذا الإجراء على منحنى الضغط والحجم هو الموضح بالشكل 3-6



شكل 3-6 إجراء ثبوت درجة الحرارة

ولحساب الشغل في هذا الإجراء تستخدم المعادلة (6-3) مع معادلة الغازات المثالية التي تم التطرق إليها في الوحدة الثانية المعادلة (1-2) وهي

$$p = \frac{m R T}{V}$$

فيكون الشغل

$$\begin{aligned} W &= m R T \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V} \\ W &= m R T \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right) \\ W &= pV \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right) \quad (9 - 3) \end{aligned}$$

3

الإجراء الأدياباتيكي: Adiabatic Process

وهذا الإجراء هو الذي يكون فيه النظام معزولاً تماماً بحيث لا يحصل انتقال أي حرارة من أو إلى النظام ويعبر عن هذا الإجراء بالمعادلة التالية:

$$p V^k = C$$

حيث C ثابت.

ولو تم استخدام هذه المعادلة والمعادلة (6-3) يمكن التوصل إلى المعادلة التالية للشغل:

$$W = \frac{p_1 V_1 - p_2 V_2}{k - 1} \quad (10 - 3)$$

مثال 3 - 1

غاز حجمه 0.2 m^3 وضغطه 2 bar يتمدد عند ضغط ثابت حتى يصل حجمه إلى 0.5 m^3 احسب الشغل الناتج من هذا الإجراء.

الحل:

$$W = p(V_2 - V_1) = 2 \times 10^5 (0.5 - 0.2) = 6 \times 10^5 \text{ J}$$

مثال 3 - 2

هواء حجمه 0.3 m^3 و ضغطه 2 bar و درجة حرارته 27°C يتمدد مع ثبوت درجة الحرارة حتى يصل حجمه إلى 0.5 m^3 احسب الشغل الناتج من هذا الإجراء.

الحل:

من المعادلة (9-3)

$$W = pV \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right) = 2 \times 10^5 \times 0.3 \ln\left(\frac{0.5}{0.3}\right) = 30649.5 \text{ J}$$

مثال 3 - 3

هواء عند درجة حرارة 27°C وضغط 2 bar يشغل حجماً قدره 0.02 m^3 في بداية عملية الانضغاط. إذا تم ضغط هذا الهواء خلال إجراء ادياباتيكي وانعكاسي بواسطة مكبس إلى ضغط 7 bar فاحسب الحجم عند نهاية هذا الإجراء واحسب كذلك الشغل المبذول.

الحل:

حيث إن هذا إجراء ادياباتيكي فيمكن استخدام المعادلة

$$p V^k = C$$

أو

$$p_1 V_1^k = p_2 V_2^k$$

ومن جدول الحرارة النوعية نجد أن $k = 1.40$ للهواء

$$V_2 = V_1 \left(\frac{p_1}{p_2} \right)^{\frac{1}{k}} = 0.02 \left(\frac{2}{7} \right)^{\frac{1}{1.4}} = 0.0082 \text{ m}^3$$

وبالإمكان حل هذه المعادلة للحصول على V_2

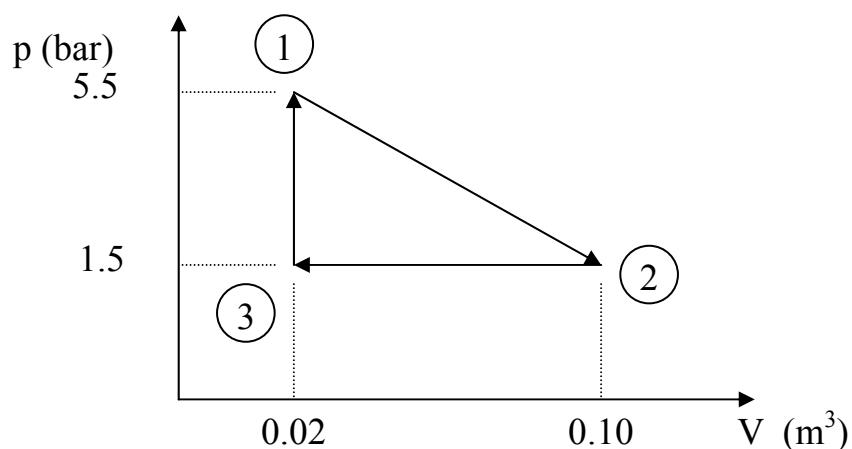
الشغل من المعادلة (10-3)

$$W = \frac{p_1 V_1 - p_2 V_2}{k-1} = \frac{2 \times 10^5 \times 0.02 - 7 \times 10^5 \times 0.0082}{1.4-1} = -4350 \text{ J}$$

لاحظ أن الإشارة السالبة تعني أن الشغل يبذل على النظام.

مثال 3-4

يوضح الشكل علاقة الضغط بالحجم خلال عملية عكسية مغلقة. احسب الشغل المبذول بواسطة النظام للإجراءات 1-2-3 و 1-3-2 وكذلك للدورة المغلقة 1-2-3-1.



الحل:

$$W_{1-2} = \frac{1}{2} (0.10 - 0.02) \times (5.5 - 1.5) \times 10^5 + (0.10 - 0.02) \times 1.5 \times 10^5 = 28000 \text{ J}$$

$$W_{2-3} = (0.02 - 0.10) \times 1.5 \times 10^5 = -12000 \text{ J}$$

$$W_{3-1} = 0$$

$$W_{1-2-3-1} = 28000 - 12000 = 16000 \text{ J}$$

-3 قوانين الديناميكا الحرارية:

القانون الصفرى للديناميكا الحرارية: The zeroth law of thermodynamics:

يحدث الاتزان الحراري بين جسمين إذا كان بينهما اتصال حراري وكان صافٍ التبادل الحراري بينهما يساوى صفرًا

وينص القانون الصفرى أنه إذا وجد جسمين معزولين وكلًا منها في حالة اتزان حراري مع جسم ثالث فإن ذلك يؤدي إلى أن الجسمين أيضاً في حالة اتزان حراري مع بعضهما البعض. وسمى بالقانون الصفرى للديناميكا الحرارية لأنه من المسلمات البديهية ويعتبر هذا القانون الأساس لفكرة الشيرومومتر المستخدم لقياس درجات الحرارة.

القانون الأول للديناميكا الحرارية: First law of thermodynamics:

يفيد القانون الأول للديناميكا الحرارية أن الطاقة محفوظة أي أنه في أي إجراء ثermodynamicكي فإن الحرارة المضافة للنظام Q يستفاد من جزء منها لأداء الشغل W وما يتبقى يكون تغيراً في الطاقة الداخلية U أو بعبارة رياضية

$$Q = \Delta U + W \quad (11-3)$$

وهذه الصيغة من القانون تستخدم للأنظمة الثرموديناميكية المغلقة وبالإمكان كتابة القانون لوحدة الكتلة كالتالي:

$$q = \Delta u + w \quad (12-3)$$

$$w=W/m \quad \Delta u = \Delta U/m \quad q = Q/m$$

تحب ملاحظة أنه إذا كانت الحرارة مضافة للنظام فهي موجبة أما إذا كانت حرارة مفقودة فتكون إشارتها سالبة.

إذا كانت درجة الحرارة ثابتة في إجراء معين فكما ذكر سابقاً لا يحصل أي تغير في الطاقة الداخلية.

$$\text{أي أن } \Delta u = 0 \text{ لإجراء الآيزوثيرمي، وهذا يعني أن } W = 0$$

وإذا كان الإجراء ادياباتيكياً فكما ذكر سابقاً لا يحصل أي انتقال لأي حرارة من أو إلى النظام. أي أن

$$\Delta U + W = 0 \quad \text{وهذا يعني أن } Q = 0$$

مثال -3 5

احسب التغير في الطاقة الداخلية لمحرك احتراق داخلي في شوط الانضغاط إذا كانت الحرارة المفقودة لماء التبريد 45 kJ/kg والشغل المبذول على النظام 90 kJ/kg

الحل:

باستخدام القانون الأول للثيرموديناميکا

$$q = \Delta u + w$$

$$\Delta u = q - w$$

$$q = -45 \text{ kJ/kg} \quad \& \quad w = -90 \text{ kJ/kg}$$

$$\Delta u = -45 - (-90) = -45 + 90 = 45 \text{ kJ/kg}$$

وحيث إن Δu موجبة فهذا يعني زيادة في الطاقة الداخلية.

مثال -3 6

احسب مقدار الحرارة المفقودة أو المكتسبة من أسطوانة هوائية إذا كان الهواء المضغوط بها له طاقة داخلية قدرها 420 kJ/kg عند بداية مشوار التمدد وطاقة داخلية قدرها 200 kJ/kg عند نهاية مشوار التمدد وكان الشغل المعمول بواسطة الأسطوانة 100 kJ/kg أثناء شوط التمدد.

الحل:

$$\Delta u = u_2 - u_1 = 200 - 420 = -220 \text{ kJ/kg}$$

$$q = \Delta u + w = -220 + 100 = -120 \text{ kJ/kg}$$

النظام يفقد حرارة مقدارها 120 kJ/kg

مثال 3 - 7

تدور عجلة ذات ريش بداخل خزان معزول به هواء إذا كانت العجلة تؤدي شغلاً على النظام مقداره 5 kJ فاحسب التغير في الطاقة الداخلية للهواء

الحل:

$$Q = \Delta U + W$$

$$\Delta U = Q - W$$

وحيث إن الخزان معزولاً فإن $Q = 0$

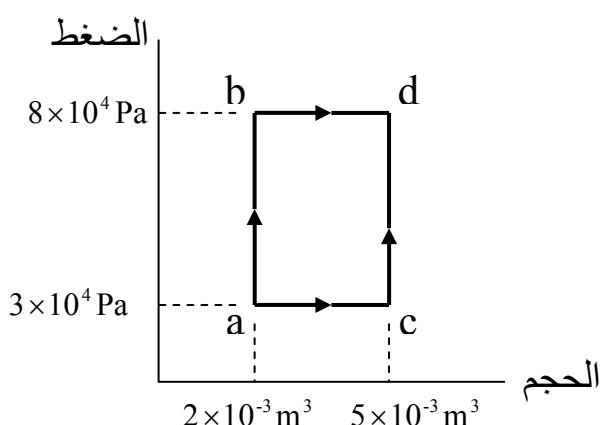
ونعلم كذلك أن $W = -5\text{ kJ}$

$$\Delta U = 0 - (-5) = 5\text{ kJ}$$

تزيد الطاقة الداخلية بمقدار 5 kJ

مثال 3 - 8

منحنى الضغط والحجم موضح بالشكل. تضاف 600 J من الحرارة للنظام في الإجراء ab وتضاف 200 J من الحرارة للنظام في الإجراء $.bd$. أوجد مايلي:



أ) التغير في الطاقة الداخلية في الإجراء $.ab$.

ب) التغير في الطاقة الداخلية في الإجراء $.abd$.

ج) كمية الحرارة المضافة في الإجراء $.acd$

الحل:

أ) الإجراء ab إجراء ثابت الحجم وبالتالي يكون

الشغل فيه يساوي صفرًا

$$Q = \Delta U + W$$

$$W = 0$$

$$Q = \Delta U$$

$$\Delta U = Q = 600\text{ J}$$

ب) الإجراء abd عبارة عن إجرائين الأول ab (ثبوت الحجم) والثاني bd (ثبوت الضغط)

$$W = 8 \times 10^4 \times (5 - 2) \times 10^{-3} = 240 \text{ J}$$

$$\Delta U = Q - W = (600 + 200) - 240 = 560 \text{ J.}$$

ج) الإجراء acd عبارة عن إجرائين الأول ac (ثبوت الضغط) والثاني cd (ثبوت الحجم)

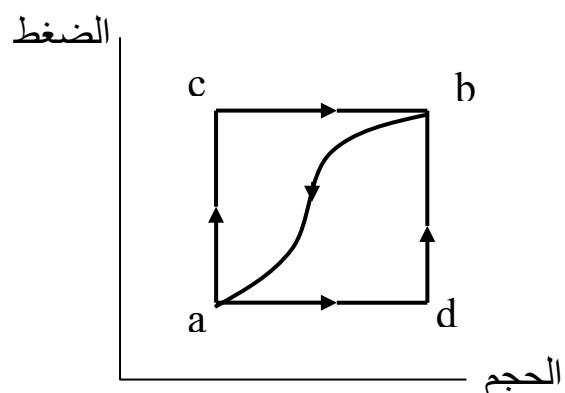
$$W = 3 \times 10^4 \times (5 - 2) \times 10^{-3} = 90 \text{ J}$$

$$Q = \Delta U + W = 560 + 90 = 650 \text{ J.}$$

لاحظ أن التغير في الطاقة الداخلية لا يتأثر بالمسار

تمارين على الوحدة الثالثة

- 1- غاز تحت ضغط ثابت مقداره $\frac{N}{m^2} \times 10^5 \times 3$ وحجم ابتدائي قدره $0.05 m^3$ تم تبريده حتى أصبح حجمه $0.04 m^3$ احسب الشغل في هذا الإجراء
- 2- برد غاز درجة حرارته $27^\circ C$ تحت ضغط ثابت حتى أصبحت درجة حرارته $7^\circ C$ فإذا كان الحجم الابتدائي للغاز $8 m^3$ ما هو الحجم النهائي وما هو الشغل المبذول علمًا بأن كتلة الغاز هي 10 kg ، خذ ثابت الغازات $R = 320 \text{ J/kg K}$
- 3- إذا كان ضغط الماء في إجراء ذي درجة حرارة ثابتة يساوي 200 kPa والحجم $2 m^3$ فاحسب الشغل لهذا الإجراء إذا كان الحجم النهائي يساوي $4 m^3$
- 4- يتم تبريد وضغط غاز ما في أسطوانة بضغط ثابت مقداره $2 \times 10^5 \text{ Pa}$ من حجم $1.2 m^3$ إلى $0.8 m^3$ وتوخذ في هذا الإجراء من الغاز حرارة قدرها $2.4 \times 10^5 \text{ J}$
 أ) احسب الشغل المعمول بواسطة الغاز
 ب) احسب التغير في طاقة الغاز الداخلية
- 5- يتمدد غاز مثالي ببطء إلى ضعف حجمه قبل التمدد ويؤدي شغلاً مقداره $J = 500$ في هذا الإجراء.
 احسب الحرارة المضافة والتغير في الطاقة الداخلية إذا كان
 أ) الإجراء إجراء ثبوت درجة الحرارة.
 ب) الإجراء إجراء اديباتيكي
- 6- في منحنى الضغط والحجم موضح بالشكل عندما ينتقل النظام من a إلى b عبر المسار acb يتم إضافة حرارة مقدارها $J = 80$ إليه ويؤدي النظام شغلاً قدره $J = 30$



أ) ما هي الحرارة التي يمتلكها النظام في الإجراء adb

ب) إذا كان الشغل $10J$ عندما يعود النظام إلى النقطة a عن طريق المنحنى ba يكون الشغل $20J$ مما هي كمية الحرارة وهل تضاف للنظام أم أنها تؤخذ منه؟

ج) إذا كانت $0 = U_a$ و $J = 40$ فاحسب الحرارة التي يمتلكها النظام خلال الإجرائين ad و db

ملخص الوحدة الثالثة

تم في هذه الوحدة التطرق إلى موضوع الديناميكا الحرارية حيث تم تقديم بعض المفاهيم الشيرموديناميكية وكذلك قوانين الديناميكا الحرارية والتي تربط بين التدفق الحراري Heat flow والشغل Work والطاقة الداخلية Internal energy. وقد تم في هذه الوحدة التطرق إلى بعض الأمثلة والتمارين التطبيقية في هذا المجال.

مدخل إلى التقنية الميكانيكية

انتقال الحرارة

الوحدة الرابعة: انتقال الحرارة

الأهداف

بعد دراسة هذه الوحدة يصبح المتدرب قادرًا على:

- معرفة آلية انتقال الحرارة
- فهم طرق انتقال الحرارة بالتوسيع والحمل والإشعاع
- المقدرة على إجراء بعض الحسابات وحل بعض التمارين التطبيقية في مجال انتقال الحرارة

الوقت المتوقع للتدريب

6 ساعات

المطلبات السابقة

مبادئ الرياضيات والفيزياء

الوحدة الرابعة: طرق انتقال الحرارة

Modes of Heat Transfer

مقدمة

تنتقل الحرارة من جسم إلى آخر، أو من مادة إلى أخرى، بطرق ثلاثة: التوصيل (أو الملامسة)، والحمل (أو الاحتكاك)، والإشعاع. وقد يكون انتقال الحرارة مستقراً أو غير مستقر. فإذا قيل أن انتقال الحرارة مستقراً فإن ذلك يعني أنه لا يحصل أي تغير في خواص المادة مع الزمن عند أي نقطة في الوسط الذي تنتقل فيه الحرارة. أما إذا كان غير مستقر فإنه يحصل تغيراً مستمراً مع الزمن. وفي انتقال الحرارة المستقر تكون درجة الحرارة ومعدل انتقال الحرارة كميتان ثابتان لا يتغيران مع الزمن عند أي نقطة في الوسط الذي تنتقل فيه الحرارة ولكن بالإمكان أن تتغير الكميتان من نقطة إلى أخرى في الوسط. وفي هذه الوحدة سيقتصر الحديث على انتقال الحرارة المستقر نظراً لأن انتقال الحرارة غير المستقر يتعدى أهداف هذا المقرر.

4-1 التوصيل Conduction

التوصيل هو انتقال الحرارة من جزء إلى آخر داخل المادة، أو انتقال الحرارة من مادة إلى أخرى عندما تكونان متصلتان مباشرة. ويسمح التوصيل الحراري بانتقال الحرارة عبر المواد الصلبة، وآلية التوصيل الحراري عبر المواد الصلبة لم تتضح بعد كلياً، ولكنها تتجلى في مجملها عن تحرك الجزيئات المكونة للجسم وهذا يخلق مباشرة فرق في درجات الحرارة.

وانتقال الطاقة بطريقة التوصيل مألوف لدى معظم الناس. فالقضيب المعدني، الذي طرفة في النار، سيُسخن طرفة الآخر، بالتوصيل. وللملعقة المعدنية، في القدر، يُسخن مقبضها، بالتوصيل. والجدار الذي تسقط عليه أشعة الشمس، من الخارج، يُسخن جانبه الداخلي، بالتوصيل. التوصيل، إذا، هو انتقال الحرارة من جزء إلى جزء في المادة؛ فإن انتقال النشاط الجزيئي في المادة، بين الجزيئات المتجاورة، يؤدي إلى سريان الحرارة من طرف القضيب المعدني المعرض للهب إلى الطرف الآخر. ويكون سريان الحرارة دائمًا من الطرف أو الجزء الدافئ، الأعلى حرارة، إلى الجزء الأبرد.

قدرة المواد على التوصيل الحراري، تختلف اختلافاً بيناً؛ فالمعادن، مثلاً، تعد موصلات جيدة للحرارة؛ والهواء، موصل رديء جداً للحرارة. ويعتمد التوصيل الحراري، في المواد، على بناء جزيئاتها وترابطها.

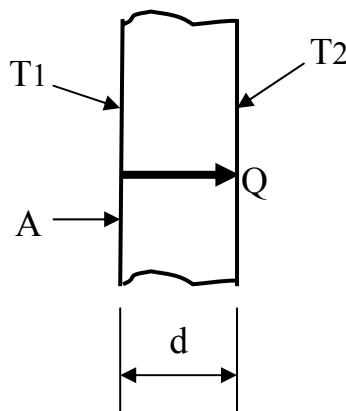
المواد الصلبة، كالمعادن، موصلات جيدة للحرارة؛ ولكن، قد يصعب الحكم على حرارة المعدن. فمثلاً، ملامسة صنبور ماء، معدني، بدرجة حرارة الغرفة، تعطي شعوراً بأنه أبود كثيراً مما هو في الواقع. والسبب أن توصيل المعدن العالي للحرارة، يجعل جزيئاته، تقل الحرارة إليه من أصابع اليد، بسرعة، مما يعطي شعوراً بالبرودة.

ولأن الهواء موصل رديء جداً للحرارة، فإن التوصيل الحراري لأي مادة، ينخفض بمقدار ما تحويه من فراغات وفقاً لواقع هوانئي. وبسبب الانخفاض الشديد للتوصيل الحراري للهواء فإن حرارة سطح الأرض، تُسخّن الطبقة الرقيقة فقط من الهواء (بضعة سنتيمترات)، الملامسة لسطح الأرض، بالتوصيل.

انتقال الحرارة بالتوصيل المستقر باتجاه واحد : Steady State One Dimensional Conduction

لو أردنا حساب معدل انتقال الحرارة خلال الحائط المستوى البسيط الموضح في الشكل 4-1

فنسخدم قانون فوري للتوصيل الحراري والمتمثل في المعادلة التالية :



$$Q = k A \frac{T_1 - T_2}{d} = k A \frac{\Delta T}{d} \quad (1-4)$$

شكل 4-1 انتقال الحرارة خلال الحائط المستوى البسيط

حيث

Q - كمية الحرارة (W)

d - سمك الحائط (الجدار) (m)

A - مساحة سطح الحائط الذي تنتقل الحرارة من خلاله (m²)

T_1 و T_2 - درجات حرارة السطح الساخن والسطح البارد (C°).

k - معامل التوصيل الحراري لمادة الحائط (C°. W/m)

وكما ذكر سابقاً فإن موصلية المادة الحرارية Thermal Conductivity تختلف باختلاف المادة .

والجدول 4-1 يعطي معاملات انتقال الحرارة بالتوصيل لبعض المواد

جدول 4-1 معاملات التوصيل الحراري لبعض المواد

المعامل التوصيل الحراري (k) W / m ⁰ C	المادة
2300	الألماس
429	الفضة
401	النحاس
317	الذهب
237	الألومنيوم
80	الحديد
0.78	الزجاج
0.72	الطوب
0.613	الماء
0.17	الخشب
0.026	الهواء

يلاحظ من الجدول أن المواد جيدة التوصيل للحرارة لها معامل توصيل حراري مرتفع والعكس بالعكس.

مثال 4-1

سقف منزل على شكل مستطيل أبعاده 6 m x 8 m . إذا كانت درجة الحرارة للسطح الداخلي للسقف 15°C وللسطح الخارجي 5°C احسب معدل فقد الحرارة إذا كان سمك بلاطة السطح هو 0.25 m

$$\text{ومعامل التوصيل الحراري لمادة السقف (الخرسانة) هو } 0.8 \frac{W}{m \ ^0C}$$

الحل:

$$Q = k A \frac{\Delta T}{d}$$

$$A = 6 \times 8 = 48 \text{ m}^2, k = 0.8 \text{ W/m°C}, \Delta T = 15 - 5 = 10 \text{ °C}$$

$$d = 0.25 \text{ m}$$

$$Q = 0.8 \times 48 \times 10 / 0.25 = 1536 \text{ W}$$

مثال 4-2

تنتقل الحرارة خلال مادة عازلة مساحتها 1 m^2 وسمكها 0.1 m بمعدل $W/50$ فإذا كان معامل التوصيل الحراري لمادة العازل 0.2 W/m°C فاحسب فرق درجات الحرارة بين سطحي مادة العزل.

الحل:

$$Q = k A \frac{\Delta T}{d}$$

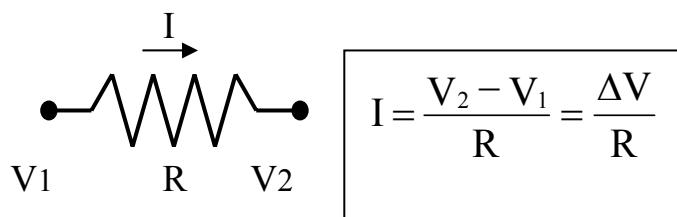
$$\therefore \Delta T = \frac{Q d}{k A}$$

$$Q = 50 \text{ W}, d = 0.1 \text{ m}, k = 0.2 \text{ W/m°C}, A = 1 \text{ m}^2$$

$$\Delta T = 50 \times 0.1 / (0.2 \times 1) = 25 \text{ °C}$$

التشابه بين انتقال الحرارة بالتوصيل وسريان التيار الكهربائي:

من المعلوم أن التيار الكهربائي (I) إذا مر عبر مقاومة ما (R) فإن قيمة التيار تتاسب طردياً مع فرق الجهد الكهربائي (V) بين طرفي المقاومة وعكسياً مع قيمة المقاومة (انظر الشكل 4-2 أدناه)



شكل 4-2 مرور تيار كهربائي عبر مقاومة

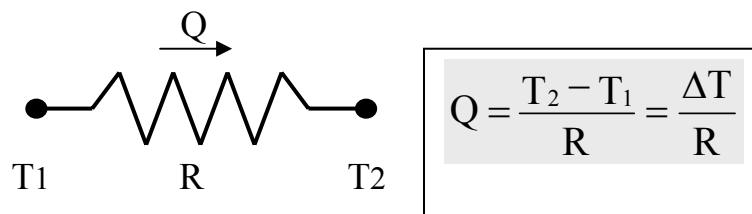
وعند مقارنة انتقال الحرارة بسريان التيار الكهربائي نجد أن هناك تشابه بينهما ويتم الوصول إلى هذا التشابه عن طريق إعادة صياغة قانون فوريير ليصبح كالتالي:

$$Q = \frac{\Delta T}{\left(\frac{d}{k A} \right)}$$

$$Q = \frac{\Delta T}{R} \quad (2-4)$$

أو

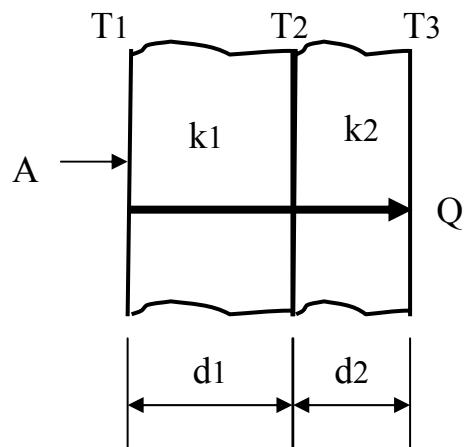
حيث R هي المقاومة الحرارية للمادة



شكل 4-3 انتقال الحرارة خلال حاجز ذاتي مقاومة R

انتقال الحرارة بالتوصيل خلال جدار مركب:

يوضح الشكل 4-4 جدار مركب من طبقتين مختلفتين. معامل التوصيل الحراري لهما k_1 و k_2 . يمكن معرفة معدل انتقال الحرارة بالتوصيل بين السطحين الداخلي والخارجي عبر هذا الجدار كالتالي:



شكل 4-4 انتقال الحرارة بالتوصيل خلال جدار من

تم التوصل إلى أن معدل انتقال الحرارة خلال جدار مكون من طبقة واحدة

$$R = \frac{d}{k A} \quad \& \quad Q = \frac{\Delta T}{R}$$

وحيث إن الجدار تحت الدراسة الآن مركب من طبقتين ومعدل انتقال الحرارة ثابت فيمكن كتابة

معدل انتقال الحرارة كالتالي:

$$Q = \frac{T_1 - T_2}{R_1}$$

$$Q = \frac{T_2 - T_3}{R_1}$$

ولكي تُحسب معدل انتقال الحرارة إلى درجات الحرارة الداخلية والخارجية فقط، فمن السهل التوصل إلى

المعادلة التالية

$$Q = \frac{T_1 - T_3}{R_1 + R_2} \quad (3-4)$$

حيث

$$R_1 = \frac{d_1}{k_1 A} \quad \& \quad R_2 = \frac{d_2}{k_2 A}$$

وبالإمكان تعميم هذه المعادلة لحساب معدل انتقال الحرارة بالتوسيع خلال جدار مكون عدد n من

الطبقات ليكون كالتالي:

$$Q = \frac{T_1 - T_{n+1}}{\sum_{i=1}^n R_i} \quad (4-4)$$

$$R_i = \frac{d_i}{k_i A} \quad \text{حيث}$$

مثال 4 -

شباك منزل أبعاده $1.5 \text{ m} \times 0.9 \text{ m}$ مكون من طبقتين من الزجاج سمك كل منها 4mm وبينهما طبقة هواء بسمك 10mm ، إذا كان معاملي انتقال الحرارة بالتوصيل للزجاج والهواء هما $\frac{W}{m^0 C} = 0.8$ و $\frac{W}{m^0 C} = 0.03$ بالترتيب وكانت درجات الحرارة لسطحين الداخلي والخارجي للنافذة هما $15^0 C$ و $3^0 C$ فاحسب معدل انتقال الحرارة

الحل:

$$\& n = 3 R_i = \frac{d_i}{k_i A} \quad \& Q = \frac{T_1 - T_{n+1}}{\sum_{i=1}^{i=n} R_i}$$

$$R_1 = R_3 = \frac{d_1}{k_1 A} = \frac{0.004}{0.8 \times 1.5 \times 0.9} = 0.0037 \quad \frac{^0 C}{W}$$

$$R_2 = \frac{d_2}{k_2 A} = \frac{0.01}{0.03 \times 1.5 \times 0.9} = 0.247 \quad \frac{^0 C}{W}$$

$$Q = \frac{T_1 - T_4}{R_1 + R_2 + R_3} = \frac{15 - 3}{0.0037 + 0.247 + 0.0037} = 47.17 \text{ W}$$

- 4 العمل Convection

وهو أساس انتقال الحرارة في الأجسام المائعة. ففي مجال الجاذبية ، كل فرق في درجة الحرارة في سائل أو غاز يغير من تركيزه، فتتتج عن ذلك حركة داخل الجسم المائع بفعل قوة الطفو لأرخميدس. تطفو الأجزاء الساخنة والأجزاء الباردة تحل محلها وينتج عن هذه العملية تبادل حراري يُسمى الحمل الحراري. وللوضيح المقصود هنا ، تصور إناء فيه ماء يغلي على النار. تتقلل الحرارة ، في البداية ، من النار إلى قاع القدر (بالإشعاع) ، ومنه تنتقل إلى الماء ، الذي يلامسه (التوصيل). ومع ارتفاع حرارة الماء ، في قاع القدر ، يبدأ بالتمدد ، وتتخفض كثافته ، لتصبح أقل من كثافة الماء الأبرد منه ، في أعلى القدر. وذلك يدفع الماء من القاع إلى أعلى ، في تيارات حمل؛ ويندفع ماء أقل حرارة ، من أعلى القدر إلى الأسفل (لأنه أثقل) ، ليسخن ثم يعود إلى الأعلى. وما دام تسخين الماء غير متساوٍ ، ومصدر الحرارة من الأسفل فقط ،

فإن الماء سيستمر في الدوران، مكوناً ما يسمى دورة الحمل Convective Circulation وتستمر هذه الدورة حتى يصل الماء إلى درجة الغليان.

كثير من عمليات نقل الحرارة، التي تحدث في الغلاف الغازي، تحدث بطريقة الحمل Convection. وتعُرف هذه الآلية بأنها انتقال الحرارة بتحرك الكتلة، أو بالدورات الداخلية للمادة. لذا، بهذه الطريقة، تحدث في المواقع فقط وذلك لأن المواقع حرارة الحركة، ومن السهل أن يحدث فيها تيارات حمل، تنقل الحرارة.

ومعظم الطاقة، التي تكتسبها غازات الغلاف الغازي، في الطبقة السفلية، القريبة من سطح الأرض، سواء التي تصل إليها بالإشعاع، أو تلك التي تكتسبها بالتوصيل الحراري من سطح الأرض. تتنتقل بالحمل. فالحمل، إذا، يحدث طبيعياً في الغلاف الغازي؛ ففي يوم مشمس، دافئ، تكتسب بقعة من سطح اليابس حرارة أكثر من الأجزاء المجاورة. ونتيجة لذلك، فإن الهواء الملامس لسطح الأرض، يسخن بشكل غير متساوٍ؛ إذ تكتسب جزيئاته، الملامسة لتلك البقع الأكثر سخونة، حرارة أكثر بالتوصيل الحراري. فيتمدد الهواء الساخن، ويصبح أقل كثافة من الهواء المحيط به، فيرتفع إلى الأعلى، ويحل محله هواء أبرد منه، من الجانبين. وبهذه الطريقة، تتحرك فقاعات كبيرة من الهواء الساخن إلى الأعلى حاملة معها الحرارة، بل الرطوبة كذلك. ولا يلبث الهواء البديل أن يسخن، فيتحرك إلى الأعلى.... وهكذا.

وهناك نوعان للحمل هما الحمل الحر والحمل الإجباري فالحمل الحر Natural Convection هو انتقال الحرارة بالحمل بدون تدخل أي وسيلة خارجية أما عند استخدام وسيلة خارجية (مثلاً مروحة لتحريك الهواء لتبريد لوح ساخن) يصبح انتقال الحرارة بما يسمى الحمل الإجباري Forced Convection وتجدر الإشارة إلى أن معدلات انتقال الحرارة بالحمل الإجباري أكبر بكثير من معدلات انتقالها بالحمل الحر. يستخدم قانون نيوتن للتبريد للتعبير عن انتقال الحرارة بالحمل بين سطح ما ومائع يسري حوله وهو

$$Q = h A (T_w - T_\infty) \quad (5-4)$$

حيث h هو معامل انتقال الحرارة بالحمل ووحداته $\frac{W}{m^2 \cdot C}$ و A هي المساحة السطحية للسطح التي تتقبل منها الحرارة m^2 ويمكن إعادة صياغة قانون نيوتن ليصبح بصيغة المقاومة الحرارية كالتالي:

$$Q = \frac{T_w - T_\infty}{\left(\frac{1}{hA} \right)}$$

حيث $\frac{1}{hA}$ هي مقاومة المائع R لانتقال الحرارة وبذلك تصبح المعادلة كالتالي:

$$Q = \frac{T_w - T_\infty}{R} \quad (6-4)$$

ويبيين الجدول 4-2 التالي بعض قيم معامل انتقال الحرارة بالحمل

جدول 4-2 بعض قيم معامل انتقال الحرارة بالحمل

$\frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C} h$	نوع الحمل
5 - 25	حمل حر (هواء)
10 - 500	حمل إجباري (هواء)
100 - 15000	حمل إجباري (ماء)
2500 - 25000	غليان ماء
5000 - 100000	تكييف بخار

مثال 4-4

لوح معدني درجة حرارته $120^\circ C$ ودرجة حرارة الهواء المحيط به $20^\circ C$ احسب معدل انتقال الحرارة

للمتر المربع الواحد من مساحة اللوح إذا كان معامل انتقال الحرارة بالحمل $10 \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C}$

الحل:

$$Q = h A (T_w - T_\infty)$$

$$Q = 10 (120 - 20) = 1000 \text{ W}$$

مثال 4-5

خزان ماء سمك جداره 10 mm وبه ماء درجة حرارته 90°C يحيط به هواء درجة حرارته 15°C ، احسب معدل كمية الحرارة للمتر المربع الواحد من مساحة سطح الجدار إذا كان معامل التوصيل الحراري لمادة الجدار $11 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \text{ }^{\circ}\text{C}}$ ومعامل الحمل الحراري للماء وللهواء $2800 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \text{ }^{\circ}\text{C}}$ و بالترتيب.

الحل:

معدل كمية الحرارة بالحمل الداخلي هي نفسها معدل كمية الحرارة بالتوصيل وهي نفسها معدل كمية الحرارة بالحمل الخارجي أو بعبارة رياضية

$$Q = \frac{(T_w - T_1)}{R_{\text{CONVI}}} = \frac{k(T_1 - T_2)}{R_{\text{COND}}} = \frac{(T_2 - T_a)}{R_{\text{CONVO}}}$$

حيث $R_{\text{CONVO}} = \frac{1}{h_w A}$ و $R_{\text{COND}} = \frac{d}{kA}$ و $R_{\text{CONVI}} = \frac{1}{h_A A}$ هي المقاومات الحرارية للحمل الداخلي من الماء والتوصيل والحمل الخارجي إلى الهواء و h_w و h_A هما معاملي الحمل الحراري للماء والهواء بالترتيب، k هو معامل التوصيل الحراري للجدار ، d هو سمك الجدار ، T_w و T_a هما درجتا حرارة الماء داخل الخزان والهواء خارجه بالترتيب ، T_1 و T_2 هما درجتي حرارة الجدار الداخلية والخارجية بالترتيب. وحيث إن درجات الحرارة المعلومة هي درجتا حرارة الماء داخل الخزان والهواء خارجه فقط فمن الممكن حذف درجات الحرارة المجهولة للتوصيل إلى المعادلة التالية:

$$Q = \frac{(T_w - T_a)}{R_{\text{CONVI}} + R_{\text{COND}} + R_{\text{CONVO}}}$$

$$= \frac{90 - 15}{\frac{1}{2800 \times 1} + \frac{0.01}{50 \times 1} + \frac{1}{11 \times 1}} = 820 \text{ W}$$

4- الإشعاع الحراري: Radiation

يختلف تنقل الحرارة بفعل الإشعاع عن سابقيه بأنه لا يحتاج أن يكون تماس بين الجسمين الذين يتبادلان الطاقة الحرارية، حتى ولو كان بينهم فراغ تام. فالطاقة الحرارية يمكنها إن تنتقل في شكل موجات كهرومغناطيسية بطول موجي في مدي 0.1 إلى 100 ميكرومتر (واحد ميكرون متر) وبسرعة الضوء حتى تصل إلى الجسم الذي يمتص الحرارة أو يعكسها كلها أو جزء منها. وهذه الموجات لا تسخن المحيط الذي تمر به إلا إذا امتص هذا الأخير جزء منها. ولهذا عندما تكون أمامك نار نحس بأشعة منبعثة منه تلفح الوجه.

ويسمى السطح الإشعاعي المثالي المرجعي الذي يشع أكبر كمية ممكنة من الحرارة لوحدة المساحة بالجسم الأسود، حيث يبث إشعاعاً حرارياً طبقاً لمعادلة سيتيفان - بولتزمان التالية:

$$Q = A \sigma T_s^4 \quad (7-4)$$

حيث :

Q هي شدة البث للجسم الأسود وهي الطاقة المنبعثة بالوات (W)

A هي المساحة السطحية للجسم المشع m^2

σ ثابت ستييفان - بولتزمان وهو يساوي

$$\sigma = 5.6699 \times 10^{-6} \frac{W}{m^2 K^4}$$

T_s درجة الحرارة المطلقة للسطح المشع ($K = {}^\circ C + 273$)

ولكن نظراً أنه لا يوجد في الحقيقة سطح إشعاعي مثالي مرجعي أو ما يسمى بالجسم الأسود فإن المعادلة (7-4) تعديل لكي تكون عملية بضربيها بمعامل جديد عليها يسمى عامل الإشعاع e (emissivity) لتصبح المعادلة كالتالي:

$$Q = A e \sigma T_s^4 \quad (8 - 4)$$

ويكون عامل الإشعاع e عادة أكبر للأسطح الداكنة منه للأسطح الفاتحة. الجدول 4-3 يعطي بعض قيم عامل الإشعاع لبعض الأسطح.

الجدول 4-3 بعض قيم عامل الإشعاع لبعض الأسطح

عامل الإشعاع	المادة	عامل الإشعاع	المادة
0.98	طلاء أسود	0.07	شرائح الألمنيوم
0.90	طلاء أبيض	0.03	نحاس مصقول
0.85-0.93	إسفلت	0.03	ذهب مصقول
0.93-0.96	طوب أحمر	0.02	فضة مصقوله
0.82-0.92	خشب	0.17	حديد صلب مصقول
0.95	الجسم البشري	0.96	الماء

المعادلة (8-4) تعطي الطاقة التي يشعها سطح ما ، ولكن إذا كان هذا السطح يتلقى في نفس الوقت طاقةً إشعاعية من سطح آخر محاط فإن صافي الطاقة التي يشعها هذا السطح تكون كالتالي:

$$Q = A e \sigma (T_s^4 - T_{\text{surr}}^4) \quad (9 - 4)$$

حيث T_{surr} هي درجة الحرارة المطلقة للسطح المحاط.

مثال 4 - 6

يقف شخص في غرفة درجة حرارتها $C = 22$ ، إذا علمت أن متوسط درجة حرارة الجدران والسلف والأرضية هي $C = 10$ شتاءً و $C = 25$ صيفاً فاحسب معدل انتقال الحرارة بالإشعاع بين الشخص والبيئة المحيطة به. افترض أن درجة حرارة الشخص $C = 35$ والمساحة السطحية له 1.4 m^2 وانبعاثية جسم الإنسان 0.95

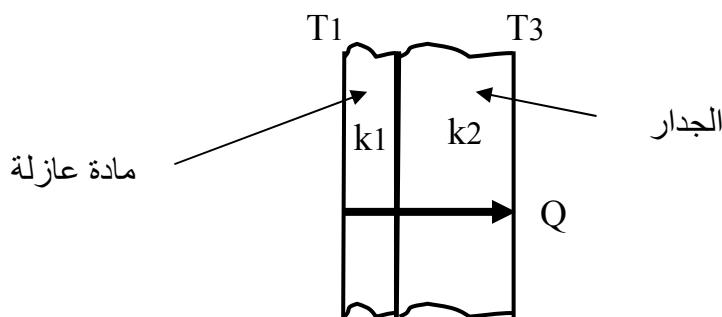
الحل:

$$Q_{\text{winter}} = \varepsilon \sigma A (T_s^4 - T_{\text{surr}}^4) = 0.95 \times 5.67 \times 10^{-8} \times (308^4 - 283^4) = 193.24 \text{ W}$$

$$Q_{\text{summer}} = \varepsilon \sigma A (T_s^4 - T_{\text{surr}}^4) = 0.95 \times 5.67 \times 10^{-8} \times (308^4 - 298^4) = 59.95 \text{ W}$$

تمارين على الوحدة الرابعة

- 1- جدار أحد سطحه عند درجة حرارة $C = 20$ والسطح الآخر 20 أيضاً فهل تنتقل الحرارة بين السطحين ولماذا؟
- 2- شباك مستطيل الشكل أبعاده $2 \text{ m} \times 1.5 \text{ m}$ وسمكه 10 mm ما هي المتغيرات A و d في معادلة انتقال الحرارة بالتوسيع؟
- 3- الشكل يبين جداراً معزولاً. احسب المقاومة الحرارية ومعدل انتقال الحرارة لكل متر مربع من الجدار.خذ $C = 20$ و $T_1 = 50 \text{ C}$ و $T_3 = 20 \text{ C}$ و $k_1 = 0.04$ و $k_2 = 1.37$ سمك الجدار 20 cm وسمك العزل 5 cm



- 4- حائط ارتفاعه 3 m وعرضه 5 m وسمكه 0.3 m له معامل انتقال حرارة $\frac{W}{m^2 \text{ } ^0\text{C}} = 0.9$ إذا كانت درجات الحرارة للسطح الداخلي وللسطح الخارجي 15^0C و 6^0C على الترتيب فاحسب معدل فقدان الحرارة عبر هذا الحائط.
- 5- جدار سمكه 15 cm ومعامل التوصيل الحراري لمادته $C = 0.7 \text{ W/m} \text{ } ^0\text{C}$ يتعرض لرياح باردة درجة حرارتها $C = 3$ ومعامل انتقال الحرارة بالحمل مقداره $\frac{W}{m^2 \text{ } ^0\text{C}} = 40$ فإذا كان في الجهة الداخلية من الجدار هواء دافئ عند درجة حرارة $C = 30$ ومعامل انتقال الحرارة بالحمل مقداره $\frac{W}{m^2 \text{ } ^0\text{C}} = 10$ فاحسب
- أ) معدل انتقال الحرارة لوحدة المساحة
- ب) الفرق في درجات الحرارة بين سطحيي الجدار الداخلي والخارجي

- 6- احسب معدل انتقال الحرارة بالإشعاع المنبعثة من جسم بشري ذي مساحة سطحية قدرها 1.2 m^2 ودرجة حرارة 30°C ، فإذا كانت درجة حرارة المحيط 20°C فاحسب معدل انتقال الحرارة بالإشعاع من الجسم.
- 7- كرة مصنوعة من التجستون نصف قطرها 1 cm معلقة داخل حيز مغلق ومفرغ درجة حرارة جدرانه 300 K إذا علمت أن الانبعاثية لمادة التجستون تقريرياً 0.35 فاحسب القدرة اللازمة لتكون درجة حرارة الكرة 3000 K مع اهتمام انتقال الحرارة بالتوسيع.

ملخص الوحدة الرابعة

تم في هذه الوحدة دراسة آليات انتقال الحرارة من جسم إلى آخر، أو من مادة إلى أخرى. وقد اقتصر الحديث في هذه الوحدة على انتقال الحرارة المستقر الذي لا يحصل معه أي تغير في خواص المادة مع الزمن حيث تم تقديم الطرق الثلاث لانتقال الحرارة وهي التوصيل والحمل والإشعاع. وقد تم أيضاً في هذه الوحدة تقديم المعادلات الأساسية لهذه الطرق وكذلك تقديم بعض الأمثلة والتمارين التطبيقية للحسابات الأساسية في هذا المجال.

المراجع العربية

- 1 الدكتور خالد يوسف حماد ، الديناميكا الهندسية الجزء الأول (الجسيمات) . دار المعارف ، جمهورية مصر العربية.
- 2 د ابراهيم فوزي ، مبادئ الميكانيكا الهندسية ، مكتبة عين شمس ، الطبعة الثانية ، 1992/1991
- 3 الحقيقة التدريبية لمادة " أساسيات الحراريات والموائع" - تخصص التبريد وتكييف الهواء - الكليات التقنية - المؤسسة العامة للتعليم الفني والتدريب المهني - المملكة العربية السعودية.

المراجع الأجنبية

4. Meriam J. L. & Kariage L. G. Engineering Mechanics- Statics, John Wiley, New York, 1998.
5. Meriam J. L. & Kariage L. G. Engineering Mechanics-Dynamics, John Wiley, New York, 1998.
6. R. C. Hibbeler. Engineering Mechanics - Statics, Macmillan Publishing Co., Inc, New York, USA.
7. R. C. Hibbeler. Engineering Mechanics - Dynamics, Macmillan Publishing Co., Inc, New York, USA.
8. Roberson & Crowe, Engineering Fluid Mechanics, Houghton Mifflin Company, USA
9. Incropera F. P. & De Witt D. P., Fundamentals of Heat Transfer, John Wiley & Sons, New York, USA
10. Sears F. W. & Zemansky M. W. & Young H. D., University Physics, Addison-Wesley Publishing Co., 7th ed. 1987.

المحتويات	
1. مقدمة في الإستاتيكا والديناميكا	
2	متوجهات القوى 1-1
11	عزم القوة 2-1
13	اتزان الجسيم 3-1
18	مدخل إلى الديناميكا وقوانين الحركة 4-1
35	تمارين ملخص الوحدة الأولى
40	
2. ميكانيكا الموائع	
43	الكثافة 1-2
46	الضغط في الموائع 2-2
56	اللزوجة 3-2
58	الطفو 4-2
59	الشد السطحي 5-2
61	خواص السوائل المتحركة 6-2
67	تمارين ملخص الوحدة الثانية
69	
3. الديناميكا الحرارية	
72	الحرارة 1-3
78	مصطلحات هامة في الديناميكا الحرارية 2-3
86	قوانين الديناميكا الحرارية 3-3
90	تمارين ملخص الوحدة الثالثة
92	

	انتقال الحرارة	.4
95	ال搿وصيل	1 -4
101	الحمل	2 -4
105	الإشعاع الحراري	3 -4
108	تمارين	
110	ملخص الوحدة الرابعة	

المراجع

111.....	المراجع العربية
112	المراجع الأجنبية

