

تأليف

ولاء أحمد القزاز وفاء يونس حمودي :



2014

جمهورية العراق
وزارة التعليم العالي والبحث العلمي
هيئة التعليم التقني

علم الأحياء

تأليف

الدكتور: عماد نوما كوش
المعهد التقني الموصل

وقد اعتمد القراء و وقد يونس حمودي
المعهد التقني نينوى

2014

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

الافتتاحية

- اشتمت كلمة الإحصاء من اللفظ اللاتيني " Status – ستاتوس " .
- قديمًا استعمالات مبكرة تضمنت تجميع البيانات والتخطيط ووصف مظاهر متعددة للدولة.
- 1662 قام العالم " جون جرونت " بنشر معلومات إحصائية حول المواليد والوفيات،
- جرونت بكثير من الدراسات حول الوفيات ونسب ومعدلات الأمراض وأحجام السكان والدخول ونسب .
- تعتمد المجتمعات الكبيرة والحكومات على الدراسات الإحصائية كموجه أو مرشد في عمليات الدراسة وأخذ قرارات مستقبلية معينة وإصدار توجيهات ذ سبيل تقدير حجم البطالة وتقدير حجم التضخم ومعدلات المواليد والوفيات وأسباب الضعف في العملية التعليمية والاقتصادية والعلمية والهندسية والصناعية والزراعية.
- الإحصاء لا غنى عنه شتى المجالات المختلفة إذ اعتمد . بحثه على . . .
- الإحصاء هو عصا الباحث تقوده إلى الطريق الصحيح، وهي تساعد على تفسير الظواهر .
- يدرسها وتوضيح النتائج يحصل عليها ودلالات البيانات والأرقام يحصل عليها.
- نتمنى ان يكون هذا الكتاب إضافة متواضعة الى المكتبة العربية، كتابا منهجيا لجميع الطلبة الذين يدرسون .
- والله ولي التوفيق .

الخاتمة

المحتويات

الفصل الاول		
9	مفهوم الاحصاء	1
9		1-1
9	الهدف من دراسة	2-1
10	طبيعة علم الاحصاء	3-1
10	تعريف علم الحصاء	1-3-1
11	اهمية علم الاحصاء وعلاقته بالعلوم الاخرى ومجالات تطبيقه	4-1
11	الطريقة الاحصائية في البحث العلمي	5-1
12	المراحل الرئيسية للطريقة الاحصائية	6-1
12	تصنيف وتبويب البيانات، تكوين الجداول التكرارية البسيطة	7-1
12	طبيعة البيانات الاحصائية	1-7-1
13	المجتمع والعينة	8-1
13	اسلوب تصميم البحوث	9-1
14	اسلوب جمع البيانات والمعلومات	10-1
14	العينات العشوائية والعينات الغير عشوائية	11-1
14	العينات العشوائية	1-11-1
20	العينات غير العشوائية	2-11-1
20	مصادر جمع البيانات	12-1
21	تصنيف وتبويب البيانات	13-1
23	التوزيع التكراري	14-1
25	الجداول الاحصائية	15-1
28	الجداول التكرارية المزدوجة	16-1
29	التوزيع التكراري المتجمع	17-1
30		
الفصل الثاني		
33	العرض البياني للبيانات المبوبة	2
33		1-2
35		2-2
37		3-2
37		4-2

39		5-2
40		6-2
41		
الفصل الثالث		
44	مقاييس النزعة المركزية	3
45		1-3
45	الوسط الحسابي للبيانات غير المبوبة	1-1-3
47	الوسط الحسابي لبيانات مبوبة	2-1-3
49	مزايا و عيوب الوسط الحسابي	3-1-3
50	الوسيط	2-3
50	الوسيط لبيانات غير مبوبة	1-2-3
52	الوسيط لبيانات مبوبة	2-2-3
56	حساب الوسيط باستخدام الرسم	3-2-3
57	مزايا و عيوب الوسيط	4-2-3
58		3-3
58	حساب المنوال من بيانات غير مبوبة	1-3-3
59	المنوال لبيانات مبوبة	2-3-3
61	إيجاد المنوال عن طريق الرسم	3-3-3
62	مميزات و عيوب المنوال	4-3-3
62	العلاقة بين الوسط الحسابي والوسيط والمنوال	5-3-3
63	استخدام مقاييس النزعة المركزية ف تحديد شكل توزيع البيانات	6-3-3
64		7-3-3
67	المتوسط الهندسي	4-3
67	الوسط الهندسي	1-4-3
69		2-4-3
71		
الفصل الرابع		
74	مقاييس التشتت	4
75	مقاييس التشتت	1-4
75	مقاييس التشتت المطلقة	1-1-4
75	مقاييس التشتت النسبية	2-1-4
75	اهم مقاييس التشتت	2-4
75		1-2-4
76	مزايا و عيوب المدى	1-1-2-4

76	الانحراف الربيعي	3-4
77	حساب الربيعين من بيانات غير مبوبة	1-3-4
78	الانحراف الربيعي للبيانات المبوبة حسابيا وبيانيا	2-3-4
81	استخراج الانحراف الربيعي الادنى والاعلى بالرسم البياني	3-3-4
82	مزايا وعيوب الانحراف الربيعي	4-3-4
82	التباين	4-4
82	التباين في المجتمع	1-4-4
84	التباين في العينة	2-4-4
86	لانحراف المعياري	5-4
87	الانحراف المعياري لبيانات غير مبوبة	1-5-4
89	حساب الانحراف المعياري لبيانات مبوبة	2-5-4
91	مميزات وعيوب الانحراف المعياري	3-5-4
92	معامل الاختلاف المعياري	6-4
93	مقاييس الشكل	7-4
93		1-7-4
93	طريقة "بيرسون" في يا	1-1-7-4
94	طريقة "المئين" في قياس	2-1-7-4
97		2-7-4
98		
الفصل الخامس		
102		5
102	تحديد أسلوب قياس الارتباط المناسب وفقا لنوع البيانات	1-5
102	معامل الارتباط الخطي البسيط	2-5
102	اط لبيانات غير مبوبة	1-2-5
105	ارتباط الرتب (سبيرمان وسبيرمان)	3-5
105		1-3-5
107	ارتباط سبيرمان المعدل	2-3-5
109	ارتباط البيانات المبوبة (للصفات)	4-5
113		5-5
116		6-5
118		
الفصل السادس		
121	السلاسل الزمنية	6
121	السلاسل الزمنية	1-6

122	تحليل السلسلة الزمنية	2-6
123	طرق ايجاد خط الاتجاه العام	1-2-6
123	طريقة متوسطي نصفي السلسلة	2-2-6
124	طريقة المتوسطات المتحركة	3-2-6
126	طريقة المربعات الصغرى	4-2-6
128		
الفصل السابع		
130	الأرقام القياسية	7
130	انواع الارقام القياسية المستخدمة في التحليل الاحصائي	1-7
130	القياسية البسيطة	1-1-7
132	استخدام الرقم القياسي البسيط للمقارنة بين كميات السلع وقيمتها	1-1-1-7
134	الارقام القياسية الم	2-7
134	رقم لاسبير	1-2-7
135	رقم باش (الترجيح بكميات سنة المقارنة)	2-2-7
136	الرقم القياسي الامثل	3-2-7
139		
الفصل الثامن		
141	بعض المواضيع التطبيقية	8
141	الاحصاءات الحيوية	1-8
141		2-8
142		1-2-8
142		2-2-8
142	تقدير عدد السكان	3-8
143	الزيادة الطبيعية	1-3-8
143	المتوالية العددية	2-3-8
143	المتوالية الهندسية	3-3-8
لجدول الاحصائية		
146	2	1
149		2
151		3
153	المصادر	

مفهوم

1- مفهوم علم الاحصاء

1-1.

يعد علم الاحصاء (statistics) ، اليوم، من اهم العلوم التي تتوقف عليها التنمية السياسية والاقتصادية والثقافية ... حصة اساسية من عمل الدول والمنظمات السياسية والاقتصادية والاجتماعية، عالميا ودوليا ومحليا، وكثيرا ما يرتهن مصير مشاريع او قرارات كبرى بالنتائج التي يقدمها الاحصاء في مجال معين.

وبصورة عامة، فان افتقاد الجهد الاحصائي، في مجال من المجالات، يمنع من وتحصيل الضمان في استجابة اي مشروع للواقع، كما يحول دون تحديد مدى نجاحه او اخفاقه، ويجعل في الاقدام عليه شيئا من

من الناحية الجوهرية انه مجموعة الوقائع التي يودي اليها اجتماع البشر في مجتمعات سياسية... لكن الكلمة عندنا سترتدي مفهوما اوسع، فنحن نعني العلم الذي يكون موضوعه جمع وتنسيق وقائع كثيرة في كل صنف، بحيث يمكن الحصول على نسب عددية مستقلة استقلالا ملموسا عن المصادفة واستثناءاتها، وفي موسوعة المورد العربية يعرف بانه علم جمع وتصنيف وتعليل الوقائع او المعطيات الرقمية او العددية، يتخذ طريقة للتحليل في العلوم الدقيقة والعلوم الاجتماعية وفي المشروعات الاقتصادية على اختلافها. وهو يعنى، في آن معا، بوصف الوقائع وبالتنبؤ باحتمالات حدوث امر بعينه او حالة بعينها. وعلم الاحصاء علم حديث نشا في مطلع القرن العشرين، وتطور تطورا كبيرا بعد الحرب العالمية الثانية، وانما يعزى هذا التطور الكبير الى استحداث الحاسبات الالكترونية التي تتعامل مع كميات من الارقام ضخمة تعاملها سريعا. تعريف علم الاحصاء انه منهج يتعاطى بالدرجة الاولى مع ظواهر رقمية وعددية معينة، ثم يقوم بتصنيفها وتحويلها الى نسب عددية خاصة، فيستطيع بالتالي تقديم وصف ميداني مرقم وا ويرفق ذلك الوصف بتقديم تصور علمي للعلل والاسباب التي ولدت الظاهرة المدروسة.

1-2. الهدف من دراسة مادة الاحصاء :

تهدف دراسة مادة الاحصاء :

- 1) تعريف الطالب بطبيعة علم الاحصاء وأهميته ومجالات استخدامه.
- 2) تعريف الطالب بأساليب جمع البيانات وطرق اخذ العينات ومن ثم طرق عرضها بالطرق البيانية.
- 3) تعريف الطالب باتباع الاساليب الاحصائية لغرض الوصول الى النتائج الدقيقة بأقصر طريقة واقل .

- (4) دور مهم واساسي في التخطيط للمشاريع سواء اكانت مشاريع فردية ام مشاريع تخص المجتمع استخدام الاساليب الاحصائية تساعد الطالب مستقبلا على اتخاذ قراراته سواء اكانت قرارات تجارية خاصة بالشراء وبيع المنتجات او تحديد اجور عمال .ام كانت قرارات صناعية او زراعية وغيرها .
- (5) توضيح للطالب كيف ان الاحصاء تغير من صورته القديمة الموجودة في اذهان الناس على انه علم العد وجمع البيانات وعرضها الى اعتباره الان علم يعمل على استخدام الاسلوب العلمي في طرق جمع البيانات وتبويبها وتحليلها وعرضها لاستخلاص النتائج واتخاذ القرار المناسب على ضوء ذلك .

3-1. طبيعة علم الـ Nature Of Statistics .

() الماضي كانت تهدف الى العد والحصر (The Science of counting) . اما الاحصاء الآن فقد تطور كثيرا وخاصة في القرن العشرين واصبح علما مستقلا له اهميته كوسيلة واداة في البحث العلمي لجميع العلوم .

1-3-1. تعريف علم الحياء :

هناك تعاريف عدي اختلفت وتباينت من حيث المضمون و تطوير هذ منه .

فقد عرف بأنه الطريقة العلمية التي تختص بجمع البيانات والحقائق بشكل يسهل عملية تحليلها وتفسيرها ومن ثم وهناك رفه بانه العلم الذي يعمل على استخدام الاسلوب العلمي في طرق جمع البيانات وتبويبها وتلخيصها وعرضها وتحليلها بهدف الوصول منها الى استنتاجات .

ويمكن تقسيم علم الاحصاء الى قسمين هما :

1 Descriptive statistics : - ويتضمن الطرق الاحصائية المستخدمة في جمع البيانات والمعلومات عن ظاهرة معينة او مجموعة ظواهر وكيفية تنظيم وتصنيف وتبويب هذه البيانات مع امكانية عرضها في جداول ورسوم بيانية وحساب بعض المؤشرات الاحصائية.

2 Statistical inference :- هو الشد

يهتم بموضوع التقديرات واختيار الفرضيات.

4-1 . اهمية علم الاحصاء وعلاقته بالعلوم الاخرى ومجالات تطبيقه

يعتبر علم الاحصاء احد الوسائل المهمة في البحث العلمي من خلال استخدام قواعده وقوانينه وطرقه في جمع المعلومات والبيانات اللازمة للبحث العلمي وتحليل هذه البيانات والمعلومات بهدف يهدف اليها البحث العلمي .

بالنتائج ففي قصة سيدنا يوسف عليه السلام مثال عظيم لدور الاحصاء في التخطيط فيبين ان هذ

يقل فيها المحصول وسنوات سمان يزيد فيها المحصول ويبين انه يجب الاحتفاظ لسني القحط بادخار جزء

يبرز دور الاحصاء في بحوث السكان متمثلا في تعدادات

السكان فالتخطيط السليم لتنمية اقتصادية واجتماعية ينفصل يمكن يتم بدون الدراسات الاحصائية للسكان ، فكيف نقرر اقامة مصانع ونحن لانعرف حجم قوة العمل

اساس نقيم سياسة

نقيم سياسة للسكان ونحن لانعرف معدلات الزواج والطلاق وهكذا وفي مجال يأتي دور

الاحصاء في ان العلوم الزراعية تبدأ بالملاحظة وجمع بيانات عن الطبيعة في الحقل او المزرعة ثم يلي ذلك الدراسات العملية ويفيد الاحصاء في تنظيم وترتيب عملية ال اهدة وجمع البيانات وتحليلها

يمكن يكون ذلك بغير دراسة كاملة بأساليب . ايضا اهمية في

من خلال استخدام النظرية الاحصائية في الانتاج الحربي وفي مجالات صناعات الفحم والحديد

والغزل والمواد الكهربائية كما ان في معرفة عدد المواليد

وعدد الوفيات حيث تعتبر مؤشرات للمستوى الصحي العام ومؤشر لمدى تقدم البلد او تخلفه

أهمية كبرى في دراسة وتحليل العلاقات بين الامراض المختلفة وطرق العلاج واستخدام نظريات العروض ائية اصبح

قير والادوية . وعليه فأن الاحصاء بـ ته وسيلة وليس

غاية فذاك يعني امكانية استخدامه اينما وجد في البحث العلمي.

5-1 . الطريقة الاحصائية في البحث العلمي .

استخدام الاسلوب الاحصائي في البحث العلمي يعني توفير البيانات والمعلومات عن الظاهرة المطلوب دراستها

وهذا يعني ان امكانية تطبيق الطريقة الاحصائية مرهونا بإمكانية التعبير عن هذه الظاهرة أو تلك

تعبيرا كيميا (رقميا) . وتمتاز الطريقة الاحصائية بكونها تهئي اسلوبا موضوعيا محايدا للبحث له قواعده واصوله التي يجب يلتزم بها الباحث حتى يتجنب التحيز الشخصي والوقوع في بعض الاخطاء . كما يساعد استخدام

الطريقة الإحصائية في النتائج الدقيقة بأقصر طريق وأق

6-1. المراحل الرئيسية للطريقة الاحصائية

- 1- تحديد مشكلة البحث
- 2 - جمع البيانات والمعلومات
- 3 - تصنيف البيانات وتبويبها
- 4 - عرض البيانات
- 5 - حساب المؤشرات أو المعالم للبيانات
- 6 - التفسير والتنبؤ

7-1. تصنيف وتبويب البيانات ، تكوين الجداول التكرارية البسيطة والمزدوجة

1-7-1. طبيعة البيانات الاحصائية

عند جمع البيانات ظاهرة ما نرسم للظاهرة بالرمز x او اي رمز اخر وكل مفردة او مشاهدة ترمز لها y_i الجامعات فأننا نرسم لصفة الطول (الظاهرة) y x_i y_i () هذا وان قيمة y_i قد تختلف من طالب الى اخر لهذا نقول ان y متغير variables وعليه فان المتغير : هو اي ظاهرة تظهر اختلافات بين مفرداتها ويرمز له بالرمز y . المتغيرات الى قسمين :-

1 متغيرات وصفية او نوعية :- هي الظواهر او الصفات التي لا يمكن قياسها مباشرة عددية مثل صفة لون العين (ازرق ، اسود ، بني) او الحالة الاجتماعية (غني ، متوسط الحال ، فقير) او الجنس ()

2 متغيرات كمية :- هي الظواهر او الصفات التي يمكن قياسها مباشرة عددية مثل صفة الطول ، الوزن ، العمر ، كمية المحصول .

وتنقسم المتغيرات الكمية الى قسمين هم :

- متغيرات متصلة (مستمرة) : المتغير المستمر هو المتغير الذي المشاهدة او المفردة فيه اية قيمة رقمية في مدى معين ، فلو فرضنا ان اطوال طلبة جامعة ما تتراوح بين 130,5 170 سم اي ان المتغير y يمكن

ان ياخذ اي قيمة بين 130,5 170 وزن وكمية المحصول ودرج كل البيانات التي تقاس تعتبر بيانات لمتغير مستمر (القيم عدد صحيح او كسر) .

متغيرات غير مستمرة (منفصلة) : المشاهدة او المفردة فيها قيما متباعدة او منقطعة مثال ذلك عدد تاجية او عدد الطلبة في الصفوف الاولى لجامعة ما ، فهي في الغالب تكون اعداد صحيحة . وبصورة عامة كل البيانات التي نحصل عليها من العد تعتبر بيانات لمتغير منفصل .

8-1. المجتمع والعينة :

: - عبارة عن جميع القيم او المفردات التي يمكن ان يأخذها المتغير ،

في هذه الحالة هو اطوال جميع الطلبة في تلك الجامعة .والمجتمع اما ان يكون اي ممكن حصر عدد مفرداته . او يكون مجتمعا غير محدودا وهو المجتمع الذي من الصعب حصر عدد مفرداته مثل مجتمع نوع سمك معين في نهر دجلة او عدد البكتريا في حقل ما .

العينة : فهي جزء من المجتمع . فالعينة عبارة عن مجموعة من المشاهدات اختيرت بطريقة ما من المجتمع ففي بعض الاحيان دراسة المجتمع ككل قد يكون صعبا او يحتاج الى وقت وجهد ومال فيستعاض عن المجتمع بدراسة العينة وصفاتها ومنها يستنتج خو ص المجتمع الاصيلي الذي اخذت منه العينة .

9-1. اسلوب تصميم البحوث

هناك اعتبارات كثيرة يتوقف عليها تصميم يأخذ

البيانات والمعلومات وقت و اقل جهد و اوطئ كلفة و عليه يجب مراعاة مايلي عند تصميم البحث

1 **تحديد الغرض من البحث :** من الضروري ان يكون الهدف محددا بشكل واضح ودقيق معروفة اهدافه وواجه الاستفادة من نتائجه.

2 **امكانية التنفيذ :** - من الضروري تحديد المتطلبات التي تلتزمها عملية تنفيذ

المالية المطلوبة والامكانيات البشرية المتاحة في تحقيق بعض من مدى توفر البيانات والمعلومات الدقيقة عن مشكلة البحث.

3 **تحديد اطار البحث :** - من المهم ان يحدد الباحث نوع وطبيعة مجال البحث او المجتمع الاحصائي والمجتمع ا كان البحث يتعلق

طلبة جامعة بغداد فان المجتمع الاحصائي هو جميع

في هذ . كان البحث حول دخل العائلة الفلاحية في العراق فالمجتمع الاحصائي هو العوائل الفلاحية

الساكنة في العراق والوحدة الاحصائية او المفردة هي العائلة الواحدة والمجتمع يكون اما _____ وهو
ي يمكن الوصول الى كل مفردة فيه مثل مجتمع جامعة بغداد او يكون مجتمع غير محدد مثل كريات
الدم البيضاء في دم الانسان ومجتمع الاسماك في نهر دجلة.

10-1. اسلوب جمع البيانات والمعلومات : - للوصول الى البيانات والمعلومات هناك اسلوبان يمكن من خلالهما
جمع هذه البيانات والمعلومات كل منهما له ميزاته وعيوبه وهذان الاسلوب هما : -

1 اسلوب التسجيل الشامل : - هو جمع البيانات من جميع المفردات التي يتكون منها الـ
مميزات هذا الاسلوب يعطي بيانات كاملة حول الظواهر التي يتم البحث عنها
عيوبه فان هذا الاسلوب يحتاج الى وقت وجهد و لا يمكن استخدام هذا الاسلوب في المجتمعات غير

2 اسلوب العينات : - هو اخذ وحدات من المجتمع الاحصائي تسمى العينة sample العينة ان
تكون بديلا عن المجتمع الاحصائي وعن طريق صفاتها يتمكن الباحث ان يصف خواص المجتمع بتعميم النتائج
عليها من دراسة العينة . تفضل هذه الطريقة عن طريقة التسجيل الشامل الاتية :

1 - توفر المال والجهد والوقت اللازم .

2 - صعوبة اجراء التسجيل الشامل بسبب طبيعة المجتمع فقد يكون المجتمع غير محدد او كبير . عيوب
هذا الاسلوب فان محاولة التعرف على خواص المجتمع عن طريق دراسة جزء منه ينطوي عليه التضحية في دقة
تستخرجها .

وتنقسم العينات الى قسمين رئيسيين هما :

11-1. العينات العشوائية والعيّنات الغير عشوائية

1-11-1. **العينات العشوائية :** هي مجموعة المفردات المختارة من مجتمع الدراسة وليس للباحث دخل في
اختيارها . وللعينات العشوائية انواع عديدة منها

العينة العشوائية البسيطة Simple random sample

هي اختيار عينة عشوائية من مجتمع الدراسة بطريقة تعطي المفردات نفس الفرصة في الظهور . ويشترط هنا ان
يكون المجتمع متجانس (مشترك في الصفات) فمثلا دراسة اسباب التدخين لدى الاناث نلاحظ ان المجـ
متجانس حيث ان كافة مفردات هذ هم من الاناث والصفة المشتركة هي التدخين.

(1)

أراد مدير شركة اختيار لجنة مكونة من 5 أشخاص من بين مجموعة موظفين عددهم 50 موظف، كيف يتم الاختيار بطريقة العينة العشوائية البسيطة؟

:

يقوم المدير بكتابة أسماء جميع الموظفين على بطاقات كل اسم على بطاقة ثم يعمل على خلط البطاقات ووضعها في صندوق ثم يسحب 5 بطاقات بحيث يسحب بطاقة في كل مرة.

- العينة المنتظمة (الأسلوبية) Systematic sample

وهي العينة التي يتم اختيارها من مجتمع يكون موزعاً على أساس معين، كأن يكون تصاعدياً أو تنازلياً. ومن أمثلتها اختيار عدد من الصكوك المدفوعة من دفتر الصكوك المتسلسل أو اختيار عدد من المنازل المرقمة

وتتم عملية الاختيار بتحديد الزيادة المنتظمة (k) ثم تحديد مفردة البداية التي تكون عادة أقل من (k)، ومن ثم يتم إضافة هذه الزيادة المنتظمة بشكل متسلسل.

وتعطى الزيادة (k)

$$k = N/n$$

n : حجم العينة

حيث N :

: 2

إذا كان حجم مجتمع ما هو 1000 مفردة ويراد اختيار عينة حجمها 100 مفردة ، أوجد الزيادة المنتظمة

.k

:

$$k = N/n$$

$$= 1000 / 100 = 10$$

: 3

يراد اختيار عينة حجمها 100 1260 أوجد مقدار الزيادة المنتظمة.

:

$$k = N/n \\ = 1260 / 100 = 12.6$$

ويتم التقريب للأسفل فيكون الجواب هو 13.

:4

يراد اختيار عينة حجمها 200 مفردة من مجتمع حجمه 4000 مفردة ، كيف يتم ذلك بطريقة العينة المنتظمة؟

:

(1) نجد مقدار الزيادة المنتظمة k :

$$k = N/n \\ = 4000 / 200 = 20$$

(2) نختار مفردة البداية وتكون أقل من 20 8.

(3) نضيف k

$$8 , 8 + 20 , 8 + 20 + 20 , 8 + 20 + 20 + 20 + \dots \\ 8 , 28 , 48 , 68 , \dots , 388.$$

:5

دائرة المحاسبة في شركة تود اجراء دراسة لعملاء الشركة من حيث طرق السداد وحجم الطلبات وكيفية الشحن، إذا تم اختيار العينات بطريقة العينة المنتظمة وكان عدد العملاء المسجلين 12500؛ وتم اختيار حجم العينة ليكون 350 أوجد العينة المطلوبة.

:

$$k = N/n \\ = 12500 / 350$$

$$= 35.7$$

35

فتكون عينة العملاء المختارة هي كالاتي؛ إذا اعتبرنا أن مفردة البداية هي 18 :

18 , 53 , 88 , 123 , ...

العينة الطبقيّة العشوائية : - يتم اختيار العينة عندما يكون المجتمع غير متجانس ،يقسم المجتد

كل طبقة تعتبر مجتمع متجانس ومن كل مجتمع يتم اختيار عينة عشوائية بسيطة يتناسب حجمها مع حجم الطبقة

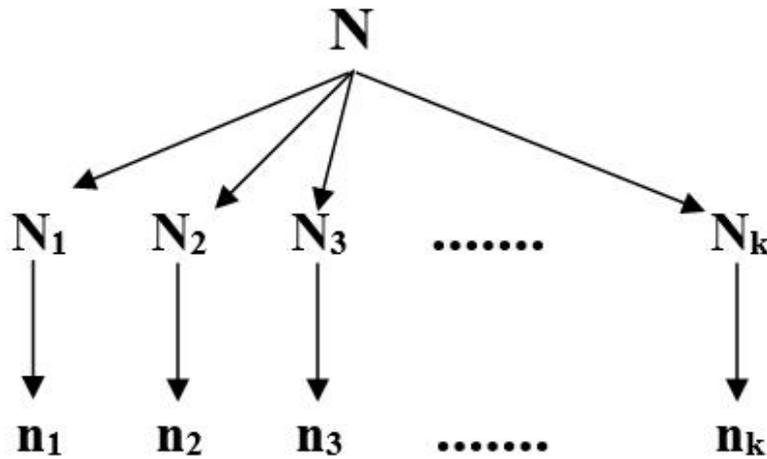
ثم تجمع هذه العينات ونحصل على الطبقة العشوائية.

المعهد التقني نينوى هذا المجتمع غير متجانس من حيث

انونية واختصاص محاسبة واختصاص تقنيات مالية ومصرفية

التخصص العلمي فهناك اذ

واختصاص سياحة وهكذا.



حيث أن N :

N_i : (i).

n_i : حجم العينة من الطبقة (i).

n : حجم العينة المطلوبة.

$$N = N_1 + N_2 + N_3 + \dots + N_k$$

$$n = n_1 + n_2 + n_3 + \dots + n_k$$

ونجد حجم العينة من الطبقة (i) بالصيغة

$$\frac{n_i}{N} = \frac{N_i}{N} \times n$$

: 6

مجتمع حجمه 10000 : 4 :
 1000 , 3500 , 4000 , 1500 . يراد سحب عينة حجمها 400 مفردة من هذا المجتمع، كيف يتم ذلك بحيث
 تمثل هذه العينة تمثيلاً سليماً.

:

$$n = 400 \quad N = 10000$$

$$N_4 = 1500 \quad N_3 = 4000 \quad N_2 = 3500 \quad N_1 = 1000$$

$$n_1 = \frac{N_1}{N} \times n = \frac{1000}{10000} \times 400 = 40$$

$$n_2 = \frac{N_2}{N} \times n = \frac{3500}{10000} \times 400 = 140$$

$$n_3 = \frac{N_3}{N} \times n = \frac{4000}{10000} \times 400 = 160$$

$$n_4 = \frac{N_4}{N} \times n = \frac{1500}{10000} \times 400 = 60$$

$$n = 40 + 140 + 160 + 60$$

$$= 400$$

وهو حجم العينة المطلوبة.

: 7

أرادت مجلة متخصصة بحث مقدار الأرباح التي تحققها المنشآت التجارية كلُّ حسب نشاطها التجاري. فعملت
 1000 منشأة. فإذا تم اختيار عينة مكونة من 100 منشأة. كيف يتم الاختيار بطريقة سليمة؟

Group	No. Of companies
Financial	300
Diversified	200
Commercial banking	200
Retailing	100
Transportation	100
Utilities	100
Total	1000

:

$$N_6 = 100 \quad N_5 = 100 \quad N_4 = 100 \quad N_3 = 200 \quad N_2 = 200 \quad N_1 = 300$$

$$n = 100 \quad N = 10000$$

$$n_1 = \frac{N_1}{N} \times n = \frac{300}{1000} \times 100 = 30$$

$$n_2 = \frac{N_2}{N} \times n = \frac{200}{1000} \times 100 = 20$$

$$n_3 = \frac{N_3}{N} \times n = \frac{200}{1000} \times 100 = 20$$

$$n_4 = \frac{N_4}{N} \times n = \frac{100}{1000} \times 100 = 10$$

$$n_5 = \frac{N_5}{N} \times n = \frac{100}{1000} \times 100 = 10$$

$$n_6 = \frac{N_6}{N} \times n = \frac{100}{1000} \times 100 = 10$$

$$n = 30 + 20 + 20 + 10 + 10 + 10 = 100$$

العينة المتعددة المراحل : يتم تقسيم المجتمع الى وحدات اولية ثم يتم اختيار عينة عشوائية من هذه
الاولية ثم تقسم كل وحدة من الوحدات الاولى الى وحدات ثانوية ثم عينة كمرحلة ثانية ثم تقسم الى وحد
عينة منها الى ان نصل الى المفردة التي يتم جمع البيانات منها والتي تؤلف عينة البحث

: 8

يراد قياس المستوى التحصيلي لطلاب جامعة عمان الأهلية في سنة ما. كيف تتم عملية الاختيار بطريقة سليمة؟

:

أنه على عدة كليات؛ ثم أن هذه الكليات مقسمة لعدة أقسام وهذه
الأقسام بدورها تحتوي على عدة شعب دراسية. وبأخذ هذه المراحل بعين الاعتبار يتم اختيار العينة المطلوبة.

الجامعة ← كليات ← أقسام ← شعب دراسية

1-11-2. العينات غير العشوائية : - يقصد بها مجموعة من المفردات المختارة من مجتمع الدراسة بطريقة يكون
خل في اختيارها ومن هذه العينات .

المعاينة الحصصية : تقسيم مجتمع الدراسة الى طبقات استنادا الى معايير تقسيم معينة تتعلق بطبيعة الدراسة ثم
يتم اختيار عدد من المفردات من طبقة بشكل شخصي (غير عشوائي) بحيث ان عدد مفردات هذه العينات
يشكل حجم العينة المطلوبة لدراسة فلو كنا بصدد استطلاع رأي الجمهور ببرامج التلفزيون فانه يمكن تقسيم
ث ثم يتم اختيار عينة من الذكور واخرى من الاناث تتناسب كل منهما م
الذكور وعدد الاناث في مجتمع هذا الاستطلاع ومجموع مفردات هاتين العينتين تؤلفان حجم العينة المطلوب

المعاينة العمدية : اختيار العينة بشكل متعمد يعتقد الباحث مسبقا بان مفردات هذه العينة هي خير من يمثل

12-1. مصادر جمع البدي :

يتم الحصول على البيانات و المعلومات من احد المصدرين الآتيين :

1 المصادر التاريخية : هي البيانات المحفوظة لدى اجهزة الدولة المختلفة نتيجة الاستقصاءات او مسوحات
قامت بها هذه الجهات خاصة بها او تجمعت لديها بحكم وظائفها . مثال ذلك البيانات المد
تعدادات السكان ،احصاءات الطلبة المتخرجين من الجامعات او احصاءات التجارة الداخلية والخارجية .

2- مصادر الميدان : بيانات ومعلومات يمكن الحصول عليها من مصادر لها الاصلية بطريقة المراسلات (بالبريد) أو المواجهة (المقابلة الشخصية) أو عن طريق الهاتف أو اي وسيلة اتصال أخرى.

13-1. تصنيف وتبويب البيانات

لاحظنا ان عملية جمع البيانات تتم من خلال المصادر التاريخية او الميدانية باستخدام اسلوب التسجيل الشامل او اسلوب العينات حسب ما تتطلبه الدراسة ، ان البيانات المستحصل عليها بخصوص الظاهرة المعنية تسمى البيانات الاولية او البيانات غير المصنفة ،ان البيانات بشكلها الاولي تكون غير منظمة مما يتعذر على الباحث تكوين فكرة عن هذه الظاهرة او تلك التي جمعت البيانات ، كذلك يتعذر الاعتماد عليها بشكلها الغير المنظم التحليل الاحصائي للوصول الى النتائج المطلوبة ، لذلك ان اولى الخطوات الهامة بعد عملية جمع البيانات هي عملية تصنيف وتبويب البيانات .

1- **البيانات** : بعد اتمام عملية جمع البيانات وفق الوسيلة المناسبة لذلك البحث يتوجب الامر مراجعة وتدقيق البيانات لغرض من مطابقتها وتكاملها لمتطلبات الدراسة.

2- **تصنيف البيانات**: من دقة البيانات التي تم الحصول عليها يتم عملية تصنيف البيانات على اساس الظواهر التي جمعت منها البيانات حيث يتم فرز بيانات كل ظاهرة على هيئة مجموعة فقد يكون التصنيف على ظاهرة المهنة،

3- **تبويب البيانات** : بعد اتمام عملية تصنيف البيانات تبدأ عملية التبويب ، ويقصد بالتبويب عملية تفرغ البيانات المصنفة في جداول خاصة بحيث ان كل جزء من البيانات المصنفة عن الظاهرة المعنية يعود الى مستوى معين لتلك الظاهرة ، الهدف من عملية التبويب هو ابراز البيانات وتوضيحها في أضيق حيز ممكن كي يتمكن من تكوين فكرة عنها ويختلف اسلوب تبويب البيانات تبعا لطبيعتها . وفيما يلي عرض موجز لكل شكل من هذه الاشكال

- **التبويب الزمني** : عبارة عن تجميع البيانات المصنفة وترتيبها في جداول على اساس ان كل مجموعة منها تعود لوحدة زمنية كاليوم ، الاسبوع ، الشهر ، السنة . والجدول التالي يوضح عدد الطلبة الخريجين لعدد من السنوات

عدد الخريجين	
150	2000
180	2001
200	2002
250	2003
780	

التبويب الجغرافي : - تقسيم البيانات الى مجموعات كل منها خاص بوحدة جغرافية معينة او تقسيم اداري معين كالنواحي والاقضية والمحافظات والبلدان، القارات ، عدد الطلبة الخريجين حسب الجامعات العراقية .

2500	
2000	
2200	
1800	جامعة تكريت
8500	

ج - التبويب الكمي : تقسيم البيانات الى مجموعات خاصة بوحدة معينة كوحداث

.....

الجدول التالي يوضح توزيع الاجور اليومية لعمال احد المصانع

	الاجرة اليومية بالدينار
185	3000دينار
95	3500
70	5000
20	5000
370	

التبويب على اساس صفة معينة : - تجميع البيانات وترتيبها في جداول على مجموعة منها يشترك بصفة معينة كالجنس ، الحالة الاجتماعية ، عنوان الوظيفة والجدول التالي يوضح عدد الطلبة حسب الجنس.

123	
77	
200	

14-1. التوزيع التكراري Frequency Distribution

خيص وترتيب البيانات التي سبق ان جمعت وصنفت مقسمة الى عدد من المجاميع كل منها تسمى

(class) هذه الفئات قد تكون مرتبة تصاعديا او تنازليا حسب طبيعة البيانات ويسمى توزيع عدد قيم x

الفئات بالتوزيع التكراري . وقد تكون فئات التوزيع التكراري متساوية في الطول ام غير متساوية وذلك يعتمد على طبيعة الدراسة ومتطلباتها. وفيما يلي توضيح لبعض المصطلحات.

البيانات غير المبوبة : هي البيانات الاولية التي جمعت ولم تبوب في جدول توزيع تكراري .

البيانات المبوبة : هي البيانات التي جمعت وبوبت ونظمت في جدول توزيع تكراري .

وزيع التكراري : تقسيم البيانات او القيم الخاصة بظاهرة من الظواهر الاحصائية الى اصناف او فئات يطلق عليها بالتوزيع التكراري.

: هي المجاميع التي قسمت اليها قيم المتغير ، وكل فئة لها حدان ، حد ادنى ، وحد اعلى .

هو الفرق بين اكبر قيمة واصغر قيمة + 1

: هي القيمة الواقعة عند منتصف الفئة .

: عدد المفردات او القيم التي تقع في مدى تلك الفئة ويرمز له بـ f_i هذا وان مجموع

ان يكون دائما مساوي للعدد الكلي لقيم الظاهرة .

: هو مقدار المدى بين حدي الفئة .

يرمز له بـ L ويستخرج طول الفئة باستخدام احد القوانين الاتية :

1- يمكن إيجاد طول الفئة من العلاقة التالية

$$L = xL - xS$$

: حيث

L :

xL :

xS :

2- كذلك يمكن إيجاد طول الفئة من العلاقة التالية

$$L = \frac{T.R}{m}$$

$$= R.T \quad = m$$

3- = الفرق بين الحدين الادنى (او الحدين الاعلى) لفئتين متتاليتين

4- طول الفئة : الفرق بين مركزي فئتين متتاليتين

: يرمز له T.R

$$T.R = XL - XS + 1$$

حيث ان:

LX = القيمة الأكبر في العينة

SX = القيمة الأصغر في العينة

: يرمز له X

$$X = \frac{L.L + U.L}{2}$$

حيث ان :

L.L

U.L

: يرمز له بـ m هناك عدة طرق تقريبية لإيجاد عدد الفئات اهمها :

$$m = 1 + 3.322 \log n$$

$$m = 2.5 \sqrt[4]{n}$$

حيث ان : n = حجم العين

1-15. الجداول الاحصائية

هناك نوعان رئيسيان من الجداول الاحصائية

1- **الجدول البسيط** : هو الجدول الذي توزع فيه البيانات حسب صفة واحدة ويتألف عادة من عمودين . الاول يمثل تقسيمات صفة الظاهرة الى فئات او مجموعات والثاني بين عدد المفردات التابعة كل فئة او

: الجدول التالي يمثل عدد من الطلبة حسب اوزانهم

5	60-62
15	63-65
45	66-68
27	69-71
8	72-74
100	

2- () : هو الجدول الذي توزع فيه البيانات حسب صفتين او ظاهرتين او ويتألف :

الصفوف : تمثل فئات او مجاميع احدى الصفتين .

الاعمدة : تمثل فئات او مجاميع الصفة الاخرى.

: الجدول التالي يبين توزيع عدد من الطلبة حسب صفتي الطول والوزن

	71-80	61-70	51-60	
30	4	6	20	121-140
52	10	40	2	141-160
18	10	6	2	161-180
100	24	52	24	

(1)

لو اردنا عمل توزيع تكراري الاتية التي تمثل الوزن بالكيلو غرامات لعشرين المعهد
نينوى (67,55,65,70,75,60,89,83,65,56,49,65,49,48,69,62,72,45,56,74,)

نتبع الخطوات التالية

1- نبحث عن اكبر قيمة واصغر قيمة في المجموعة وهما (45-89)

-2

-3

-4

-1

= اكبر قيمة - اقل قيمة + 1

$$T.R = XL - XS + 1 = 89 - 45 + 1 = 45$$

-2

$$m = 1 + 3.322 \log n = 1 + 3.322 \log 20 = 5.32 \approx 5$$

:

$$5m = 2.5 \sqrt[4]{n} = 2.5 \times \sqrt[4]{20} = 2.5 \times 2.114 = 5.28 \approx 5$$

-3

$$L = \frac{T.R}{m} = \frac{45}{9} = 9$$

class	f _i	f _i
40-49		4
50-59		3
60-69		7
70-79		4
80-89		2
Total	20	20

: هناك عدة طرق لكتابة حدود الفئات :

- 1- اما ان تكون الاعداد لمتغيرات منفصلة كما في المثال السابق
- 2- تكون الاعداد لمتغيرات متصلة وهو الذي يمثل بعدد صحيح او كسر مثل الاوزان والاطوال وتكتب :

40 50

50 60

60 70

: بالصيغة الاتية :

40-

50-

60-

70 -

هذه الطريقة بالوضوح وتستخدم غالبا التي تمثل متغيرات متصلة

- 3- وقد تكتب الفئات حسب الصيغة التالية :

40 50

50 60

60 70

40-

50-

60-

70-

قد يكون التوزيع في الجدول التكراري البسيط توزيعا منتظما كما في المثال السابق وذلك لتساوي طول الفئة ، او يكون التوزيع غير منتظم اذا كان طول الفئة غير متساوي ، او يكون ال الحد الاعلى للفئة معروف ، او يكون الجدول مفتوحا في الحالات الاتية :

- يكون مفتوحا من الطرف الادنى فقط

- يكون مفتوحا من الطرف الاعلى فقط

- يكون مفتوحا من الطرفين (اذا كان الحد الانى والحد الاعلى للفئة غير معلوم)

(2) : البيانات الاتية لظاهرتين x y المطلوب تفريغها في جدول تكراري مزدوج

X 2 , 10 , 11 , 4 , 20 , 15 , 15 , 3

Y 3 , 2 , 5 , 6 , 8 , 10 , 2 , 10

X 25 , 25 , 20 , 22 , 15 , 20 , 30 , 30 ,

Y 2 , 6 , 5 , 9 , 15 , 12 , 3 , 9

X 35 , 30 , 35 , 31

Y 10 , 12 , 11 , 4

: نستخرج معلومات لكل ظاهرة على حدى

1- المتغير X

:

$$T.R = XL - XS + 1 = 35 - 2 + 1 = 34$$

:

$$m = 2.5 \sqrt[4]{n} = 2.5 \times \sqrt[4]{20} = 2.5 \times 2.114 = 5.28 \approx 5$$

:

$$L = \frac{T.R}{m} = \frac{34}{5} = 6.8 \approx 7$$

2- المتغير Y

3- :

$$T.R = XL - XS + 1 = 15 - 2 + 1 = 14$$

4- :

$$m = 1 + 3.322 \log n = 1 + 3.322 \log 20 = 5.31 \approx 5$$

5- :

$$L = \frac{T.R}{m} = \frac{14}{5} = 2.8 \approx 3$$

f_x	f_y	f_{ix}		f_{iy}	
2-8	2-4		3		6
9-15	5-7		5		4
16-22	8-10		4		6
23-29	11-13		2		3
30-36	14-16		6		1
Total		20		20	

:

X \ Y	2-8	9-15	16-22	23-29	30-36	Total
2-4						6
5-7						4
8-10						6
11-13						3
14-16						1
Total	3	5	4	2	6	20

17-1. التوزيع التكراري المتجمع

التوزيع التكراري البسيط يعطينا عن عدد المفردات في كل فئة لكن في بعض الاحيان نرغب في معرفة عدد المفردات التي قيمتها أقل او أكثر من قيمة معينة في التوزيع التكراري . ويعرف التوزيع التكراري المتجمع: بأنه التوزيع الذي يبين كمية التكرار المتجمع عند قيمة معينة من قيم المتغير العشوائي. وهناك التكرارية المتجمعة . ويرمز له ب F_i

- التوزيع التكراري المتجمع الصاعد : وهو عبارة عن تجميع من الفئة الاولى وانتهاء بالفئة الاخيرة منه ويتم حساب التكرارات المتجمعة على اساس الحدود العليا للفئات .

(3) : جدول التوزيع التكراري المتجمع الصاعد الاتية التي تمثل الوزن بالكيلو

غرامات لعشرين طالبا في المعهد التقني نينوى

(67,55,65.70,75,60,89,83,65,56,49,65,49,48,69,62,72,45,56,74,)

يكون كالاتي:

من الفئة الدنيا الى الفئة العليا

	f_i	الحدود العليا للفئات	F
40-49	4	49	4
50-59	3	59	7
60-69	7	69	14
70-79	4	79	18
80-89	2	89	20
	20		

- جدول التوزيع المتجمع : عبارة عن تجميع

ابتداء من الفئات العليا وانتهاء بالفئات الدنيا

ابتداء بالفئة الاولى في التوزيع وانتهاء بالفئة الاخيرة منه . ويتم حساب التكرارات المتجمعة النازلة على اساس الحدود الدنيا للفئات .

(3) فان التوزيع التكراري المتجمع النازل يكون كالآتي :

	f_i	الحدود الدنيا	F
40-49	4	40	20
50-59	3	50	16
60-69	7	60	13
70-79	4	70	6
80-89	2	80	2
	20		

1/ ما هو الهدف من دراسة مادة الإحصاء ؟

2/ عرف علم الإحصاء وما هي اقسامه ؟

3/ ما هي أهمية علم الإحصاء وما هي علاقته بالعلوم الأخرى ؟

4/ ما المقصود بالمتغيرات المستمرة وغير المستمرة ؟

5/ ما المقصود بالعينة والمجتمع ؟

6/ ما هو أسلوب تصميم البحث ؟

7/ ما هي أساليب جمع البيانات والمعلومات وضحها بالتفصيل؟

8/ عدد أنواع العينات؟

9/ ما هي مصادر جمع البيانات؟

10/ عرف كلا مما يأتي :

مراجعة البيانات ، تصنيف البيانات ، تبويب البيانات ، التبويب الزمني للبيانات ، التبويب الجغرافي للبيانات
التبويب الكمي ، التبويب على أساس صفة معينة.

11/ ما المقصود بما يلي :

التوزيع التكراري ، البيانات غير المبوبة ، البيانات المبوبة ، طول الفئة ، المدى ، مركز الفئة ، تكرار الفئة .

12/ ما هي أنواع الجداول الإحصائية مع توضيح كل نوع؟

العرض البياني للبيانات المبنوية

2. العرض البياني للبيانات المبوبة

العرض البياني للبيانات : الرسوم والاشكال الهندسية ما هي الا تعبير وتوضيح للبيانات بطريقة جذابة وسهلة وفعالة تساعد على فهم واستيعاب الظاهرة ومقارنتها مع بعضها . ووسائل التمثيل البياني كثيرة ومتنوعة وسنكتفي بشرح العرض البياني للتوزيعات التكرارية فقط . وعادة نخصص المحور الافقي او الاحداثي السيني لتمثيل قيم او فئات المتغير بينما نخصص الـ
تلك تكرارات هذا المتغير ويجب دائما ان يبدأ تدريج المحور العمودي من الصفر اما تدريج المحور الافقي فقد بتدريجه من اشكال العرض البياني نذكر .

1-2

عبارة عن مستطيلات رأسية تمتد قواعدها المحور الافقي لتمثل اطوال الفئات بينما ارتفاعاتها تمثل تكرارات مدرج تكراري تتبع الخطوات الاتية :

1-

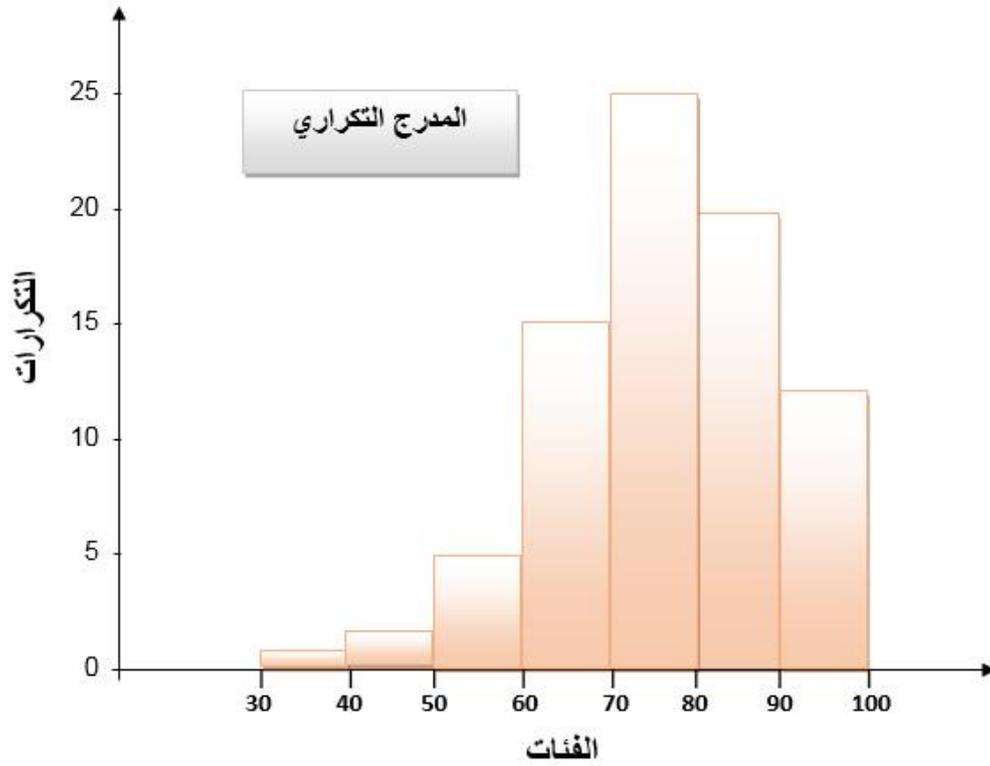
2- تدريج المحور الافقي الى اقسام متساوية بحيث يشمل جميع حدود الفئات ويفضل ترك مسافة صغيرة بين الادنى للفئة الاولى، ونقسم المحور العمودي الى اقسام متساوية بحيث تشمل اكبر

3- يرسم على كل فئة مستطيلا رأسيا تمثل قاعدته طول تلك الفئة وارتفاعه يمثل تكرارها

(1) الجدول الاتي يمثل توزيع تكراري نباتات القطن /المطلوب : تمثيل التوزيع التكراري

	90-100	80-90	70-80	60-70	50-60	40-50	30-40	
80	12	20	25	15	5	2	1	

:



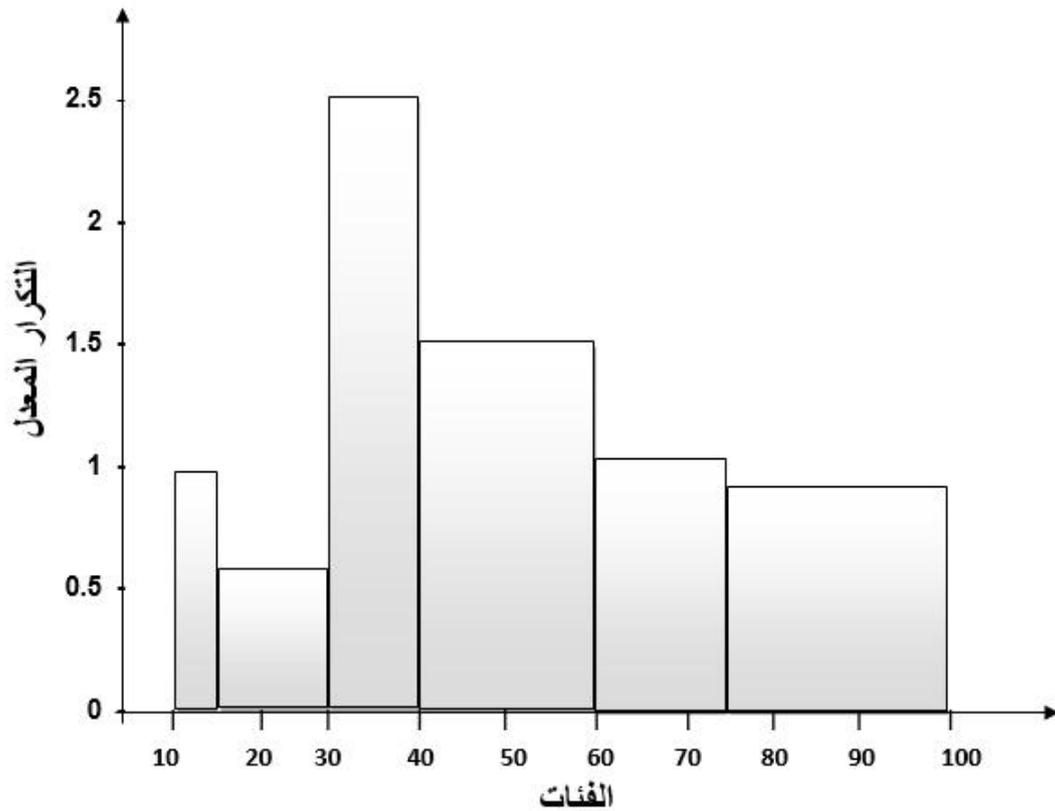
: اذا كانت الفئات غير متساوية عند رسم المدرج التكراري يتم استخراج التكرار المعدل حيث ان التكرار المعدل يساوي تكرار الفئة مقسوم على طول الفئة ويتم اعتماده في المحور العمودي.

(2): توزيع تكراري لفئات غير متساوية المطلوب رسم مدرج تكراري؟

	f_i	L	$f_i^* = f_i / L$
10-14	5	5	1
15-29	9	15	0.6
30-39	25	10	2.5
40-59	30	20	1.5
60-74	15	15	1
75-100	20	25	0.8
Total	104		

قانون التكرار المعدل يكتب بالصيغة التالية:

$$f_i^* = f_i / L \quad \text{التكرار المعدل:}$$



2-2. :

هو وسيلة اخرى لتمثيل التوزيع التكراري بيانيا ويمكن رسمه طريقتين اولهما: اذا كان المدرج التكراري معلوم . ويتم ذلك بتصنيف القواعد العليا لمستطيلات المدرج ثم نصل بين هذه النقط بمستقيمات ورسم فئة قبل الاولى تكرارها صفر وفئة بعد الاخيرة تكرارها صفر وتصنيف هاتين الفئتين وتوصيل بقية الخط نحصل على ما يسمى

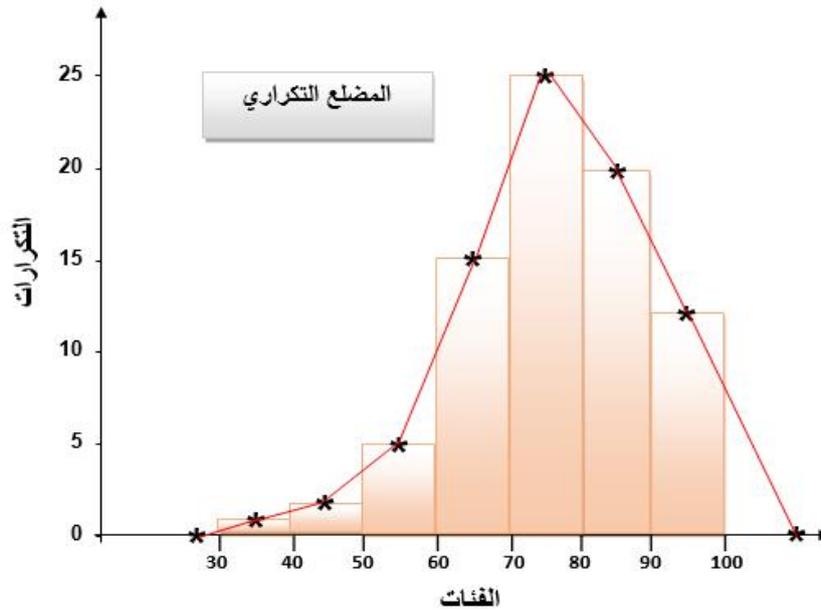
(3) : ما يلي للبيانات التالية :

1- المضلع التكراري بطريقتين

2-

	90-100	80-90	70-80	60-70	50-60	40-50	30-40	
80	12	20	25	15	5	2	1	

الطريقة الأولى:



الطريقة الثانية :

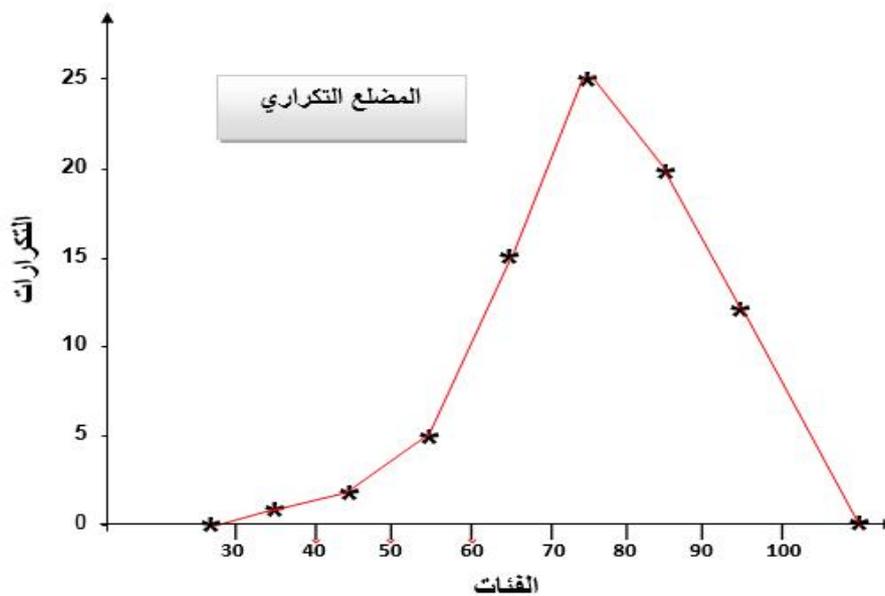
وعليه فان المحور الافقي يمثل مراكز الفئات والمحور العمودي يمثل التكرارات ثم نصل النقاط بعضها ببعض وعليه فان خطوات رسم المضلع التكراري كما يأتي :

1- يجاد مراكز الفئات على المحور الافقي

2- تحديد النقطة التي تقابل مركز كل فئة على المحور الرأسي

3 - مستقيمت بين النقاط التي حددناها بعضها ببعض

وعليه فان المضلع التكراري يكون بالشكل التالي



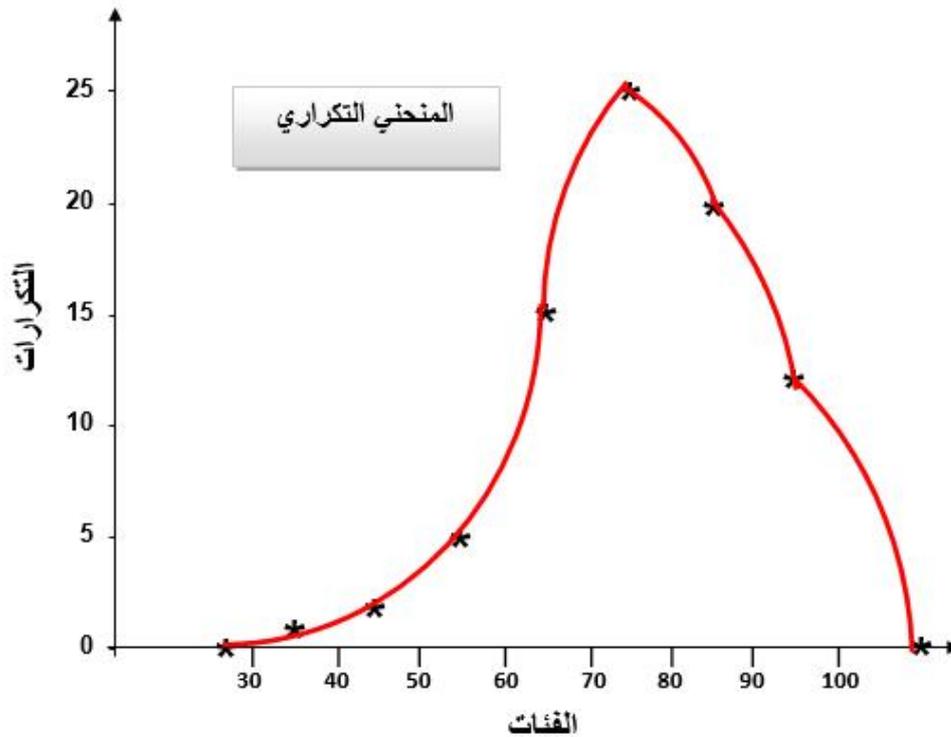
3-2.

هو طريقة شائعة في الرسم البياني وهو عبارة عن منحنى يمر بمعظم النقاط الواقعة على مراكز الفئات والتي اعها يمثل تكرارات تلك الفئة

-1

2- نرسم الاحداثيين الافقي (الفئات) والعمودي (التكرارات) ثم نعين النقاط فوق مراكز الفئات ونصل بينها

ولرسم منحنى تكراري للمثال يكون كالآتي:



4-2.

:

لرسم هذا المنحنى نتبع الخطوات الآتية :

1- نكون جدولاً تكرارياً متجمعاً صاعداً من الجدول التكراري البسيط

2- نرصد نقاطاً احداثياتها الافقية الحدود العليا للفئات واحداثياتها العمودية

هذه النقاط ببعضها بخط منحنى يكون هو المنحنى المتجمع الصاعد وتسري هذه الخطوات على الجداول الغير

مة بدون ان نعدل التكرارات وذلك لان رسم المنحنى المتجمع الصاعد او النازل لتوزيع فئات غير متساوية لا يستدعي تعديل التكرارات .

(4) : التوزيع الاتي يمثل ما تدفعه 150 عائلة فلاحية للإيجار سنويا . المطلوب/ رسم منحنى متجمع

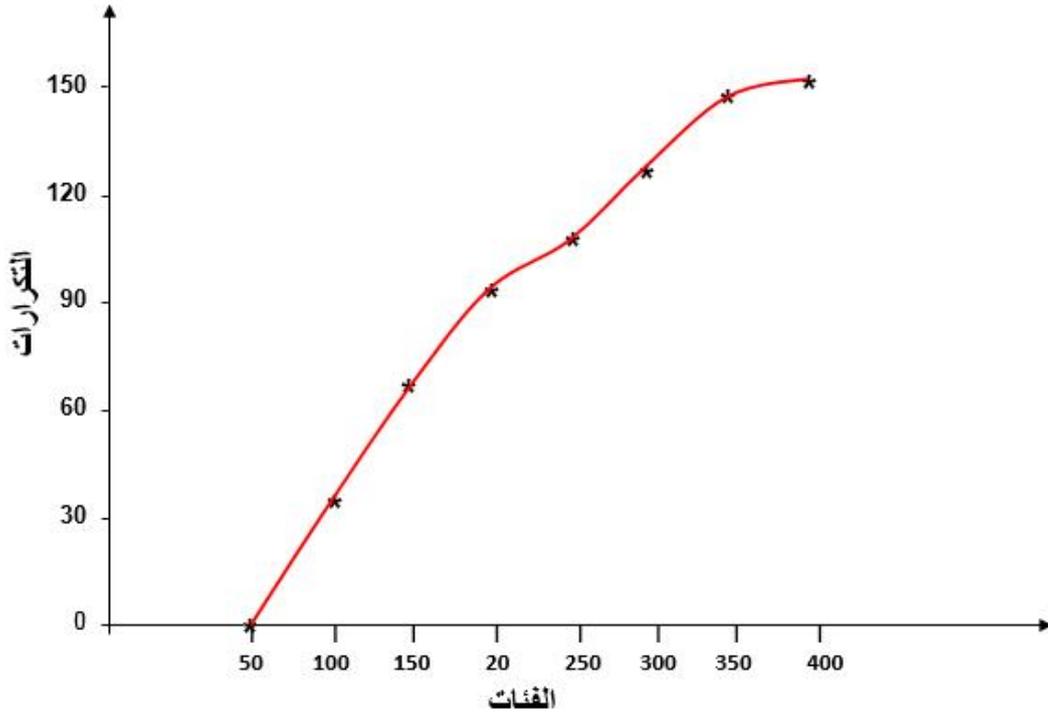
صاعد لهذا التوزيع

	350-400	300-350	250-300	200-250	150-200	100-150	50-100	
150	8	13	17	20	25	35	32	

:

نكون جدول التكرار المتجمع الصاعد وكما يلي :

الحدود العليا للفئات	
100	32
150	67
200	92
250	112
300	129
350	142
400	150



5-2.

:

لرسم المنحنى من الجدول البسيط المنتظم وغير المنتظم نتبع الخطوات الآتية :

- 1- نكون جدولاً تكرارياً متجمعاً نازلاً من الجدول التكراري البسيط
- 2- نرصد نقاطاً أحداثياتها الأفقية الحدود الدنيا للفئات وأحداثياتها العمودية التكرارات المتجمعة النازلة ثم نصل هذه النقاط بعضها ببعض فيكون هو المنحنى التكراري .

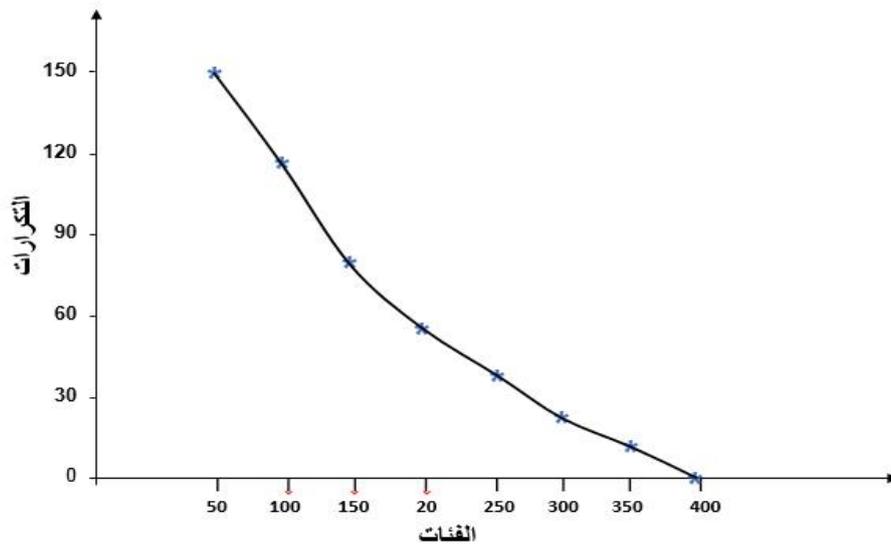
(5) : التوزيع الآتي يمثل ما تدفعه 150 عائلة فلاحية للإيجار سنوياً . المطلوب/ رسم منحنى متجمع صاعد لهذا التوزيع

	350-400	300-350	250-300	200-250	150-200	100-150	50-100	
150	8	13	17	20	25	35	32	

:

التكرار المتجمع النازل وكما يلي :

الحدود الدنيا للفئات	
50	150
100	118
150	83
200	58
250	38
300	21
350	8



لرسم المنحنى من الجدول البسيط المنتظم وغير المنتظم نتبع الخطوات الآتية :

3- نكون جدولاً تكرارياً متجمعاً نازلاً من الجدول التكراري البسيط

4- نرصد نقاطاً أحداثياتها الأفقية الحدود الدنيا للفئات وأحداثياتها العمودية

نصل هذه النقاط ببعضها ببعض بخط منحنى فيكون هو المنحنى التكراري المتجمع النازل .

3- نرصد نقاطاً أحداثياتها الأفقية الحدود العليا للفئات وأحداثياتها العمودية التكرار المتجمع الصاعد ونصل

هذه النقاط ببعضها ببعض بخط منحنى يكون هو المنحنى المتجمع الصاعد وتسري هذه الخطوات على الجداول الغير

منتظمة بدون ان نعدل التكرارات وذلك لان رسم المنحنى المتجمع الصاعد او النازل لتوزيع فئات غير

متساوية لا يستدعي تعديل التكرارات .

(6) : التوزيع الآتي يمثل ما تدفعه 150 عائلة فلاحية للإيجار سنوياً . الم

لهذا التوزيع

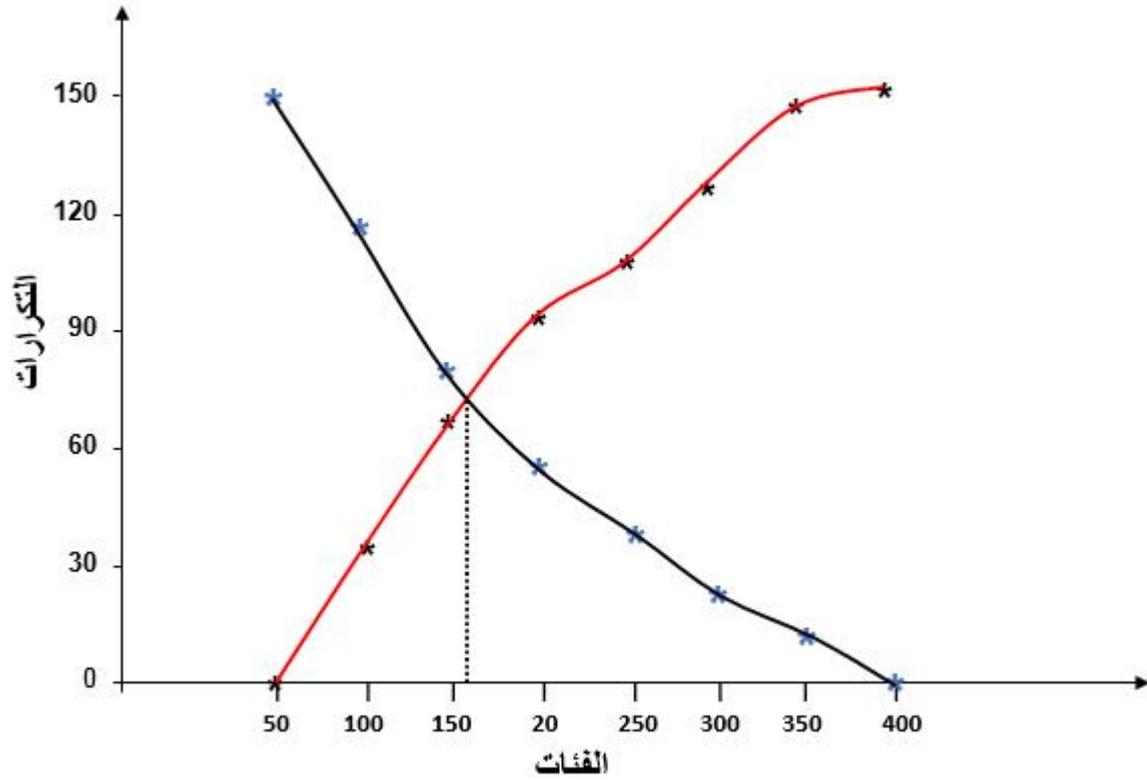
	350-400	300-350	250-300	200-250	150-200	100-150	50-100	
150	8	13	17	20	25	35	32	

:

النازل وكما يلي :

الحدود الدنيا للفئات	الحدود العليا للفئات	
50	100	150
100	150	118
150	200	83
200	250	58
250	300	38
300	350	21
350	400	8

كما يلي



1/ اكتب ما تعرفه عن ما يلي :

2/ فرغ البيانات ادناه في جدول تكراري بسيط

48 , 38 , 51 , 45 , 56 , 39 , 50 , 71 , 65 , 34 , 51 , 66 , 27 , 73 , 69 , 34 , 43 , 34 , 53 , 54 , 71 ,
 91 , 44 , 53 , 36 , 49 , 56 , 45 , 64 , 59 , 41 , 58 , 76 , 52 , 57 , 69 , 81 , 46 , 34 , 41 , 62 , 49 ,
 43 , 55 , 79 , 66 , 87 , 81 , 70 , 67 , 55 , 53 , 84 , 52 , 56 , 44 , 51 , 65 , 76 , 52 , 54 , 33 , 95 ,
 54 , 61 , 52 , 95 , 40 , 57 , 35 , 53 , 60 , 55 , 64 , 42 , 69 , 57 , 47 , 53 , 52 , 61 , 36 , 61 , 54 ,
 57 , 80 , 46 , 61 , 54 , 94 , 55 , 85 , 73 , 60 , 27 , 44 , 67 , 65 , 62 , 32 , 54

3/ في تجربة لقياس السرعة الاتية للمركبات على طريق خارجي اعطيت اليك البيانات كما في الجدول الاتي :
 المطلوب عمل جدول توزيع متجمع صاعد وجدول توزيع متجمع نازل

	120- 129	110- 119	100- 109	90- 99	80- 89	70- 79	60- 69	50- 59	40- 49	30- 39	
200	1	3	6	14	29	50	64	24	6	3	

4/ الاتي توزيع تكراري لأوزان عينة من طلبة احدى الكليات قوامها مئة طالب المطلوب رسم مدرج تكراري لهذا التوزيع

	95-102	88-95	81-88	74-81	67-74	60-67	53-60	46-53	
100	3	5	8	14	21	27	15	7	

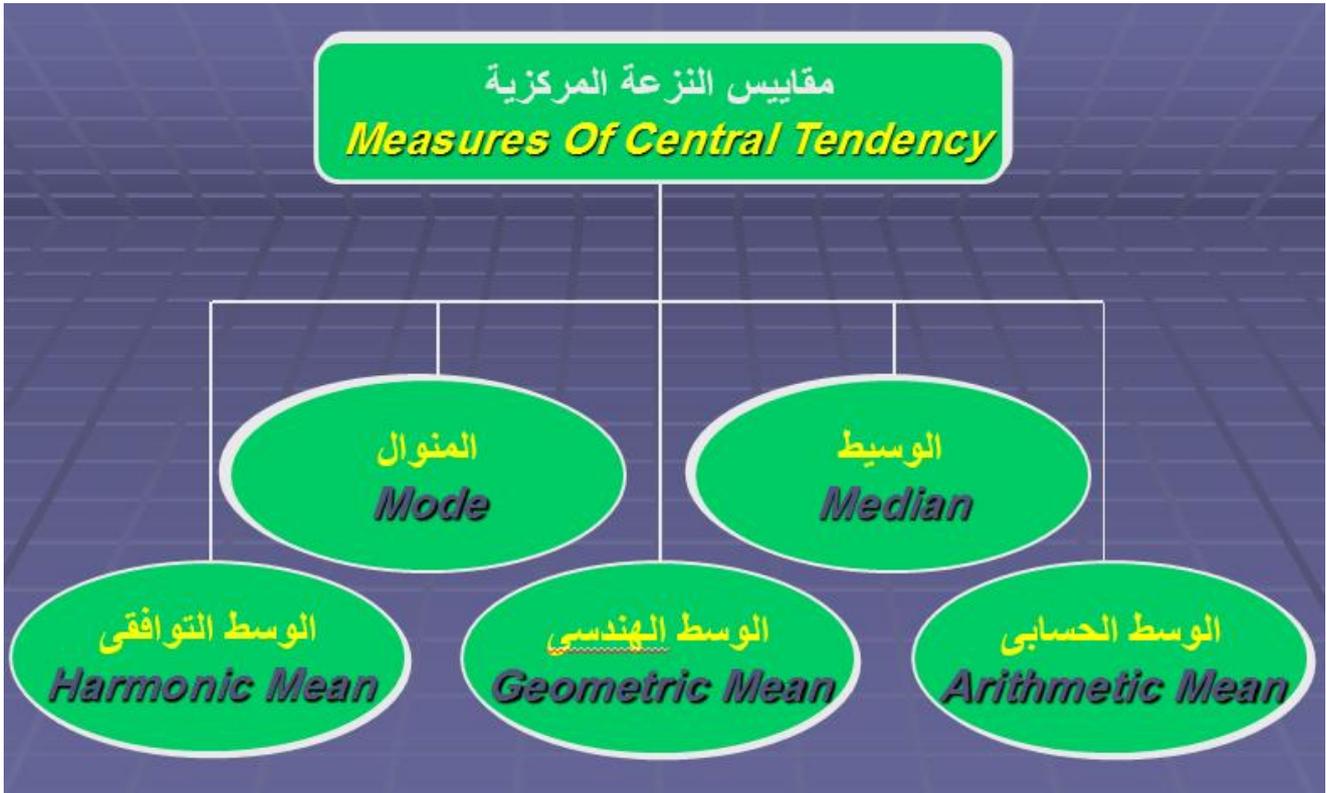
5/ البيانات التالية تمثل قيمة المنتجات المباعة بالآلاف ال لإحدى الشركات التجارية في الـ 70 يوم

56 75 70 66 60 **55** 65 70 65 56 66 71 62 67 71 61 67 61 70
60 75 69 71 57 69 72 68 57 72 68 65 63 73 66 63 58 73 67
62 72 58 74 60 81 80 74 76 74 73 58 72 **94** 78 91 85 77 83
77 82 76 62 78 88 64 87 55 79 57 64 79

ما يلي :

- 1- كون التوزيع التكراري لقيمة المبيعات
- 2-
- 3-
- 4-
- 5-
- 6-

مقاييس النزعة المركزية



مقاييس النزعة المركزية : رأينا في المحاضرات السابقة كيفية تمثيل البيانات بجداول ورسوم بغية تلخيصها وتوضيحها كذلك يمكن تمثيل البيانات بقيمة واحدة هي الوسط او المتوسط اي ان هذه البيانات تميل ان تقع في مركز البيانات المرتبة حسب الكبر لذلك تسمى مقاييس النزعة المركزية . والاوساط الاحصائية هي من اهم المقاييس الاحصائية الوصفية واكثرها استعمالا لدراسة البيانات ومقارنتها ، وهناك عدة انواع من المتوسطات واكثرها شيوعا واستعمالا هي :

Arithmetic mean

Median الوسيط

Mode

Geometric mean الوسيط الهندسي

Harmonic mean

1.3.

:

يسمى في بعض الاحيان الوسط او المتوسط او المعدل الحسابي وهو من اهم مقاييس النزعة المركزية على الاطلاق لما يمتاز به من سهولة في استخراجها من جهة ولخضوعه للعمليات الحسابية من جهة اخرى . وهناك عدة طرق لاستخراجها وهي كالآتي :

1-1-3 للبيانات غير المبوبة :

هناك طريقتين لحساب الوسط الحسابي

اولا : الطريقة المباشرة : الوسط الحسابي بموجب هذه الطريقة يمثل مجموع قياسات مفردات العينة مقسوما على عددها . يرمز للوسط الحسابي و عليه فان الوسط الحسابي بموجب هذه الطريقة

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$$

(1) : البيانات الاتية تمثل اوزان عينة من الطلبة قوامها 15 ، المطلوب ايجاد متوسط وزن الطالب هذه العينة (متغيرات مستمرة)

50.2 , 60.9 , 68.3 , 59.2 , 58.1 , 62.3 , 65.3 , 52.9 , 61.5 , 63.2 , 59.1 , 69.3 , 64.2 , 65.2 , 56.6

:

$$\begin{aligned}\bar{X} &= \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n} = \frac{50.1 + 60.9 + 59.2 + 58.1 + 62.3 + 65.3 + 52.9 + \dots + 56.6}{15} \\ &= \frac{916.3}{15} = 61.087 \text{ kg}\end{aligned}$$

لوقمنا بترتيب هذه البيانات تصاعديا لحصلنا على السلسلة التالية :

50.2 , 52.9 , 56.6 , 58.1 , 59.1 , 59.2 , 60.9 , 61.9 , 62.3 , 63.2 , 64.2 , 65.2 , 68.3 , 69.3

نلاحظ تمركز قيم وسط هذه المجموعة هذا بمقاييس النزعة المركزية .

ثانيا : الطريقة المختصرة (طريقة الانحرافات)

تستخدم هذه الطريقة في حالة كون قياسات العينة اعداد كبيرة يصعب التعامل معها عند ايجاد الوسط الحسابي خصوصا عند عدم توفر حاسبات تقي بالغرض مما يفضل اختزال هذه الاعداد الى اعداد اصغر يسهل التعامل

معها . نختار وسط فرضي يكون قريب من الوسط الحسابي من نفس البيانات او خارج عنها ويرمز له A انحرافات القيم عن الوسط الفرضي ويرمز له di و عليه فان الوسط الحسابي يكون :

$$\bar{X} = A + \frac{\sum d_i}{n}$$

حيث ان :

$$A =$$

تمثل انحرافات القيم عن الوسط الفرضي = di

$$d_i = x_i - A$$

ملاحظة قيمة A قيمة ثابتة نختارها من ضمن القيم ، نعتقد انها تمثل وسط القيم او مركزها اي تكون قريبة من

(2) : البيانات الاتية تمثل اوزان عينة من الطلبة قوامها 15 طالب ، المطلوب ايجاد متوسط وزن الطالب في

هذه العينة (متغيرات مستمرة) بطريقة

50.2 , 60.9 , 68.3 , 59.2 , 58.1 , 62.3 , 65.3 , 52.9 , 61.5 , 63.2 , 59.1 , 69.3 , 64.2 , 65.2 , 56.6

1- نحدد قيمة A بحيث تكون قريبة من الوسط الحسابي وفي قيمة A **61.5** او اي قيمة اخرى نختارها

2- نجد قيمة **di** **Xi-A** و عليه فان di للبيانات

3- di

$d_i = x_i - A$	
$d_1 = 50.2 - 61.5 = - 11.3$	$d_9 = 61.5 - 61.5 = 0$
$d_2 = 60.9 - 61.5 = - 0.6$	$d_{10} = 63.2 - 61.5 = 1.7$
$d_3 = 68.3 - 61.5 = 6.8$	$d_{11} = 59.1 - 61.5 = - 2.4$
$d_4 = 59.2 - 61.5 = - 2.3$	$d_{12} = 69.3 - 61.5 = 7.8$
$d_5 = 58.1 - 61.5 = - 3.4$	$d_{13} = 64.2 - 61.5 = 2.7$
$d_6 = 62.3 - 61.5 = 0.8$	$d_{14} = 65.2 - 65.5 = - 0.3$
$d_7 = 65.3 - 61.5 = 3.8$	$d_{15} = 56.6 - 61.5 = - 4.9$
$d_8 = 52.9 - 61.5 = - 8.6$	
$di = - 5$	

$$\ddot{X} = A + \frac{\sum d_i}{n}$$

$$\ddot{X} = A + \frac{\sum d_i}{n} = 61.5 + \frac{-5}{15} = 61.5 + 0.333 = 61.833$$

2-1-3. لبيانات مبوبة :

اولا : الطريقة المباشرة

$$\ddot{X} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i}$$

حيث أن :

=

$f_i =$

$X_i =$

خطوات ايجاد الوسط الحسابي لبيانات مبوبة :

1- تعيين مراكز الفئات

2- ضرب مركز كل فئة في التكرار المقابل له

3-) (* تكرارها

(3) الجدول الاتي يبين توزيع الاجور الاسبوعية لـ 63

	100-110	90-100	80-90	70-80	60-70	50-60	
63	5	10	14	16	10	8	

:

	(f _i)	(X _i)	f _i X _i
50-60	8	55	440
60-70	10	65	650
70-80	16	75	1200
80-90	14	85	1190
90-100	10	95	950
100-110	5	105	525
	63		4955

$$\bar{X} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i}$$

$$\bar{X} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i} = \frac{4950}{63} = 78.65$$

ثانيا : الطريقة المختصرة

نحتاج الى اختيار الوسط الفرضي ثم ايجاد انحرافات القيمة عن الوسط الفرضي حيث ان :

$$d_i = X_i - A$$

:

X_i

$$\bar{X} = A + \frac{\sum f_i d_i}{\sum f_i}$$

خطوات ايجاد الوسط الحسابي لبيانات مبوبة بالطريقة المختصرة :

1- X_i

2- نحدد وسطا فرضيا A

3- d_i

4- كل انحراف في التكرار المقابل له f_i d_i

5- (*)

6-

: اختيار الوسط الفرضي يؤدي الى تبسيط العمليات الحسابية ويكون اختياره حسب القواعد الآتية :

- 1- ان يكون الوسط الفرضي مركز
- 2- ان يكون قريبا من الوسط الحسابي
- 3- ان يكون امام اكبر تكرار :

(4) الجدول الآتي يبين توزيع الاجور الاسبوعية لـ 63

	100-110	90-100	80-90	70-80	60-70	50-60	
63	5	10	14	16	10	8	

	f_i	(X_i)	$d_i = X_i - A$	$f_i d_i$
50-60	8	55	$55 - 75 = -20$	-160
60-70	10	65	$65 - 75 = -10$	-100
70-80	16	<u>75</u>	$75 - 75 = 0$	0
80-90	14	85	$85 - 75 = 10$	140
90-100	10	95	$95 - 75 = 20$	200
100-110	5	105	$105 - 75 = 30$	175
	63			230

$$\ddot{X} = A + \frac{\sum f_i d_i}{\sum f_i} = 75 + \frac{230}{63} = 78.65$$

: لقد تم اختيار 75 لأنه يقابل اكبر تكرار

3-1-3. مزايا وعيوب الوسط الحسابي

يتميز الوسط الحسابي بالمزايا التالية :

1. أنه سهل الحساب .
2. يأخذ في الاعتبار كل القيم .
3. أنه أكثر المقاييس استخداما وفهما .

ومن عيوبه .

1. أنه يتأثر بالقيم الشاذة والمتطرفة .
2. يصعب حسابه في حالة البيانات الوصفية .
3. يصعب حسابه في حالة الجداول التكرارية المفتوحة

2-3. الوسيط Median

الوسيط لمجموعة من القيم هو القيمة التي يقع ترتيبها وسط المجموعة عند ترتيب هذه القيم تصاعديا او تنازليا . تقسم المجموعة الى قسمين متساويين ، بحيث يساوي عدد الحدود التي اصغر من الوسيط عدد الحدود الاكبر منه ، فمثلا لو كانت لدينا القيم 2 , 5 , 6 , 9 , 17 وارادنا ايجاد الوسيط لهذه المجموعة فإننا نرتب القيم تصاعديا فتصبح 2 , 5 , 6 , 9 , 17 فتكون القيمة التي تقع في الوسط هي الوسيط اي ان 6 هي الوسيط

1-2-3. الوسيط لبيانات غير مبوية

- اذا كان عدد القيم فرديا فيكون ترتيب الوسيط كما في الصيغة الاتية :

$$T = \frac{n + 1}{2}$$

حيث ان :

$T =$ ترتيب الوسيط وان n تمثل عدد القيم

خطوات ايجاد الوسيط

1- ترتيب القيم اما تصاعديا او تنازليا

2- نجد ترتيب الوسيط حسب الصيغة الاتية :

$$T = \frac{n + 1}{2}$$

3- تكون قيمة الوسيط هي القيمة الموجودة امام الترتيب الناتج في الخطوة (2)

(5) - لوسيط للبيانات التالية

152 , 189 , 12 , 63 , 204 , 78 , 134 .

:

نرتب القيم اما تصاعديا او تنازليا

ترتيب تصاعدي 12 , 63 , 78 , 134 , 152 , 189 , 204

او ترتيب تنازلي 204 , 189 , 152 , 134 , 78 , 63 , 12

ترتيب الوسيط

$$T = \frac{n + 1}{2} = \frac{7 + 1}{2} = 4$$

الوسيط هو الترتيب الرابع اي ان :

$$Me = 134$$

- اذا كانت عدد القيم (n) زوجي فيكون الوسيط الحسابي لقيمتي الترتيبين اللذين تسلسلها

$$T = \frac{n}{2} \quad ; \quad T = \frac{n}{2} + 1$$

(6) - المطلوب ايجاد الوسيط الاتية :

152 , 189 , 12 , 63 , 204 , 78 , 134 , 7

الحل : نرتب القيم اما تصاعديا او تنازليا

7, 12 , 63 , 78 , 134 , 152 , 189 , 204 .

الترتيب التصاعدي

$$T = \frac{n}{2} = \frac{8}{2} = 4$$

ي ترتيبه الرابع هو 78

$$T = \frac{n}{2} + 1 = \frac{8}{2} + 1 = 5$$

الذي ترتيبه الخامس هو 134

الوسيط يمثل الوسيط الحسابي لهاتين القيمتين اي ان :

$$Me = \frac{78 + 134}{2} = \frac{212}{2} = 106$$

اما لو كان الترتيب تنازلي : 204 , 189 , 152 , 134 , 78 , 63 , 12 , 7

$$T = \frac{n}{2} = \frac{8}{2} = 4$$

دد الذي ترتيبه الرابع هو 134

$$T = \frac{n}{2} + 1 = \frac{8}{2} + 1 = 5$$

الذي ترتيبه الخامس هو 78

الوسيط يمثل الوسط الحسابي لهاتين القيمتين اي ان :

$$Me = \frac{134 + 78}{2} = \frac{212}{2} = 106$$

3-2-2. الوسيط لبيانات مبوبة :

- الوسيط لبيانات مبوبة (متغير متقطع)

المتغيرات المنفصلة او المتقطعة (Discrete Variables) : وهي المتغيرات الكمية التي قيما
عددية محددة صحيحة ولا تحتوي علي قيم كسرية مثل : عدد المصانع في كل مدينة من مدن دولة ما ،
عدد حوادث السيارات التي وقعت في الربع الاول من هذه السنة في 5 مناطق مختلفة ، وعدد المدرسين
ارس الثانوية في مدينة خلال هذه السنة ، الخ.
يمكننا ايجاد الوسيط من الجداول التكرارية البسيطة بتحويلها الى جداول تكرارية صاعدة او نازلة .

الوسيط في حالة التكرار المتجمع الصاعد

خطوات ايجاد الوسيط لبيانات مبوبة لمتغير متقطع

-1

$$T = \frac{\sum f_i}{2}$$
 نجد ترتيب الوسيط والذي يساوي

..... : f_i هنا التكرارات الاصلية وليس التكرار المتجمع الصاعد

2- نحدد قيمة الوسيط وهي التي تقع بين التكرارين (يعني ترتيب الوسيط بين التكرارين)

3- نحدد فئة الوسيط مركز هذه الفئة يمثل الوسيط

(7) :الاتي توزيع لعينة من الاسر

حساب الوسيط لعدد افراد الاسرة

	20-22	17-19	14-16	11-13	8-10	5-7	2-4	
80	8	11	14	20	12	9	6	

:

	(fi)	الحدود العليا للفئات	(Fi)
2-4	6	4	6
5-7	9	7	15
8-10	12	10	<u>27</u>
11-13	20	13	<u>47</u>
14-16	14	16	61
17-19	11	19	72
20-22	8	22	80
	80		

$$T = \frac{\sum f_i}{2} = \frac{80}{2} = 40$$

ترتيب الوسيط :

اي الوسيط يقع بين التكرارات 47 27

وعليه فان فئة الوسيط هي الفئة (11-13) لأنها

47 وان الوسيط يمثل مركز هذه الفئة

وعليه فالوسيط يساوي 12 :

$$Me = \frac{11 + 13}{2} = 12$$

- الوسيط لبيانات مبوبة لمتغير

المتغيرات الكمية المتصلة (Continuous Variables) : وهي المتغيرات الكمية التي قيما تكون عددا صحيحا وكسرا من وحدة القياس مثل : متغير الدخل اليومي (بالدينار) لعينة من الاشخاص ،

(8) - اوجد الوسيط من التوزيع التكراري الاتي :

	(fi)	الحدود العليا للفئات	(Fi)
50-60	8	60	8
60-70	10	70	18
70-80	16	80	34
80-90	14	90	48
90-100	10	100	58
100-110	5	110	63
110-120	2	110	65
	65		

:

ترتيب الوسيط :

$$T = \frac{\sum f_i}{2} = \frac{65}{2} = 32.5$$

الوسيط يقع بين التكرارات (18 34) اي ان فئة الوسيط هي (70 - 80)

نطبق صيغة القانون الاتية :

$$Me = L_K + \frac{\sum f_i - F_{K-1}}{F_K - F_{K-1}} \times h_K$$

$$L_K = 70 ; f_i = 65 ; F_K = 34 ; F_{K-1} = 18 ; h_K = 10$$

$$Me = L_K + \frac{\sum f_i - F_{K-1}}{F_K - F_{K-1}} \times h_K = 70 + \frac{65 - 18}{34 - 18} \times 10 = 70 + \frac{145}{16} = 79.63$$

(1) : في حالة التكرار المتجمع الصاعد نختار الفئة الوسطية المقابلة للتكرار الاقرب

الوسيطية

النازل نطبق الصيغة الآتية :

_____ (2)

$$Me = L_K + \frac{F_{K-1} - T}{F_K - F_{K-1}} \times h_K$$

(3) : يمكن إيجاد الوسيط من بيانات مفتوحة كما يمكن إيجاده إذا كانت أطوال الفئات غير متساوية دون الحاجة إلى تعديل التكرارات .

3-2-3. حساب الوسيط باستخدام الرسم

يمكن حساب الوسيط للبيانات المبوبة بطريقة أخرى عن طريق رسم المنحنى المتجمع الصاعد أو الهابط أو كليهما .

وإذا قمنا باستخدام إحدى الطريقتين الأولى والثانية فإننا :

$$T = \frac{\sum f_i}{2}$$

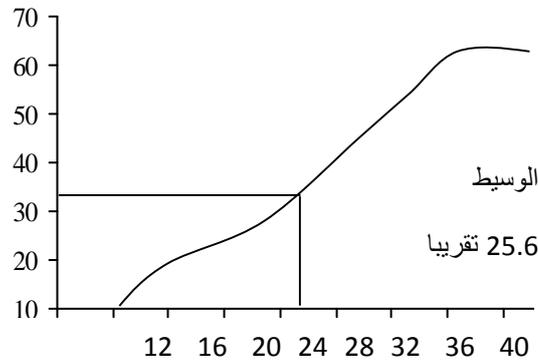
1- نوجد ترتيب الوسيط .

2- نحددها على المحور الصادي ثم نرسم من هذه النقطة مستقيم يوازي المحور السيني ومن نقطة تقابله مع

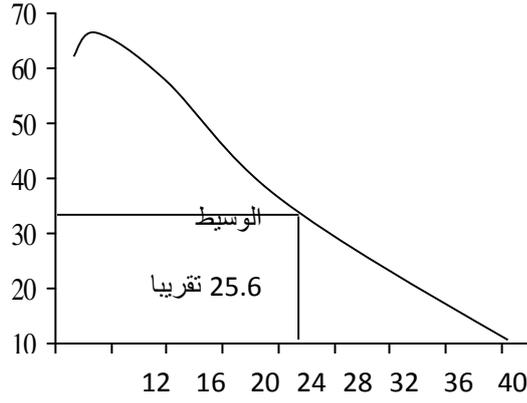
المنحنى نسقط عمود فتكون نقطة التقائه مع المحور السيني هي قيمة الوسيط.

أما إذا استخدمنا الطريقة الثالثة (المنحنيان معا) فنقوم برسم المنحنيين المتجمعين الصاعد والهابط معا فيتقابل

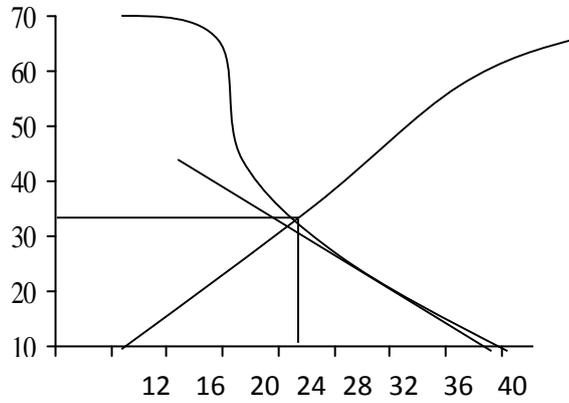
المنحنيان معا في نقطة واحدة ، نسقط منها عمود يلاقى المحور السيني في نقطة هي تمثل قيمة الوسيط .



إيجاد الوسيط بيانياً باستخدام التكرار المتجمع الصاعد .



أيجاد الوسيط بيانياً باستخدام التكرار المتجمع الهابط .



استخدام المنحنى الصاعد والمنحنى الهابط

3-2-3. مزايا وعيوب الوسيط

من مزايا الوسيط

- 1- لا يتأثر بالقيم ا .
- 2- كما أنه سهل ف .
- 3- مجموع قيم الانحرافات المطلقة عن الوسيط أقل من مجموع الانحرافات المطلقة عن أي قيم

$$\sum |x - Med| \leq \sum |x - a| , a \neq Med \quad : \quad .$$

ومن عيوب الوسيط

- 1- أنه لا يأخذ عند حسابه كل القيم ف الاعتبار، فهو يعتمد على قيمة أو قيمتين .
- 2- يصعب حسابه ف حالة البيانات الوصفية المقاسة بمعيار اسم nominal

المنوال ، مفهومه ،حسابه للبيانات غير المبوبة والبيانات المبوبة (طريقة بيرسون حسابيا وبيانيا)

هو أحد مقاييس النزعة المركزية المناسبة لمستويات القياس الأسمى ، ويعرف المنوال بأنه القيمة الأكثر شيوعاً أو القيمة تتكرر أكثر من غيرها .

1. يوصف التوزيع بأنه وحيد المنوال unimodal

2. وقد يكون للتوزيع منوالين Bimodal

3. وأحيانا يكون له عدة منوال multi-modal

وفى مجموعة البيانات الصغيرة حيث لا تتكرر القيم لا يوجد منوال.

وعندما يكون للبيانات أكثر من منوال فلا يجوز حساب متوسطها لان ذلك يتنافى مع معنى المنوال (القيمة الأكثر تكراراً) ، كما أنه إذا حسب متوسط المنوالين مثلا فقد يكون لقيمة أقل تكراراً.

3-3-1. حساب المنوال من بيانات غير مبوبة

(9) : في البيانات الاتية

3, 4, 5, 6, 2, 3

نرتب ترتيب تصاعدي

2, 3, 3, 3, 4, 5, 6

: المنوال هو الرقم 3 لأنه تكرر اكثر من غيره من بين مفردات المجموعة .

..... : بعض القيم تكون عديمة المنوال اذا لم يوجد رقم متكرر اكثر من غيره كما قد يكون هذ

(10) : احسب المنوال للبيانات التالية

2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 19

لا يوجد منوال لهذه البيانات لأنه لا يوجد

(11) : جد المنوال للبيانات التالية

2, 4, 8, 10, 12, 2, 5, 4, 6

نرتب ترتيب تصاعدي

2, 2, 4, 4, 5, 6, 8, 10, 12

المونال هنا 4 2 مونال لانهما تكررنا بنفس المقدار

2-3-3. المونال لبيانات مبوبة

يمكن ايجاد المونال بعدة طرق بعد ايجاد الفئة المونالية ، وتعرف الفئة المونالية بانها : الفئة التي تح
اكبر تكرر، وذلك لان المونال حسب التعريف هو القيمة التي تتكرر اكثر من غيرها . ومن هذه الطرق

طريقة بيرسون وتسمى ايضا طريقة الفروق

ملخص هذه الطريقة (الخطوات)

1- نختار اكبر تكرر نفضه f_k والفئة التي تقابله هي الفئة المونالية (طولها h_k)

2- رار الذي قبله ويرمز له f_{k-1}

3- نحدد التكرار الذي بعده ويرمز له f_{k+1}

4- نحدد الحد الادنى للفئة المونالية (بداية الفئة المونالية) ويرمز لها L_k

5- نحسب قيمة المونال بتطبيق صيغة القانون الاتي :

$$Mo = L_K + \frac{f_K - f_{k-1}}{(f_K - f_{K-1}) + (f_K - f_{K+1})} \times h_K$$

ولتسهيل الامر نرمز لـ الفرق بين تكرر الفئة المونالية والفئة التي قبلها بـ 1 ونرمز للفرق بين تكرر الفئة
المونالية والفئة التي بعدها بـ 2 فيصبح القانون :

$$\Delta_1 = f_K - f_{K-1} \quad ; \quad \Delta_2 = (f_K - f_{k-1}) + (f_K - f_{K+1})$$

$$Mo = L_K + \frac{\Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2} \times h_K$$

حيث ان :

$$Mo =$$

L_k = بداية الفئة المونالية

f_k = تكرر الفئة المونالية

f_{k-1} = السابق للفئة المونالية

التكرار اللاحق للفئة المنوالية = f_{k+1}

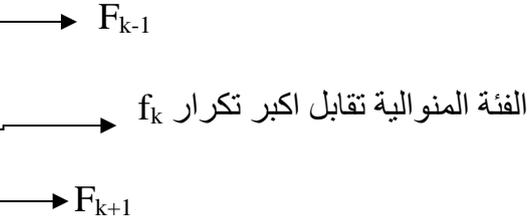
طول الفئة المنوالية = h_k

(12) : من الجدول الاتي اوجد المنوال بطريقة بيرسون

	120-110	110-100	100-90	90-80	80-70	70-60	60-50	
65	2	5	10	14	16	10	8	

:

	(f _i)
50-60	8
60-70	10
70-80	16
80-90	14
90-100	10
100-110	5
110-120	2
	65



1- f_k هو 16 وعليه فان الفئة المنوالية هي (70-80)

2- F_{k-1} (التكرار السابق للفئة المنوالية هو 10

3- F_{k+1} (التكرار اللاحق للفئة المنوالية هو 14

4- L_k بداية الفئة المنوالية هو 70

5- h_k طول الفئة المنوالية هو 10

6-

$$Mo = L_K + \frac{f_K - f_{k-1}}{(f_K - f_{K-1}) + (f_K - f_{K+1})} \times h_K$$

$$Mo = 70 + \frac{16 - 10}{(16 - 10) + (16 - 14)} \times 10 = 70 + \frac{60}{8} = 77.5$$

(1) : يمكن ايجاد المنوال من بيانات مفتوحة وهذه احد مزاياه

(2) : اذا كانت اطوال الفئات غير متساوية يستلزم تعديل التكرارات . والتكرار المعدل هو تكرار الفئة

ل الفئة ويرمز للتكرار المعدل بـ f_i^*

(13) : من التوزيع الاتي اوجد المنوال

	f_i	L	f_i^*
5-10	2	5	$2 / 5 = 0.4$
10-15	6	5	$6 / 5 = 1.2$
15-25	10	10	$10 / 10 = 1$
25-35	22	10	$22 / 10 = 2.2$
35-50	27	15	$27 / 15 = 1.8$
50-60	11	10	$11 / 10 = 1.1$
Total	68		

$$Mo = L_K + \frac{f_K - f_{k-1}}{(f_K - f_{K-1}) + (f_K - f_{K+1})} \times h_K$$

$$Mo = 25 + \frac{2.2 - 1}{(2.2 - 1) + (2.2 - 1.8)} \times 10 = 25 + \frac{1.2 \times 10}{1.2 + 0.4} = 25 + \frac{12}{1.6} = 32.5$$

3-3-3. أيجاد المنوال عن طريق

يمكن تقدير المنوال بطريقة الرسم البياني للمدرج التكراري وذلك باستعمال مستطيل الفئة المنوالية (وهو اعلى مستطيل لأنه يمثل اكثر) والمستطيل ن المجاوران له.

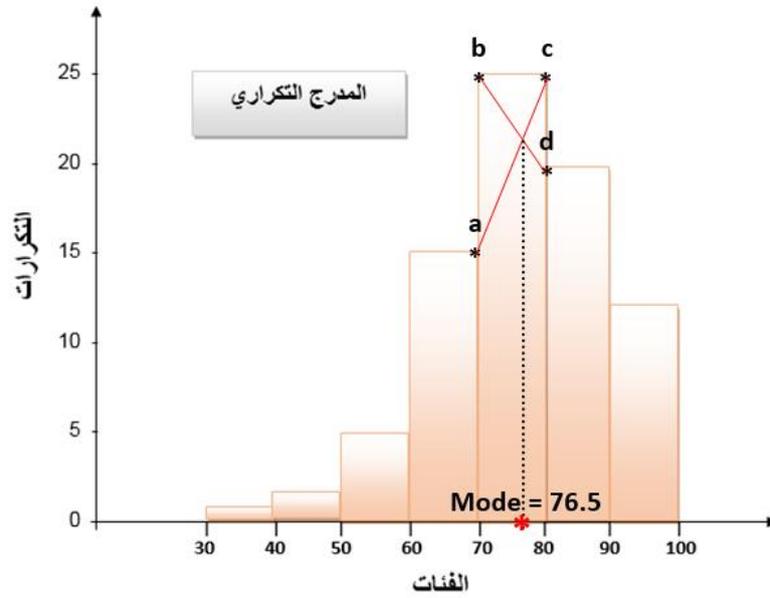
فان المنوال يتحدد بـ **a** **c** **b** **d** ومن نقطة تلاقيهما نزل عمودا على المحور السيني يقطعه في نقطة هي قيمة المنوال .

ب ايجاد المنوال بطريقة الرسم ؟

(14) الجدول الاتي يمثل توزيع تكراري

	90-100	80-90	70-80	60-70	50-60	40-50	30-40	
80	12	20	25	15	5	2	1	

:



4-3-3. مميزات وعيوب المنوال

مميزات المنوال :

1- مقياس سهل حسابه ولا يتأثر بالقيم الشاذة.

2- يمكن ايجاده للقيم الوصفية والتوزيعات التكرارية المفتوحة .

عيوب الـ :

1- جميع قيم البيانات في الاعتبار .

2- قد يكون لبعض البيانات اكثر من منوال وبذلك لا يمكن تحديد قيمة وحيدة المنوال .

5-3-3. العلاقة بين الوسط الحسابي والوسيط والمنوال

توجد علاقة تجريبية بين المقاييس الثلاثة (الوسط الحسابي - الوسيط - المنوال) وذلك في حلة التوزيعات التكرارية أحادية المنوال وغير المتماثلة والمتماثلة وذات الالتواء البسيط ، وتعطى هذه العلاقة من خلال المعادلة التالية :

$$- = 3 (- الوسيط)$$

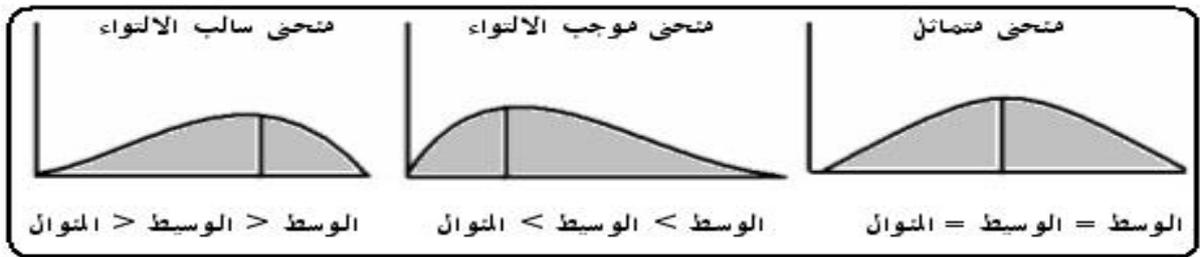
وقد وجد ان الوسيط تقع قيمته بين قيمتي الوسط الحسابي والمنوال .

وفي حالة التوزيعات التكرارية المتماثلة الوحيد المنوال فان قيمة الوسط الحسابي تكون مساوية لقيمة الوسيط تكون مساوية لقيمة المنوال أي ان :

$$\text{الوسط الحسابي} = \text{الوسيط} -$$

3-3-6. استخدام مقاييس النزعة المركزية في تحديد شكل توزيع البيانات

يمكن استخدام الوسط الحسابي والوسيط والمنوال في ، والذي يعبر عن شكل توزيع البيانات ، كما يلي :



- يكون المنحنى متماثل إذا كان :
الوسط = الوسيط = المنوال .
- يكون المنحنى موجب الالتواء (ملتو جهة اليمين) إذا كان :
المنوال < الوسيط < الوسط
- يكون المنحنى سالب الالتواء (ملتو جهة اليسار) إذا كان :
المنوال > الوسيط > الوسط

مثال (15)

5 قام مدير مراقبة الإنتاج بسحب عينة من 10 عبوات من المياه
 كات تعبئة المياه لفحص كمية الأملاح الذائبة، وكانت كالتالي :

115 123 119 123 124 119 123 121 123 121

، والوسيط، والمنوال، ثم حدد شكل الالتواء له ه البيانات . :

-1 :

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{1211}{10} = 121.1$$

-2 حساب الوسيط :

$$\text{رتبة الوسيط} : (n+1)/2 = (10+1)/2 = 5.5$$

ترتيب القيم تصاعديا

		قيمة الوسيط									
الطاقة		115	119	119	121	121	123	123	123	123	124
الرتبة		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
		رتبة الوسيط									

عدد القيم = 10 ، وهو عدد زوجي. الوسيط = الوسط الحسابي للقيمتين رقم (5 , 6)

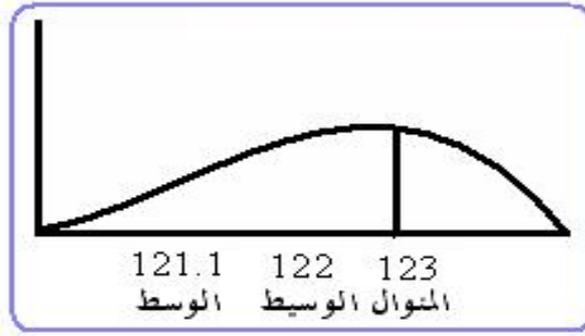
$$Med = \frac{121+123}{2} = \frac{244}{2} = 122$$

-3 :

المنوال يساوى القيمة الأكثر تكرارا: القيمة 123 تكررت أكثر من غيرها ، إذا

$$Mod = 123$$

وبمقارنة الوسط والوسيط و المنوال نجد أن :



نجد أن : الوسط > الوسيط > المنوال ، إذا توزيع بيانات كمية الأملاح سالبة الالتواء.

(16)

يعرض توزيع 100 مزرعة حسب الأجر اليوم

	50- 70	70-90	90-110	110-130	130-150	150-170	170 – 190	
	8	15	28	20	15	8	6	100

:

- 1- حساب الوسط والوسيط والمنوال .
- 2- بيان شكل توزيع الأجر ف هذه المزرعة .

1- حساب الوسط والوسيط والـ

\bar{x} :

	f	x	$f \cdot x$
50 – 70	8	60	480
70 – 90	15	80	1200
90 – 110	28	100	2800
110 - 130	20	120	2400
130 - 150	15	140	2100
150 – 170	8	160	1280
170 - 190	6	180	1080
	100		11340

$$\bar{x} = \frac{\sum fx}{\sum f} = \frac{11340}{100} = 113.4 \text{ R.S}$$

ثانيا : الوسيط *Med*

رتبة الوسيط : $(n/2 = 100/2 = 50)$

تكوين التوزيع التكرار

50	0
70	8
90	$\leftarrow f_1$ 23
110	$\leftarrow f_1$ 51
130	71
150	86
170	94
190	100

(رتبة الوسيط 50)

:

$$\frac{n}{2} = 50, f_1 = 23, f_2 = 51, A = 90, L = 110 - 90 = 20$$

إذا الوسيط قيمته هي :

$$\begin{aligned} Med &= A + \frac{\frac{n}{2} - f_1}{f_2 - f_1} \times L = 90 + \frac{50 - 23}{51 - 23} \times 20 \\ &= 90 + \frac{27}{28} \times 20 = 90 + \frac{540}{28} = 90 + 19.286 = 109.3 \text{ R.S} \end{aligned}$$

Mod :

الفئة المنوالية ، هي

$28 =$ ، وهو يناظر الفئة التقريبية $(90 - 110)$.

$$d_2 = 28 - 20 = 8, d_1 = 28 - 15 = 13 :$$

$$L = 110 - 90 = 20 : A = 90 :$$

إذا المنوال يحسب بتطبيق المعادلة التالية :

$$Mod = A + \frac{d_1}{d_1 + d_2} \times L = 90 + \frac{13}{13 + 8} \times 20 = 90 + \frac{260}{21} = 102.4 \text{ R.S}$$

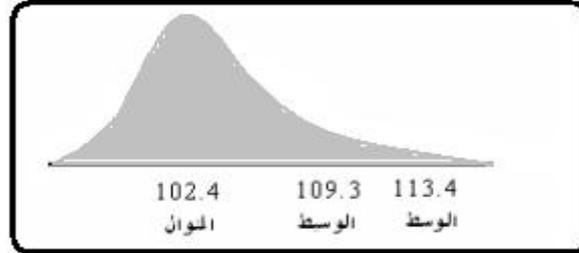
7-3-3. بيان شكل التوزيع .

:

$\bar{x} = 113.4$: الوسيط $Med = 109.3$: $Mod = 102.4$:

أن : الوسط < الوسيط < المنوال إذا توزيع بيانات الأجور موجب الالتواء. كما هو مبين في

:



:harmonic mean (H)

4.3. المتوسط الهندسي (G) geometric mean

يفيد استخدام هذين المتوسطين في حالة الأرقام الموجبة، وإن استخداماتهما الأساسية تنحصر في حساب قيم نسبية

-1 indexes

-2 ratios

-3 rates

-4 ويمكن حسابهما بالمعادلتين الآتيتين:

1.4-3. وسط الهندسي Geometric Mean

: حالة البيانات المبوبة:-

إذا كانت قيم المتغير (x) هي x_1, x_2, \dots, x_n حيث (n) يمثل حجم المجموعة ؛ فإن الوسط الهندسي

يمكن التعبير عنه على النحو

$$G = \sqrt[n]{(X_1 \cdot X_2 \cdot X_3 \cdot \dots \cdot X_n)} = (X_1 + X_2 + X_3 + \dots + X_n)^{\frac{1}{n}}$$

$$G = \frac{1}{n} \text{Log} (X_1 + X_2 + X_3 + \dots + X_n) = \frac{1}{n} \text{Log} \sum_{i=1}^n X_i$$

350 (17): ازدادت أرباح مبيعات شركة إنتاج الملابس من 200 ألف دينار عراقي عام 1995

ينار عراقي عام 2000، ومن ثم فإن المتوسط الهندسي في هذه الفترة هو:

$$G = \sqrt[n]{X_1 F_1 \times X_2 F_2 \times \dots \times X_n F_n} = \sqrt{200000 \times 350000} = 264575$$

ثانياً : حالة البيانات المبوبة:-

يكون F_1, F_2, F_3

X_1, X_2, \dots, X_n

الهندسي

$$G = \sqrt[n]{X_1 F_1 \times X_2 F_2 \times \dots \times X_n F_n}$$

$$\text{Log} G = \frac{\sum F (\text{Log} X)}{\sum F}$$

(18) اوجد الوسط الهندسي للبيانات التالية

	40-30	30-20	20-10	10-0	
20	4	3	8	5	

	F	X_i	Log X	F . Log X
0 – 10	5	5	Log 5 = 0.699	5 x 0.699 = 3.495
10 – 20	8	15	Log 15 = 1.176	15 x 1.176 = 9.408
20 – 30	3	25	Log 25 = 1.397	25 x 1.397 = 4.191
30 – 40	4	35	Log 35 = 1.544	35 x 1.544 = 6.176
Total	20			23.27

$$\text{Log}G = \frac{\sum F(\text{Log}X)}{\sum F} = \frac{23.27}{20} = 1.16$$

$$G = 14.58$$

Harmonic mean

.2-4-3

هو مقلوب الوسط الحسابي لمقلوب القيم و يتم حسابه وفق الصيغة التالية:

حالة البيانات غير

:

$$H = \frac{n}{\sum_{i=1}^n \frac{1}{X_i}} \quad \text{or} \quad \frac{1}{H} = \frac{1}{n} \times \sum_{i=1}^n \frac{1}{X}$$

(19) : أوجد الوسط التوافقي للبيانات التالية: 2, 5, 3, 4, 7, 8, 8

$$H = \frac{n}{\sum_{i=1}^n \frac{1}{X_i}} = \frac{7}{\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{7} + \frac{1}{8} + \frac{1}{8}} = \frac{7}{1.68} = 4.17$$

(20) : المتوسط التوافقي للقيم: 3, 5, 6, 6, 7, 10, 12 هو:

$$\frac{1}{H} = \frac{1}{7} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{5} + \dots + \frac{1}{12} \right)$$

$$H = 5.28$$

حالة البيانات

ثانياً:

X_1, X_2, \dots, X_n

يكون f_1, f_2, \dots, f_n

$$H = \frac{\sum f_i}{\sum \frac{f_i}{X_i}}$$

100

يوضح التوزيع

(21)

	17.5 – 22.5	12.5 – 17.5	7.5 – 12.5	2.5 – 7.5	السرعات بالكيلو /
100	10	20	50	20	عدد المتسابقين

	f	X_i	$1 / X$	$f * 1 / X$
2.5 – 7.5	20	5	$1 / 5 = 0.2$	$20 * 0.2 = 4$
7.5 – 12.5	50	10	$1 / 10 = 0.1$	$50 * 0.1 = 5$
12.5 – 17.5	20	15	$1 / 15 = 0.067$	$20 * 0.067 = 1.34$
17.5 – 22.5	10	20	$1 / 20 = 0.05$	$10 * 0.05 = 0.5$
Total	100			10.84

$$H = \frac{\sum f_i}{\sum \frac{f_i}{X_i}} = \frac{100}{10.84} = 9.25 \text{ Km / h}$$

1 / موضعا فيه اهم مقاييس النزعة المركزية

2 / ماهي مزايا وعيوب ا

3 / ماهي مزايا وعيوب الوسيط ؟

4 / ماهي مزايا وعيوب المنوال ؟

5 / اكتب ما تعرفه عن الوسط الهندسي والوسط التوافقي ؟

6 / ماهي العلاقة بين الوسط الحسابي والوسيط والمنوال ؟

7 / وضح بالرسم طريقة استخدام مقاييس النزعة المركزية ف يد شكل توزيع البيانات

8 / البيانات التالية تمثل عدد افراد عينة من الاسر قوامها 12 (بالطريقة المختصرة والطريقة المباشرة) ، الوسيط ، المنوال

البيانات :

3 , 4 , 7 , 8 , 10 , 9 , 2 , 5 , 6 , 9 , 7 , 5 .

9 / الاتي توزيع تكراري لعينة من الاسر قوامها 75

متوسط عدد افراد الاسرة في هذه العينة (بالطريقة المباشرة والطريقة غير المباشرة) ، الوسيط والمنوال

حدد شكل الالتواء له ه البيانات

	20-22	17-19	14-16	11-13	8-10	5-7	2-4	
75	4	8	10	13	20	12	8	

10 / الوسيط لدرجات عينة من الطلبة قوامها 9 طلاب في امتحان معين

:

63 , 55 , 62 , 53 , 70 , 68 , 65 , 79 , 80

11 / الاتي اعمار عينة من الافراد قوامها 12 الوسط الحسابي ، الوسيط والمنوال لعمر الفرد في هذه

العينة

20 , 22 , 19.5 , 26 , 24.5 , 27 , 28 , 29 , 18 , 20 , 23 , 25

12/ الاتي توزيع تكراري للدخل الشهري لعينة من الاسر قوامها 80 ، المطلوب ايجا
الوسيط والمنوال للدخل الشهري في هذه العينة (للمتجمع الصاعد و للمتجمع النازل)

	220-240	200-220	180-200	160-180	140-160	120-140	100-120	
80	6	12	18	20	14	7	3	

13/ الاتي توزيع ت عينة من الاشخاص البالغين قوامها 50

الحسابي ، الوسيط المنوال لطول الشخص في هذه العينة بطريقة بيرسون

	190-200	180-190	170-180	160-170	150-160	
50	6	9	15	12	8	

14/ إذا كان لدينا التوزيع التكراري التالي اوجد الوسيط الحسابي والوسيط والمنوال

له ه البيانات؟

	32-30	29-27	26-24	23-21	20-18	17-15	
50	4	8	11	13	9	5	

15/ احسب الوسيط الهندسي و الوسيط التوافقي للقيم التالية

2 , 12 , 5 , 10 , 4 , 3 , 7

16/ الوسيط الهندسي و الوسيط التوافقي للقيم التالية

	50-44	44-38	38-32	32-26	26-20	20-14	
40	4	7	10	3	9	7	

مقاييس التثنت

4- مقياس التشتت

مقاييس التشتت : - هي تباعد او انتشار قيم مجموعة من المفردات عن بعضها البعض او عن قيمة معينة ثابتة (مثل الوسط الحسابي) وتستخدم لغرض المقارنة بين مجموعتين او اكثر من البيانات عن ظاهرة معينة.

(1) الوسط الحسابي للمجموعات الثلاثة التالية يساوي 9

المجموعة الاولى : القيم 7, 8, 9, 10, 11.

$$\bar{X} = \frac{\sum x}{n} = \frac{7 + 8 + 9 + 10 + 11}{5} = \frac{45}{5} = 9$$

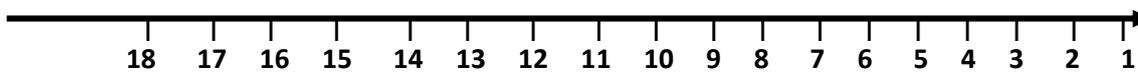
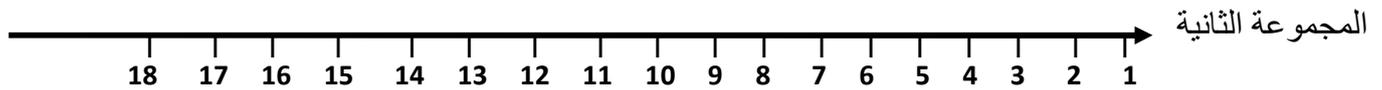
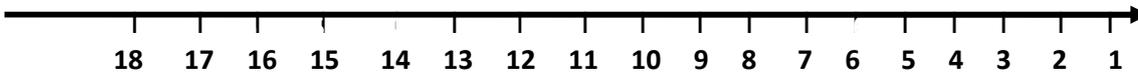
المجموعة الثانية : القيم 3, 6, 9, 12, 15

$$\bar{X} = \frac{\sum x}{n} = \frac{3 + 8 + 9 + 10 + 11}{5} = \frac{45}{5} = 9$$

المجموعة الثالثة : القيم 1, 5, 9, 13, 17

$$\bar{X} = \frac{\sum x}{n} = \frac{1 + 5 + 9 + 13 + 17}{5} = \frac{45}{5} = 9$$

عند المقارنة بين هذه القيم نلاحظ ان المجموعة الاولى اكثر تجانسا من المجاميع الاخرى وكما مبين بالرسم



4-1. مقاييس التشتت

وهناك نوعين من مقاييس التشتت وهي :-

1- مقاييس التشتت المطلقة

2- مقاييس التشتت النسبية

4-1-1. مقاييس التشتت المطلقة : - هي مقاييس تبين درجة تجانس قيم مجموعة من البيانات بشكل مطلق وتكون مقاسة بنفس وحدات قياس المتغير العشوائي (وحدات ،) .

4-1-2. مقاييس التشتت النسبية: إذا كنا بصدد إجراء مقارنة بين توزيعات تكرارية ليست لها نفس وحدة القياس أو ليس لهما نفس المتوسط، فمن الضروري هنا استخدام مقاييس التشتت النسبية .

4-2. اهم مقاييس التشتت

- Range

2 – الانحراف الربيعي Quartile Deviation

3 – التباين Variance

4 – الانحراف المعياري Standard Deviation

5 - Coefficient of Variation

4-2-1. :

يسمى احيانا بمجال التغير وهو من ابسط مقاييس التشتت المطلق ويعرف بأنه الفرق بين اعلى قيمة واقل قيمة من مجموعة البيانات غير المبوبة. X_L تمثل اعلى قيمة وان X_S ادنى قيمة فان المدى يحسب وفق الصيغة التالية :

المدى المطلق = أكبر قيمة – أصغر قيمة

$$R = X_L - X_S$$

البيانات المبوبة فان المدى : عبارة عن الفرق بين الحد الأدنى للفئة الاولى والحد الاعلى للفئة

الاخيرة فاذا كان الحد الاعلى U

=

$$R = U - L$$

(1) تي بيانات غير مبوبة المطلوب ايجاد المدى لهذه البيانات

2 , 5 , 3 , 8 , 7 , 10 , 9 , 12 , 15

$$R = X_L - X_S = 15 - 2 = 13$$

(2) بيانات مبوبة

من خلال جدول التوزيع التكراري التالي اوجد المدى

	40-48	32-40	24-32	16-24	8-16	
62	3	6	8	25	20	

$$R = U - L = 48 - 8 = 40$$

لا يستخدم المدى كثيرا لأنه يستند الى قيمتين الاولى والاخيرة ويهمل باقي القيم وهذا يعني انه مقياس حساس جدا يحصل في قياس احدى هاتين القيمتين او كليهما كما لا يمكن حسابه في حالة الجداول التكرارية

4-2-1-1. مزايا وعيوب المدى

أولاً:- مزايا المدى

1 - أبسط وأسهل طريقة لحساب التشتت

2 - مقياس سريع لمدى التشتت المفردات أو حينما يكون للمفردات المتطرفة أهمية خاصة.

ثانياً: عيوب المدى :

1- ليس للمدى أهمية كبيرة في البحوث العلمية نظرا لأنه لا يأخذ في الاعتبار تشتت كل المفردات في حسابه.

2 - مقياس تقريبي غير دقيق

3 - يتأثر تأثيرا كبيرا بالقيم المتطرفة

4 - يصعب تقدير قيمته من الجداول التكرارية المفتوحة.

4.3. الانحراف الربيعي

من اهم عيوب المدى هو اعتماده على القيمتين الاولى والاخيرة التي غالبا ما تكون شاذة (متطرفة) وبهدف التغلب على هذا العيب نقوم بحذف بعض القيم الشاذة فاذا اهملنا الربع الاول والربع الاخير من هذه القيم فانه يمكن

الحصول على مقياس تشتت يعتبر افضل من المدى ويعتمد في حسابه على كل من الربيعين الادنى (الاول) والاعلى (الثالث) ويسمى بالانحراف الربيعي (نصف المدى الربيعي) .

ويعرف **الانحراف الربيعي** بانه متوسط الفرق بين الربيع الثالث والربيع الاول لمجموعة من البيانات سواء كانت مبوبة او غير مبوبة . فإذا رمزنا للربيع الاول (الادنى) Q_1 وللربيع الثالث بالرمز Q_3 وللانحراف الربيعي $Q.D$ وعليه فان الانحراف الربيعي:

$$Q.D = \frac{Q_3 - Q_1}{2}$$

وطريقة حساب الربيعين الادنى والاعلى هي تماما كطريقة حساب الوسيط

1-3-4. حساب الربيعين من بيانات غير مبوبة

لحساب قيمة الربيع الاعلى والربيع الادنى يجب تحديد ترتيب (موقع) كل منهما مسبقا مثلما فعلنا عند حساب قيمة الوسيط .

ترتيب (موقع) الربيع الادنى = عدد القيم / 4

$$T . Q_1 = \frac{n}{4}$$

وعليه فان :

حيث ان $T.Q_1$ تمثل ترتيب الربيع الاول وان n هي عدد القيم

وترتيب الربيع الثالث (الاعلى) = (عدد القيم / 4) * 3

$$T . Q_3 = \frac{n}{4} \times 3$$

75% من بداية البيانات ويجب هنا ايضا ان يعاد ترتيب

مجموعة القيم تصاعديا او تنازليا قبل حساب موقع او ترتيب الربيعين

(1) احسب الربيعين الاعلى والادنى والانحراف الربيعي لمجموعة البيانات الآتية :

3 , 7 , 5 , 2 , 8 , 12 , 10 , 15

:

1- نرتب القيم ترتيبا تصاعديا او ترتيبا تنازليا

ترتيب تصاعدي

2 , 3 , 5 , 7 , 8 , 10 , 12 , 15

2- نجد ترتيب الربع الادنى (الاول)

أي ان ترتيب الربع الاول هو الترتيب

$$T.Q_1 = \frac{n}{4} = \frac{8}{4} = 2$$

الثاني من بين البيانات ويساوي (3)

$$Q_1 = 3$$

3- نحدد ترتيب الربع الاعلى (الثالث)

$$T.Q_3 = \frac{n}{4} \times 3 = \frac{8}{4} \times 3 = 6$$

ن موقع الربع الثالث هو الترتيب السادس من البيانات ويساوي 10

$$Q_3 = 10$$

4- اف الربيعي والذي يمثل متوسط الفرق بين الربع الاعلى والربع الادنى

$$Q.D = \frac{Q_3 - Q_1}{2} = \frac{10 - 3}{2} = 3.5$$

2-3-4. الانحراف الربيعي للبيانات المبوبة حسابيا وبيانيا

طريقة حساب الربع الاعلى والادنى من بيانات مبوبة (جدول تكراري) تماثل تماما طريقة حساب الوسيط السابق شرحه .

خطوات ايجاد الربيعين لبيانات مبوبة كالاتي:

1.

2. تحديد ترتيب الربع الادنى وذلك بتطبيق الصيغة الاتية :

$$T.Q_1 = \frac{\sum f_i}{4}$$

حيث ان $\sum f_i$ هي مجموع التكرارات

3. تحديد ترتيب الربع الاعلى بالصيغة الاتية :

$$T . Q_3 = \left(\frac{\sum f_i}{4} \right) \times 3$$

4. حساب قيمة كل من الربعين من جدول تكراري متجمع صاعد او متجمع نازل وباستخدام :

- قيمة الربع الادنى

$$Q_1 = L_1 + \frac{T . Q_1 - f_{K-1}}{f_K} \times h_k$$

حيث ان

Q_1 الربع الادنى

L_1 بداية فئة الربع الادنى

$$T . Q_1 = \frac{\sum f_i}{4} \text{ وترتيب الربع الادنى } T.Q_1 \text{ ويساوي}$$

f_{k-1}

الفرق بين التكرارين الصاعد السابق واللاحق f_k وهو نفسه التكرار الاصلي لفئة الربع الادنى

طول فئة الربع الادنى h_k

- قيمة الربع الاعلى

والقانون يكون بالصيغة الاتية :

$$Q_3 = L_3 + \frac{T . Q_3 - f_{K-1}}{f_K} \times h_k$$

حيث ان

Q_3 الربع الاعلى

L_3 بداية فئة الربع الاعلى

$$T . Q_3 = \frac{\sum f_i}{4} \times 3 \text{ وترتيب الربع الاعلى } T.Q_3 \text{ ويساوي}$$

f_{k-1}

() الفرق بين التكرارين الصاعد f_k ويعتبر التكرار الاصلي لفئة الربع

طول فئة الربع الاعلى h_k

5. حساب الانحراف الربيعي والصيغة الاتية :

$$Q . D = \frac{Q_3 - Q_1}{2}$$

مثال : احسب الانحراف الربيعي للتوزيع التكراري الاتي لدرجات 50

	40-50	30-40	20-30	10-20	0-10	
50	6	16	15	8	5	

:

لحساب قيمتي الربع الاعلى والادنى يلزم اعداد جدول متجمع صاعد او متجمع نازل

		الحدود العليا للفئات		
0-10	5	10	5	F_{k-1}
10-20	8	20	13	$T.Q_1$
20-30	15	30	28	
30-40	16	40	44	$T.Q_3$
40-50	6	50	50	
	50			

نجد ترتيب الربع الادنى

$$T.Q_1 = \frac{\sum f_i}{4} = \frac{50}{4} = 12.5$$

1- نجد قيمة الربع

$$L_1 = 10 \quad ; \quad T.Q_1 = 12.5 \quad ; \quad f_{k-1} = 5 \quad ; \quad h_k = 10 \quad , \quad f_k = 13$$

$$Q_1 = L_1 + \frac{T.Q_1 - f_{K-1}}{f_K} \times h_k$$

$$Q_1 = 10 + \frac{12.5 - 5}{13 - 5} \times 10 = 10 + \frac{7.5 \times 10}{8} = 19.375$$

2- ثم نجد ترتيب الربع الاعلى

$$T.Q_3 = \frac{\sum f_i}{4} \times 3 = \frac{50}{4} \times 3 = 37.5$$

ايجاد قيمة الربع

$$Q_3 = L_3 + \frac{T.Q_3 - f_{K-1}}{f_K} \times h_k$$

$$Q_3 = 30 + \frac{37.5 - 28}{44 - 28} \times 10 = 30 + \frac{9.5 \times 10}{16} = 35.937$$

ايجاد الانحراف الربيعي

$$Q.D = \frac{Q_3 - Q_1}{2} = \frac{35.937 - 19.375}{2} = 8.2812$$

3-3-4. استخراج الانحراف الربيعي الادنى والاعلى بالرسم البياني

من الممكن ايجاد قيمة الانحراف الربيعي بالرسم وذلك باستخراج قيمتي الربيعين بيانيا وكالاتي:

1. نستخرج من الجدول الاصلي جدولاً تكرارياً متجمعاً صاعداً او
- 2.
3. نعين ترتيب كل من الربيع الادنى والربيع الاعلى على المحور العمودي
4. نرسم من كل من هاتين النقطتين مستقيماً موازياً للمحور الافقي ثم نسقط من نقطتي التقائهما مع المنحنى عمودين على المحور الافقي فتكون نقطتا تلاقي هذين العمودين مع المحور الافقي مساويتين لقيمتي الربيع الادنى والربيع الاعلى ع

:

الجدول الاتي يبين توزيع الاجور في احد المصانع المطلوب : ايجاد الانحراف الربيعي بالرسم البياني

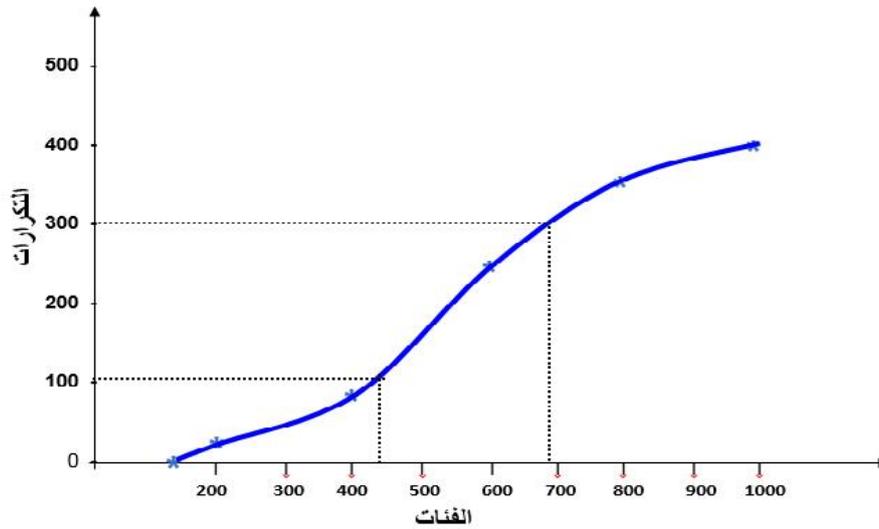
	800-1000	600-800	400-600	200-400	0-200	
400	45	111	154	72	18	

:

نعمل جدولاً تكرارياً متجمعاً صاعداً

نرسم المنحنى المتجمع الصاعد بأخذ الحدود العليا والتكرارات المتجمعة

	الحدود العليا للفئات
0	100
18	200
90	400
244	600
355	800
400	1000



من الرسم نلاحظ ان قيمة الربع الادنى (الاول) هو تقريبا 410 وان قيمة الربع الاعلى (الثالث) هو 700 وان الانحراف الربيعي

$$Q.D = \frac{Q_3 - Q_1}{2} = \frac{700 - 410}{2} = 145$$

والانحراف الربيعي يسمى ايضا بنصف المدى الربيعي لأنه يساوي نصف المدى بين الربع الثالث والربع الاول وكذلك هذا المقياس يتوقف على قيمتين فقط من قيم التوزيع هما قيمتين الربيعين الاول والثالث ولهذا فانه يتأثر بتغير العينة ولكنه افضل من المدى لأنه يتأثر بالقيم المتطرفة ويمكن استخراجه من الجداول المفتوحة عندما يراد معرفة درجة تركيز القيم حول الوسيط.

4-3-4. مزايا وعيوب الانحراف الربيعي

من مزايا الانحراف الربيعي، يفضل استخدامه كمقياس للتشتت في حالة وجود قيم شاذة ، كما أنه بسيط وسهل في الحساب . ومن عيوبه ، أنه لا يأخذ كل القيم في الاعتبار.

4-4. التباين Variance

هو أحد مقاييس التشتت ، وأكثرها استخداما في النواحي التطبيقية ، هو مجموع مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي مقسوما على عددها والذي يرمز له S^2 .

1-4-4. التباين في المجتمع (\dagger^2)

إذا توافر لدينا قراءات عن كل مفردات المجتمع ، ولتكن: x_1, x_2, \dots, x_N ، فإن التباين في المجتمع ،

ويرمز له بالرمز \dagger^2 (سي ما) يحسب باستخدام المعادلة التالية :

$$s^2 = \frac{\sum (x - \bar{x})^2}{N}$$

حيث أن \bar{x} هو الوسط الحسابي في المجتمع ، $\bar{x} = \sum x / N$.

(1)

مصنع لتعبئة المواد الغذائية ، يعمل به 15 عامل ، وكانت عدد سنوات الخبرة لهؤلاء العمال كما يلي :

5 13 7 14 12 9 6 8 10 13 14 6 11 12 10

بفرض أن هذه البيانات تم جمعها عن كل مفردات المجتمع ، فأوجد التباين لعدد سنوات الخبرة .

لحساب تباين سنوات الخبرة في المجتمع ، يتم استخدام المعادلة

$$s^2 = \frac{\sum (x - \bar{x})^2}{N}$$

~

$$\bar{x} = \frac{1}{N} \sum x$$

$$= \frac{1}{15} (5 + 13 + 7 + \dots + 12 + 10) = \frac{1}{15} (150) = 10$$

$$\sum (x - \bar{x})^2$$

x	$(x - \bar{x})$	$(x - \bar{x})^2$
5	$5 - 10 = -5$	25
13	3	9
7	-3	9
14	4	16
12	2	4
9	-1	1
6	-4	16
8	-2	4
10	0	0
13	3	9
14	4	16
6	-4	16
11	1	1
12	2	4
10	0	0
150	0	130

$$\sum (x - \bar{x})^2 = 130$$

:

إذا تباين سنوات الخبرة للعمال في المصنع هو :

$$s^2 = \frac{\sum (x - u)^2}{N} = \frac{130}{15} = 8.67$$

2-4-4. التباين في العينة (s^2)

في كثير من الحالات يكون تباين المجتمع s^2 غير معلوم، وعندئذ يتم سحب عينة من هذا المجتمع ، ويحسب التباين من بيانات العينة كتقدير لتباين المجتمع ، فإذا كانت قراءات عينة عشوائية حجمها n هي x_1, x_2, \dots, x_n ، فإن تباين العينة ويرمز له بالرمز s^2 هو:

$$S^2 = \frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n - 1}$$

حيث أن \bar{x} هو الوسط الحسابي لقراءات العينة ، أي أن : $\bar{x} = \sum x/n$ ، وتباين العينة المبين بالمعادلة هو التقدير غير المتحيز لتباين المجتمع .

(2)

إذا تم سحب عينة من عمال مصنع حجمها 5

8 13 10 5 9

احسب تباين سنوات الخبرة في العينة .

لحساب التباين في العينة يتم تطبيق المعادلة ويتبع الآتي :

$$S^2 = \frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n - 1}$$

• الوسط الحسابي في العينة :

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum x = \frac{1}{5} (8+13+10+5+9) = \frac{1}{5} (45) = 9$$

$$\sum (x - \bar{x})^2$$

x	8	13	10	5	9	45
$(x - \bar{x})$	-1	4	1	-4	0	0
$(x - \bar{x})^2$	1	16	1	16	0	34

$$\sum (x - \bar{x})^2 = 34 :$$

• إذا تباين سنوات الخبرة في العينة قيمته هي :

$$s^2 = \frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n - 1} = \frac{34}{(5 - 1)} = \frac{34}{4} = 8.5$$

• في هذه الحالة يمكن القول بأن تباين العينة 8.5 ، وهو في نفس الوقت تقدير غير متحيز لتباين

5.4 الانحراف المعياري Standard Deviation

عند استخدام التباين كمقياس من مقاييس التشتت، نجد أنه يعتمد على مجموع مربعات الانحرافات، ومن ثم لا يتمشى هذا المقياس مع وحدات قياس المتغير محل الدراسة ، ففي المثال السابق ، نجد أن تباين سنوات الخبرة في العينة 8.5، فليس من المنطق عند تفسير هذه النتيجة أن نقول ، " تباين سنوات الخبرة هو 8.5 سنة تربيع "، لأن وحدات قياس المتغير هو عدد السنوات، من أجل ذلك لجأ الإحصائيين إلى مقياس منطقي يأخذ في الاعتبار الجذر التربيعي للتباين ، لكي يناسب وحدات قياس المتغير، وهذا المقياس هو الانحراف المعياري.

إذا الانحراف المعياري ، هو الجذر التربيعي الموجب للتباين ، أي أن:

$$Standard\ Deviation = \sqrt{Variance}$$

(1)

مصنع لتعبئة المواد الغذائية ، يعمل به 15 عامل ، وكانت عدد سنوات الخبرة لهؤلاء العمال كما يلي :

5 13 7 14 12 9 6 8 10 13 14 6 11 12 10

بفرض أن هذه البيانات تم جمعها عن كل مفردات المجتمع ، فأوجد الانحراف المعياري
لعمال المصنع (المجتمع) ، ويرمز له بالرمز (\dagger) هو :

$$\begin{aligned}\dagger &= \sqrt{\frac{1}{N} \sum x^2 - \bar{x}^2} \\ &= \sqrt{\frac{1}{15} 1630 - 10^2} = \sqrt{8.67} = 2.94\end{aligned}$$

في هذه الحالة ، يكون الانحراف المعياري لسنوات الخبرة في المجتمع هو 2.94 .
والسبب في اخذ الجذر التربيعي هو ان يكون مقياس التشتت (الانحراف المعياري) مقاسا بنفس وحدات القيم الاصلية فقد قمنا بتربيع الانحرافات ولكي نرجع الى الوحدات الاصلية بعد التربيع لابد ان التربيعي .

4-5-1. الانحراف المعياري لبيانات غير مبوبة :- هناك طريقتين :

- الطريقة المطولة ط الحسابي وحسب الصيغة الاتية :

$$S = \sqrt{\frac{(X - \bar{X})^2}{n}}$$

(1) :

البيانات التالية اوزان عينة من الطلبة قوامها 10 المطلوب حساب قيمة الانحراف المعياري

البيانات بالطريقة المطولة : 56, 68, 72, 63, 65, 68, 71, 69, 62, 56

:

1- نحسب الوسط الحسابي لهذه البيانات

$$\bar{X} = \frac{56 + 68 + 72 + 63 + 65 + 68 + 71 + 69 + 56}{10} = 65$$

2- نجد انحرافات القيم عن الوسط الحسابي ثم نجد مجموع مربعات الانحرافات

X	$(X - \bar{X})$	$(X - \bar{X})^2$
56	$56 - 65 = -9$	81
68	$68 - 65 = 3$	9
72	$72 - 65 = 7$	49
63	$63 - 65 = -2$	4
65	$65 - 65 = 0$	0
68	$68 - 65 = 3$	9
71	$71 - 65 = 6$	36
69	$69 - 65 = 4$	16
62	$62 - 65 = -3$	9
56	$56 - 65 = -9$	81
Total		294

$$S = \sqrt{\frac{(X - \bar{X})^2}{n}}$$

$$S = \sqrt{\frac{(X - \bar{X})^2}{n}} = \sqrt{\frac{294}{10}} = \sqrt{29.4} = 5.422$$

– الطريقة المختصرة (استخدام الصيغة الآتية :

$$S = \sqrt{\frac{\sum X^2 - \frac{(\sum X)^2}{n}}{n}}$$

(2) :

البيانات التالية اوزان عينة من الطلبة قوامها 10 المطلوب حساب قيمة الانحراف المعياري بالطريقة المختصرة : 56, 68, 72, 63, 65, 68, 71, 69, 62, 56, القيم 1- : 2- نجد مجموع مربعات القيم 3- تطبيق صيغة القانون

X	X ²
56	3136
68	4624
72	5184
63	3969
65	4225
68	4624
71	5041
69	4761
62	3844
56	3136
$\sum X = 650$	$\sum X^2 = 42544$

$$S = \sqrt{\frac{\sum X^2 - \frac{(\sum X)^2}{n}}{n}} = \sqrt{\frac{42544 - \frac{(650)^2}{10}}{10}} = \sqrt{\frac{294}{10}} = \sqrt{29.4} = 5.422$$

2-5-4. حساب الانحراف المعياري لبيانات مبوبة

1- الطريقة المطولة : (حساب انحرافات مراكز الفئات عن الوسط الحسابي) باستخدام الصيغة الآتية

$$S = \sqrt{\frac{\sum f_i \times (X_i - \bar{X})^2}{\sum f_i}}$$

حيث ان $\sum f_i$

(X_i -) انحرافات القيم عن الوسط الحسابي

:

X_i -1

2- نجد الوسط الحسابي باستخدام الصيغة $\bar{X} = \frac{\sum f_i X_i}{\sum f_i}$

3- ($X_i - \bar{X}$)

2-

3-

4-

5- صيغة القانون

(1)

الآتي جدول توزيع تكراري لدرجات مجموعة من الطلبة في امتحان فصلي المطلوب ايجاد الانحراف المعياري بالطريقة المطولة

	8-10	6-8	4-6	2-4	0-2	
50	5	10	20	10	5	

:

(2) نجد الوسط الحسابي ويساوي

$$\bar{X} = \frac{\sum f_i X_i}{\sum f_i} = \frac{250}{50} = 5$$

	Fi	Xi	Fi Xi	(Xi -)	(Xi -) ²	Fi(Xi -) ²
0 -2	5	1	5*1=5	1-5= -4	4 ² =16	5*16=80
2 -4	10	3	30	-2	4	40
4 -6	20	5	100	0	0	0
6 -8	10	7	70	2	4	40
8 -10	5	9	45	4	16	80
	50		250		40	240

(5)

$$S = \sqrt{\frac{\sum f_i \times (X_i - \bar{X})^2}{\sum f_i}} = \sqrt{\frac{240}{50}} = \sqrt{4.8} = 2.19$$

- الطريقة المختصرة نستخدم الصيغة الآتية :

$$S = \sqrt{\frac{\sum f_i X_i^2 - \frac{(\sum f_i X_i)^2}{\sum f_i}}{\sum f_i}}$$

يلاحظ ان هذه الصيغة هي نفس الصيغة لبيانات غير مبوبة (الطريقة المختصرة) الا اننا ادخلنا التكرارات

(2)

الآتي جدول توزيع تكراري لدرجات مجموعة من الطلبة في امتحان فصلي المطلوب ايجاد الانحراف المعياري بالطريقة الآتية

	8-10	6-8	4-6	2-4	0-2	
50	5	10	20	10	5	

:

-1

-2 ضرب مركز كل فئة بالتكرار المقابل له

-3 تربيع مراكز الفئات

-4 ضرب التكرار في مربع مركز الفئة المقابل له

5- تطبيق صيغة القانون

:

	(1)	(2)	(3)	(4)
	f_i	X_i	$f_i X_i$	X_i^2
0 -2	5	1	5*1=5	1 ² =1
2-4	10	3	30	9
4 -6	20	5	100	25
6 -8	10	7	70	49
8 -10	5	9	45	81
	50		250	

(5)

$$S = \sqrt{\frac{\sum f_i X_i^2 - \frac{(\sum f_i X_i)^2}{\sum f_i}}{\sum f_i}} = \sqrt{\frac{1490 - \frac{(250)^2}{50}}{50}}$$

$$= \sqrt{\frac{1490 - 1250}{50}} = \sqrt{\frac{240}{50}} = \sqrt{4.8} = 2.19$$

3-5-4 مميزات وعيوب الانحراف المعياري

1- مميزات الانحراف المعياري

1- إن حسابه يعتمد على كافة البيانات المتاحة

2- انه مقياس سهل الفهم والحساب

3- خضوعه للعمليات الجبرية

4- قابليته للتجزئة والاندماج

2- عيوب الانحراف المعياري

1- لا يمكن حساب قيمته في حالة التوزيعات التكرارية المفتوحة من طرف واحد او طرفين

2- لا يمكن حسابه في حالة البيانات الوصفية

3- تتأثر قيمته في حالة وجود قيم شاذة أو متطرفة يتأثر وعلى نحو كبير بأخطاء المعايين.

وهو من أدق مقاييس التشتت النسبية ، لذلك فهو يصلح للمقارنة بين التوزيعات المختلفة ، ويتم حسابه على أساس المعيري ($100 \times$ ويرمز له بالرمز (C . V)

هو مقياس لا يعتمد على الوحدات ويعطى بالعلاقة التالية :

$$C . V = \frac{S}{\ddot{X}}$$

$$C . V = \frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1}$$

بطريقتين

	99 - 90	89 - 80	79 - 70	69 - 60	59 - 50	49 - 40	
40	1	2	11	15	9	2	

:

الطريقة الأولى

$$C . V = \frac{S}{\ddot{X}}$$

$$S = 10 . 67 \quad ; \quad \ddot{X} = 65 . 75$$

$$C . V = \frac{S}{\ddot{X}} = \frac{10 . 67}{65 . 75} = 0 . 167$$

الطريقة الثانية

$$C . V = \frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1}$$

$$Q_1 = 58.39 \quad ; \quad Q_3 = 73.14$$

$$C.V = \frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1} = \frac{73.14 - 58.39}{73.14 + 58.39} = 0.111$$

7-4. مقاييس الشكل Measures of Shape

ومن أهم هذه المقاييس ما يلي:

1-7-4. Skewness

وهو مقياس تشتت نسبي، ويحدد طبيعة البيانات من حيث التماثل Symmetric

1-1-7-4. طريقة "بيرسون" في قيا

تأخذ هذه الطريقة في الاعتبار العلاقة بين الوسط والوسيط والمنوال، في حالة ما إذا كان التوزيع قريب من التماثل وليس شديد الالتواء، وهذه العلاقة هي:

$$= 3 - (\text{الوسيط} -$$

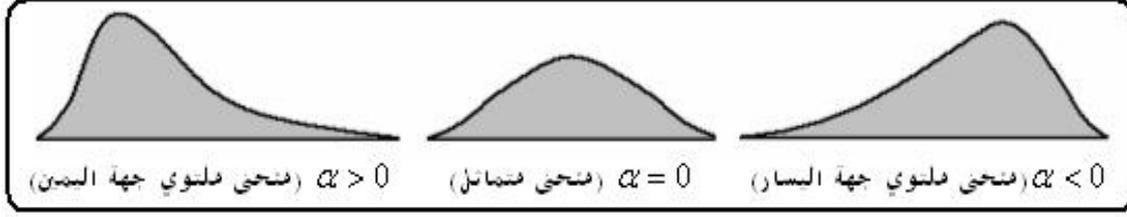
ومن ثم فإن طريقة "بيرسون" في قياس الالتواء، تتحدد بالمعادلة التالية.

$$r = \frac{3(\text{Mean} - \text{Median})}{S \text{ standard Deviation}} = \frac{3(\bar{X} - \text{Med})}{S}$$

حيث أن r () هو معامل الالتواء "البيرسون"، \bar{X} هو الوسيط، S هو الانحراف المعياري، ويمكن من خلال الإشارة التي يأخذها هذا المعامل الحكم على شكل الالتواء، كما يلي:

- 1- إذا كان (الوسط الحسابي = الوسيط) كان قيمة المعامل $(r = 0)$ ، ويدل ذلك على أن منحنى التوزيع التكراري ملتوي جهة اليمين.
- 2- إذا كان (الوسط الحسابي < الوسيط) كان قيمة المعامل $(r > 0)$ ، ويدل ذلك على أن منحنى التوزيع التكراري ملتوي جهة اليمين.
- 3- إذا كان (الوسط الحسابي > الوسيط) كان قيمة المعامل $(r < 0)$ ، ويدل ذلك على أن منحنى التوزيع التكراري ملتوي جهة اليسار.

أشكال التواء البيانات



2-1-7-4. طريقة "المئين" في قيا

المئين ينتج من ترتيب البيانات تصاعديا، ثم تقسيمها البيانات إلى 100 جزء، يفصل بينها قيم تسمى المئين، وعلى سبيل المثال يعرف المئين 15 ويرمز له بالرمز (v_{15}) على أنه القيمة التي يقل عنها 15% من القيم، ولحساب قيمة المئين p ، ونرمز له بالرمز (v_p) ، يتبع نفس الفكرة المستخدمة في حساب الربع كما يلي:

1. ترتيب القيم تصاعديا: $x_{(1)} < x_{(2)} < \dots < x_{(n)}$

2. رتبة المئين: $R = (n + 1) \left(\frac{p}{100} \right)$

3. عدد صحيح فإن $(v_{15} = x_{(R)})$.

4. عدد كسري فإن قيمة المئين (v_p) تحسب بالمعادلة التالية:

$$\epsilon_p = x_l + (R - l)(x_u - x_l)$$

وتعتمد فكرة المئين في قياس الالتواء على مدى قرب المئين v_p ثين v_{100-p} ، من المئين v_{50} وكمثال على ذلك، عند قياس الالتواء باستخدام المئين 20، والمئين 80، يلاحظ على الرسم التالي

:



ومن الشكل أعلاه يلاحظ الآتي :

1. إذا كان بعد المئين (v_{80}) - مئين (v_{50}) يساوي بعد المئين (v_{20}) عن المئين (v_{50}) -

التوزيع متماثلا .

2. إذا كان بعد المئتين (v_{80}) عن المئتين (v_{50}) أكبر من بعد المئتين (v_{20}) عن المئتين (v_{50}) .
التوزيع موجب الالتواء .

3. إذا كان بعد المئتين (v_{80}) عن المئتين (v_{50}) أقل من بعد المئتين (v_{20}) عن المئتين (v_{50}) .
التوزيع سالب الالتواء .

وبشكل عام يمكن الحكم على شكل التوزيع باستخدام معامل الالتواء المئيني، ويأخذ المعادلة التالية.

$$r_{p,100-p} = \frac{(\text{€}_{100-p} - \text{€}_{50}) - (\text{€}_{50} - \text{€}_p)}{\text{€}_{100-p} - \text{€}_p}$$

حيث أن : $v_p < v_{50} < v_{100-p}$ ويفضل استخدام هذا المعامل في حالة البيانات التي تحتوي على قيم شاذة ،
وأیضا البيانات التي لا نعرف لها توزيع محدد، وعندما نستخدم المئين 25 ($v_{25} = Q_1$)، المئين 75
($v_{75} = Q_3$) نحصل على معامل الالتواء الربيعي ، وهو :

$$\text{€}_q = \frac{(Q_3 - Q_2) - (Q_2 - Q_1)}{Q_3 - Q_1}$$

8 طلاب في الاختبار النهائي في

66 85 52 78 80 91 74 58

1- حساب معامل الالتواء بطريقة "بيرسون" .

2- حساب معامل الالتواء الربيعي .

1- حساب معامل الالتواء بطريقة "بيرسون" .

في هذه الحالة يتم تطبيق المعادلة رقم (5-2) كما يلي:

1- حساب الوسط الحسابي ، والانحراف المعياري :

x	x^2
66	4356
85	7225
52	2704
78	6084
80	6400
91	8281
74	5476
58	3364
584	43890

$$\sum x = 584, \sum x^2 = 43890$$

ويكون :

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{584}{8} = 73$$

$$s = \sqrt{\frac{\sum x^2 - (\sum x)^2/n}{n-1}} = \sqrt{\frac{43890 - (584)^2/8}{8-1}}$$

$$= \sqrt{\frac{1258}{7}} = \sqrt{179.71428} = 13.406$$

2- حساب الوسيط :

$$(n+1)/2 = (8+1)/2 = 4.5$$

موقع الوسيط :

52	58	66	74	78	80	85	91
1	2	3	4	5	6	7	8
		2.25	4.5		6.75		

$$Med = 74 + 0.5(78 - 74) = 76$$

3- معامل الالتواء "بيرسون"

$$s.c = \frac{3(\bar{x} - Med)}{S} = \frac{3(73 - 76)}{13.406} = -0.67$$

إذا منحني توزيع درجات الطلاب ملتوي جهة اليسار .

2- معامل الالتواء الربيعي .

لتواء الربيعي ، يتم تطبيق ا :

1- حساب الربيع الأدنى .

$$(n+1)/4 = (8+1)(1/4) = 2.25$$

:

$$Q_1 = 58 + (2.25 - 2)(66 - 58) = 60$$

-2

$$(n+1)/(3/4) = (8+1) (3/4) = 6.75$$

$$Q_3 = 80 + (6.75 - 6)(85 - 80) = 83.75$$

3- لوسيط (الرابع الثاني)

$$Med(Q_2) = 76$$

إذا معامل الالتواء الربيعي هو :

$$r_q = \frac{(Q_3 - Q_2) - (Q_2 - Q_1)}{(Q_3 - Q_1)} = \frac{(83.75 - 76) - (76 - 60)}{(83.75 - 60)}$$

$$= \frac{-8.25}{23.75} = -0.35$$

إذا توزيع درجات الطلاب ملتوي جهة اليسار.

2-7-4 Kurtosis

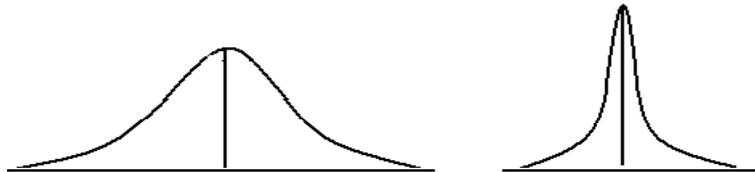
وهو مقياس يصف ارتفاع قمة المنحنى من حيث الاعتدال أو التدبب أو التفرطح .

عند تمثيل التوزيع التكراري في شكل منحنى تكراري ، قد يكون هذا المنحنى منبسط ، أو مدبب ، فعندما

يتركز عدد أكبر من القيم بالقرب من منتصف المنحنى، ويقبل في طرفيه، يكون المنحنى مدببا ، وعندما

يتركز عدد أكبر على طرفي المنحنى ، ويقبل بالقرب من المنتصف يكون المنحنى مفرطحا ،

ويظهر ذلك من الشكل التالي :



ويمكن قياس التفرطح باستخدام عدد من الطرق، ومنها طريقة العزوم ، حيث يحسب معامل التفرطح

(K) بتطبيق المعادلة التالية :

$$K = \frac{\frac{1}{n} \sum (x - \bar{x})^4}{s^4}$$

حيث أن المقدار $\sum (x - \bar{x})^4 / n$ هو العزم الرابع حول الوسط ، s هو الانحراف المعياري . ومعامل التفرطح في التوزيع الطبيعي يساوي 3 ، ومن ثم يمكن وصف منحنى التوزيع من حيث التفرطح ، والتدبب كما يلي :

1. $k=3$ نحى التوزيع معتدلا .
2. $k>3$ كان منحنى التوزيع مدببا .
3. $k<3$ كان منحنى التوزيع منبسطا (مفرطحا) .

8 طلاب في الاختبار النهائي في الرياضيات .

66 85 52 78 80 91 74 58

: إيجاد شكل التفرطح

وبالتطبيق على بيانات المثال رقم (5-1) : $\bar{x} = 73$

x	66	85	52	78	80	91	74	58	584
$(x - \bar{x})$	-7	12	-21	5	7	18	1	-15	0
$(x - \bar{x})^2$	49	144	441	25	49	324	1	225	1258
$(x - \bar{x})^4$	2401	20736	194481	625	2401	104976	1	50625	376246

ومن البيانات أعلاه نجد أن:

$$s = \sqrt{\frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n-1}} = \sqrt{\frac{1258}{7}} = 13.406$$

$$\frac{1}{n} \sum (x - \bar{x})^4 = \frac{1}{8} (376246) = 47030.75$$

إذا معامل التفرطح هو:

$$K = \frac{47030.75}{(13.406)^4} = \frac{47030.75}{32299.58} = 1.456$$

إذا شكل توزيع بيانات الدرجات مفرطح.

1/ عرف مقاييس التشتت واذكر اهم أنواعها|؟

2/ ما يلي :

ى ، الانحراف الربيعي ، التباين ، الانحراف المعياري ، الاختلاف .

3/ ماهي مزايا وعيوب المدى ؟

4/ ماهي مزايا وعيوب الانحراف الربيعي ؟

5/ التباين للبيانات المبوبة وغير المبوبة مع ذكر العلاقات الرياضية

6/ ماهي مزايا والانحراف المعياري؟

7/ هي مزايا وعيوب

8/ الاتي درجات الحرارة لأحدى المدن خلال يومين ، المطلوب اوجد المدى لدرجات الحرارة ثم قارن ايهما

اكثر تجانسا خلال يومين

اليوم الاول 7 , 8 , 11 , 10 , 4 , 3 , 5 , 6

اليوم الثاني 7 , 9 , 12 , 16 , 8 , 4 , 5 , 7

9/ يبين اوزان 50 طالب ، المطلوب حساب المدى لهذا التوزيع

	80-85	75-80	70-75	65-70	60-65	55-60	50-55	
50	2	4	4	16	11	5	8	

10/ جد الانحراف الربيعي للقيم التالية؟

2 , 7 , 9 , 3 , 10 , 12 , 22 , 4 , 8 , 20 , 19 , 18 , 17 , 5 , 21 , 23

11/ احسب الانحراف الربيعي للتوزيع التكراري الاتي

	100-110	90-100	65-90	50-65	30-50	10-30	0-10	
60	2	9	12	15	13	6	3	

12/ اوجد الانحراف المعياري للقيم الاتية بالطريقة المطولة (الانحرافات) و بالطريقة المختصرة

القيم 19 , 13 , 15 , 12 , 10 , 9

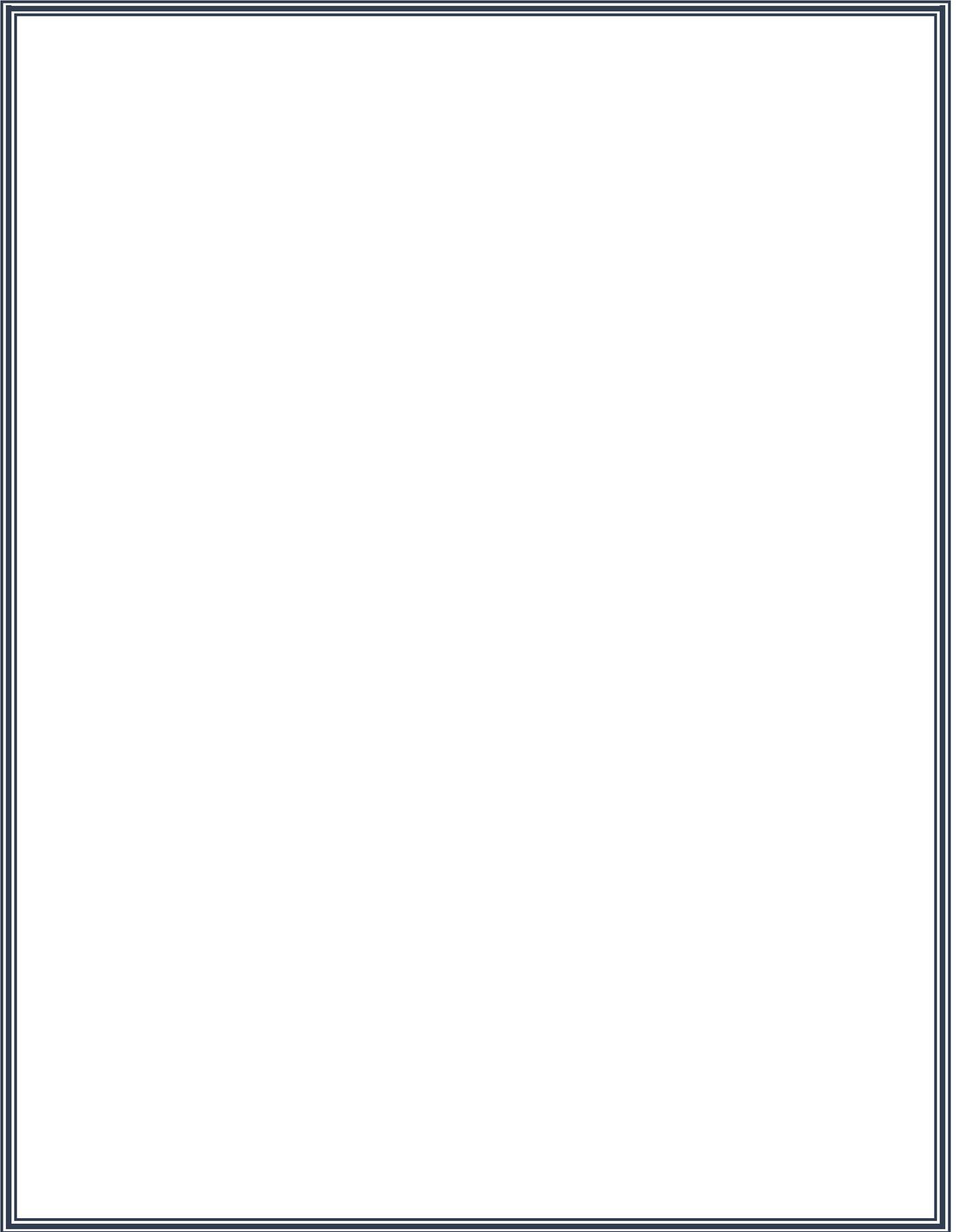
13/ الجدول الاتي يبين عدد المعامل وعد العمال الذين يشتغلون في كل معمل المطلوب ايجاد درجة التشتت في عدد العمال الذين يشتغلون في كل معمل باستخدام الطريقة المطولة والطريقة المختص

	70-80	60-70	50-60	40-50	30-40	20-30	10-20	
300	15	35	85	68	42	30	25	

14/ ما يـ :

- 1
- 2 الانحراف الربيعي
- 3 التباين
- 4 الانحراف المعياري
- 5

	39 - 33	33 - 27	27 - 21	21 - 15	15 - 9	9 - 3	
40	1	3	6	8	12	10	



هو العلاقة بين ظاهرتين مثل العلاقة بين طول الشخص (سم) ووزنه (كغم) او العلاقة بين نسبة الشفاء من مرض معين وكمية الجرعة من الدواء المخصص للمريض وعمر المريض ، او العلاقة بين الدخل والاستهلاك والعلاقة بين درجات الطلبة وعدد ساعات الدراسة .

1-5. تحديد أسلوب قياس الارتباط المناسب وفقا لنوع البيانات:

كمية- كمية _____ معامل ارتباط بيرسون

رتبيه- رتبيه — معامل سبيرمان

كمية- رتبيه _____ معامل سبيرمان

2-5. معامل الارتباط الخطي البسيط: هو المقياس الذي نقيس به درجة الارتباط .

والارتباط بين الظواهر اما ان يكون موجب او سالب وهذا لا يعكس

بين الصفر و $1+$ و $1-$ وكلما اقترب من الواحد يكون الارتباط قويا وكلما اقترب من الصفر يكون ضعيفا

يساوي صفر يعني لا يوجد ارتباط واذا كان الارتباط يساوي واحد () يعني ارتباط

تام . ويرمز للارتباط بالرمز $r \times y$.

1-2-5. بيانات غير مبوبة

1. الطريقة المختصرة (طريقة انحرافات القيم عن الوسط الحسابي) وذلك باستخدام الصيغة الاتية :

$$r \times y = \frac{\sum (X_i - \bar{X}) \cdot (y - \bar{y})}{\sqrt{\sum (X_i - \bar{X})^2 \cdot (y - \bar{y})^2}}$$

حيث ان $r \times y$ تعني الارتباط بين $X \times Y$

X_i قيم مشاهدات المجموعة الاولى و y_i قيم مشاهدات المجموعة الثانية

\bar{X} الوسط الحسابي للمجموعة الثانية

: احسب معامل الارتباط بين المتغيرين (X) (Y)

قيم X 2, 2, 5, 4, 5, 6, 3, 5, 4,

قيم Y 3, 5, 7, 8, 9, 11, 6, 8, 6,

:

1 - نجد الوسط الحسابي لقيم X بي لقيم Y 2 - نجد انحرافات القيم عن الوسط الحسابي للمتغير \ddot{X} للمتغير \ddot{Y} 3 - نربع انحرافات القيم عن الوسط الحسابي للمتغير X لمتغير Y

$$\ddot{X} = \frac{\sum X_i}{n} = \frac{36}{9} = 4 \quad ; \quad \ddot{Y} = \frac{\sum Y_i}{n} = \frac{63}{9} = 7$$

X_i	$(X_i - \ddot{X})$	$(X_i - \ddot{X})^2$	Y_i	$(Y_i - \ddot{Y})$	$(Y_i - \ddot{Y})^2$	$(X_i - \ddot{X}) \cdot (Y_i - \ddot{Y})$
2	$2 - 4 = -2$	4	3	-4	16	$-2 \cdot -4 = 8$
2	-2	4	5	-2	4	4
5	1	1	7	0	0	0
4	0	0	8	1	1	0
5	1	1	9	2	4	2
6	2	4	11	4	16	8
3	-1	1	6	-1	1	1
5	1	1	8	1	1	1
4	0	0	6	-1	1	0
36	0	16	63		44	24

$$r_{xy} = \frac{\sum (X_i - \ddot{X}) \cdot (Y_i - \ddot{Y})}{\sqrt{\sum (X_i - \ddot{X})^2 \cdot \sum (Y_i - \ddot{Y})^2}} = \frac{24}{\sqrt{16 \times 44}} = 0.905$$

2. الطريقة المطولة باستخدام القيم الاصلية وحسب الصيغة الاتية :

$$r = \frac{n \cdot \sum X_i y_i - \sum X_i \sum y_i}{\sqrt{[n \cdot \sum X_i^2 - (\sum X_i)^2] \cdot [n \cdot \sum y_i^2 - (\sum y_i)^2]}}$$

: البيانات الاتية تمثل الدخل (X) والاستهلاك (y) ينار العراقي المطلوب حساب العلاقة بين الـ

والاستهلاك

X 200 , 300 , 400 , 600 , 900

Y 180 , 270 , 320 , 480 , 700

:

X -1

y -2

y X -3

y² x² -4

X _i	y _i	X _i y _i	X _i ²	y _i ²
200	180	36000	40000	32400
300	270	81000	90000	72900
400	320	128000	160000	102400
600	480	288000	360000	230400
900	700	630000	810000	490000
2400	1950	1163000	1460000	928100

$$r = \frac{n \cdot \sum X_i y_i - \sum X_i \sum y_i}{\sqrt{[n \cdot \sum X_i^2 - (\sum X_i)^2] \cdot [n \cdot \sum y_i^2 - (\sum y_i)^2]}}$$

$$r = \frac{5(1163000) - (2400)(1950)}{\sqrt{[5 \times 1460000 - (2400)^2][5 \times 928100 - (1950)^2]}}$$

$$r = \frac{5815000 - 4680000}{\sqrt{[7300000 - 5760000][4640500 - 3802500]}}$$

$$r = \frac{1135000}{\sqrt{[1540000][838000]}} = \frac{1135000}{1136010.5} = 0.999$$

العلاقة بين الدخل والاستهلاك عالية جدا وقوية موجبة وقريبة من الواحد

3-5. ارتباط الرتب (سبيرمان وسبيرمان المعدل)

ان الصيغ السابقة الخاصة لحساب معامل الارتباط البسيط تستند بالحقيقة على اعتبار ان المتغيرات المعتمدة في الحساب هي متغيرات من النوع الكمي . الا انه من الناحية العملية هناك الكثير من الحالات التي تكون فيها المتغيرات من النوع الوصفي (اي متغيرات غير قابلة للقياس كالمهنة ، الحالة الاجتماعية ، تقديرات درجات وغيرها). وبهدف حساب الارتباط بين متغيرات من هذا النوع فانه لا يمكن استخدام الصيغ السابقة مباشرة لهذا الغرض بل اجراء بعض التحويلات عليها بالشكل الذي يجعلها ممكنة الاستخدام . ان المعامل الذي يقيس درجة الترابط ما بين صفتين يدعى بمعامل ارتباط الرتب لسبيرمان.

1-3-5. هو الذي يمثل درجات الارتباط بين المتغيرات من النوع الوصفي (متغيرات وصفية)

$$r \times y = 1 - \frac{6 \cdot \sum d_i^2}{n \cdot (n^2 - 1)}$$

حيث ان :

$D_i = X_i - y_i$ اي انحراف قيم الرتب X_i عن قيم الرتب y_i ويعني هذا ان معامل الارتباط البسيط يساوي

$$r \times y = 1 - \frac{6 \cdot \sum (X_i - y_i)^2}{n \cdot (n^2 - 1)}$$

: الاتي تقديرات 6 ة في امتحان الرياضيات والاحصاء المطلوب حساب العلاقة بين تقديرات المادتين

تقديرات X ضعيف ، امتياز ، جيد ، متوسط ، مقبول ، جيد جدا

تقديرات y مقبول ، جيد جدا ، جيد ، ضعيف ، متوسط ، امتيا

:

1- لتحويل التقديرات الى ارقام نعطي لهذه التقديرات ارقام متسلسلة ونرتبها اما تصاعديا او تنازليا وكما يلي :

امتياز	جيد جدا	جيد			ضعيف
6	5	4	3	2	1

1- نرتب تقديرات X وتقديرات y ترتيبا تصاعديا او ترتيبا تنازليا

2- $d_i = (X_i - y_i)$

3- $d_i = (X_i - y_i)$

4- نجد تربيع d_i

5- نطبق صيغة القانون.

ترتيب التقديرات		ترتيب X	ترتيب y	$d_i = (X_i - y_i)$	d_i^2
ضعيف	1	1	2	-1	1
	2	6	5	1	1
	3	4	4	0	0
جيد	4	3	1	2	4
جيد جدا	5	2	3	-1	1
امتياز	6	5	6	-1	1
Total					8

$$r \times y = 1 - \frac{6 \cdot \sum d_i^2}{n \cdot (n^2 - 1)} = 1 - \frac{6 \times 8}{6 \cdot (36 - 1)} = 1 - \frac{48}{210} = 1 - 0.228 = 0.772$$

2-3-5. ارتباط سبيرمان المعدل

تكرار بعض قيم احد المتغيرين او كليهما عندئذ لا يمكن استخدام صيغة معامل ارتباط الرتب لسبيرمان بل يستوجب اجراء بعض التعديلات عليها وعلى النحو التالي :

بعد ترتيب قيم المتغير (الصفات) على نحو تصاعدي او تنازلي يتم تخصيص قيم سلسلة الاعداد الطبيعية كرتب لهذه الصفات ، ومن ثم يتم حساب معدل القيم المخصصة واعادة تخصيصه لتلك الصفات المكررة ، بعد ذلك يتم التعديل من خلال اضافة الكمية $12 \setminus (m^2 - 1)$ ، حيث m تمثل عدد مرات تكرار الصفة ، هذه الكمية d_i^2 مقابل كل صفة مكررة . هذا الاجراء يتم لكلا المتغيرين X و y .

: الاتي تقديرات لكفاءة عشرة من العاملين في احد المصانع من حيث ادارتهم في تشغيل نوعين من المكائن

الحديثة المطلوب حساب معامل الارتباط البسيط

تقديرات نوع X : جيد ، متوسط ، جيد جدا ، متوسط ، امتياز ، ضعيف ، متوسط ، جيد ، جيد .

تقديرات نوع y من المكائن : متوسط ، جيد ، جيد ، مقبول ، جيد جدا ، مقبول ، ضعيف ، متوسط ، متوسط ، امتياز .

:

1. نرتب تقديرات المتغير X تصاعديا او تنازليا ، ثم نضع لها ارقام متسلسلة

2. (X)

3. نرتب تقديرات المتغير الاخر y اما تصاعديا او تنازليا ونضع لها ارقام متسلسلة

4. y

5. d_i ($X_i - y_i$)

6. d_i^2 d_i

7. للتقديرات المتكررة لكل متغير X و y من خلال احتساب التعديلات وذلك

الكمية $12 \setminus (m^2 - 1)$

1. نجمع التعديلات الكلية للمتغيرين معا

2. نحسب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان المعدل من الصيغة الاتية :

$$r \times y = 1 - \frac{6 \cdot (\sum d_i^2 - t)}{n \cdot (n^2 - 1)}$$

تقديرات X	ترتيب X	X	تقديرات y	ترتيب y	y	d_i	d_i^2
جيد	1 ضعيف	7		1 ضعيف	5	2	4
	2	4	جيد	2	7.5	-3.5	12.25
جيد جدا	3	9	جيد	3	7.5	1.5	2.25
	4	4		4	2.5	1.5	2.25
امتياز	5	10	جيد جدا	5	9	1	1
ضعيف	6 جيد	1		6	2.5	-1.5	2.25
	7 جيد	2	ضعيف	7 جيد	1	1	1
	8 جيد	4		8 جيد	5	-1	1
جيد	9 جيد جدا	7		9 جيد جدا	5	2	4
جيد	10 امتياز	7	امتياز	10 امتياز	10	-3	9
							39

:

المتغير X : لقد تكرر التقدير المتوسط 3 مرات فيعني ان $m = 3$ و عليه

$$m(m^2-1)\backslash 12 = 3(3^2-1)\backslash 12 = 24\backslash 12 = 2$$

التقدير جيد هو 3

$$m(m^2-1)\backslash 12 = 3(9-1)\backslash 12 = 24\backslash 12 = 2$$

المتغير y : التقدير مقبول تكرر مرتين و عليه فان $m = 2$

$$m(m^2-1)\backslash 12 = 2(2^2-1)\backslash 12 = 2(4-1)\backslash 12 = 6\backslash 12 = 0.5$$

$$m = 3 \quad 3$$

$$3(3^2-1)\sqrt{12} = 3*8\sqrt{12} = 24\sqrt{12} = 2$$

التقدير جيد تكرر مرتين فان $m = 2$

$$2(2^2-1)\sqrt{12} = 2*3\sqrt{12} = 6\sqrt{12} = 0.5$$

وعليه فان التعديل الكلي يساوي

$$2 + 2 + 0.5 + 2 + 0.5 = 7$$

وبذلك معامل ارتباط الرتب لسبيرمان المعدل يكون :

$$r \times y = 1 - \frac{6 \cdot (\sum d_i^2 - t)}{n \cdot (n^2 - 1)} = 1 - \frac{6 \cdot (39 + 7)}{10 \cdot (10^2 - 1)} = 1 - \frac{6 \times 46}{990} = 1 - 0.2787 = 0.721$$

4-5. ارتباط البيانات المبوبة (للصفات)

افرض وجود توزيع تكراري مزدوج عدد صفوفه (فئات المتغير الاول) ويرمز له K عمدته (فئات المتغير الثاني) ويرمز له m ، وهذا يعني ان عدد خلايا هذا التوزيع Km . f_i تمثل تكرار الخلية المقابلة لفئة المتغير (X) f_j يمثل تكرار الخلية المقابلة للمتغير الثاني (y) وافرض ايضا ما يلي :

X_i مراكز فئات المتغير X ()

Y_i ت المتغير y ()

f_i مجاميع X

f_j مجاميع y

L_i X

L_j y

A يمثل وسط فرضي اختيار من بين مراكز فئات X

B يمثل وسط فرضي اختيار من بين مراكز فئات y

$$U_i = \frac{X_i - A}{L_i}$$

$$U_j = \frac{y_j - B}{L_j}$$

f_i U_i هي حاصل ضرب $f_i U_i$

f_j U_j هي حاصل ضرب $f_j U_j$

f_i U_i^2 هي حاصل ضرب مربع $f_i U_i^2$

f_j U_j^2 هي حاصل ضرب مربع $f_j U_j^2$

y_j X_i في تكرار الخلية المقابلة للفئة i V_j U_i هي حاصل ضرب $f_{ij} U_i V_j$

في التوزيع المزدوج وان $n = \sum f_j = \sum f_i$ عندئذ وفق هذه المعطيات n

يمكن حساب معامل الارتباط بين X و y وفق الصيغة الآتية :

$$r_{xy} = \frac{n \sum^k \sum^m U_i V_j f_{ij} - (\sum U_i f_i) (\sum V_j f_j)}{\sqrt{\left[n \sum^k U_i^2 f_i - \left(\sum^k U_i f_i \right)^2 \right] \cdot \left[n \sum^m V_j^2 f_j - \left(\sum^m V_j f_j \right)^2 \right]}}$$

:

X والرياضيا y

الاتي توزيع تكراري مزدوج لدرجات 100
معامل الارتباط البسيط ما بين X و y

$y \backslash X$	30-40	40-50	50-60	60-70	70-80	f_i
40-50	2	4	6			12
50-60	3	6	7	1		17
60-70	1	3	10	4	1	19
70-80		3	5	8	9	25
80-90			2	5	11	18
90-100			1	3	5	9
f_j	6	16	31	21	26	100

:

X .1

$$U_i = \frac{X_i - A}{L_i} \quad \text{حيث ان} \quad U_i \quad .2$$

$$U_i f_i \quad .3$$

$$f_i U_i \quad .4$$

$$y \quad .5$$

$$V_j = \frac{Y_j - B}{L_j} \quad \text{حيث ان} \quad V_j \quad .6$$

$$V_j f_j \quad .7$$

$$f_i V_j \quad .8$$

$$U_i \cdot V_j \cdot f_{ij} \quad .9$$

$$\text{ثم نطبق صيغة الق} \quad V_i \cdot U_i \cdot f_{ij} \quad .10$$

<i>Y</i> <i>X</i>	30-40	40-50	50-60	60-70	70-80	<i>f_i</i>	<i>X_i</i>	<i>U_i</i>	<i>U_if_i</i>	<i>U_i²f_i</i>	<i>U_iV_jf_{ij}</i>
40-50	2 8 8	4 8 8	6 0 0	0 0 0	0 0 0	12	45	-2	-24	48	16
50-60	3 6	6 6	7 0	1 -1		17	55	-1	17	17	11
60-70	1 0	3 0	10 0	4 0	1 0	19	65	0	0	0	0
70-80	0	3 -3	5 0	8 8	9 18	25	75	1	25	25	23
80-90	0	0	2 0	5 10	11 44	18	85	2	36	72	54
90-100	0	0	1 0	3 9	5 30	9	95	3	27	81	39
<i>f_j</i>	6	16	31	21	26	100			47	234	143
<i>Y_j</i>	35	45	55	65	75						
<i>V_j</i>	-2	-1	0	1	2						
<i>V_jf_j</i>	-12	-16	0	21	25	45					
<i>V_j²f_j</i>	24	16	0	21	104	156					
<i>V_jU_if_{ij}</i>	14	11	0	26	92	143					

$$r \times y = \frac{n \sum^k \sum^m U_i V_j f_{ij} - (\sum U_i f_i) (\sum V_j f_j)}{\sqrt{\left[n \sum^k U_i^2 f_i - (\sum^k U_i f_i)^2 \right] \cdot \left[n \sum^m V_j^2 f_j - (\sum^m V_j f_j)^2 \right]}}$$

$$r \times y = \frac{100 \times (143) - (47) \cdot (45)}{\sqrt{\left[100 \times (234) - (47)^2 \right] \cdot \left[100 \times (156) - (45)^2 \right]}} = 0.657$$

Coefficient of Association

.5-5

يعرف بانه: مقياس لقياس العلاقة بين متغيرين وصفيين مفرغة بياناتهما في جدول توافق ذو 2×2 لا يمكن اخضاعهما للقياس الكمي . افرض ان X_i متغيرين من النوع الوصفي وعليه يمكن y_i : 2×2

	y	Y_1	Y_2	
X				
X_1		f_{11}	f_{12}	f_1
X_2		f_{21}	f_{22}	f_2
		$f_{.1}$	$f_{.2}$	n

وعليه فان معامل الاقتران بين المتغيرين X و y يستخرج وفق الصيغة الاتية :

$$C . A = \frac{f_{11} f_{22} - f_{12} f_{21}}{f_{11} f_{22} + f_{12} f_{21}}$$

القطرية الرئيسية - حاصل ضرب العناصر الثانوية

=

حاصل ضرب العناصر القطرية الرئيسية + حاصل ضرب العناصر الثانوية

وان قيمة معامل الاقتران تتراوح بين +1 -1

(1)

المطلوب ايجاد العلاقة بين الحالة

من المعلوم ان عادة التدخين تؤثر تأثيرا سينا على الصد
الصحية وعادة التدخين .

:

عادة التدخين الحالة الصحية	يدخن	لا يدخن	
جيدة	f_{11} 40	f_{12} 50	90
غير جيدة	f_{21} 50	f_{22} 60	110
	90	110	200

$$C . A = \frac{f_{11} f_{22} - f_{12} f_{21}}{f_{11} f_{22} + f_{12} f_{21}} = \frac{(40) \cdot (60) - (50) \cdot (50)}{(40) \cdot (60) + (50) \cdot (50)}$$

$$= \frac{2400 - 2500}{2400 + 2500} = \frac{-100}{4900} = -0.02$$

قوة عكسية

(2)

الجدول التالي يبين عدد الحوادث التي تعرضت لها شاحنات لنقل البضائع خلال فترة زمنية معينة م المطلوب ايجاد معامل الاقتران لهذا التوزيع

X \ Y	دهس		
	25	12	37
	10	50	60
	35	69	97

:

$$\begin{aligned} C . A &= \frac{f_{11} f_{22} - f_{12} f_{21}}{f_{11} f_{22} + f_{12} f_{21}} = \frac{(25) \cdot (50) - (12) \cdot (10)}{(25) \cdot (50) + (12) \cdot (10)} \\ &= \frac{1250 - 120}{1250 + 120} = \frac{1130}{1370} = 0.824 \end{aligned}$$

العلاقة قوية جدا

Coefficient of contingency

.6-5

درسنا في الفقرة السابقة ان استخدام معامل الاقتران مقصورا على الظواهر التي تنقسم الى مجموعتين ، كانت احد الظاهرتين اللتين نبحت العلاقة بينهما او كليهما تنقسم الى اكثر من نوعين ، فان معامل الاقتران لا يساعدنا في هذه الحالة وعندئذ نستخدم معامل التوافق الذي وضعه بيرسون لقياس العلاقة بين الصفات غير سة او بين صفات بعضها تقاس وبعضها لا يقاس .ومعامل التوافق حسب الصيغة الآتية

$$C = \sqrt{\frac{r - 1}{r}}$$

$$r_1 = \frac{f_{11}^2}{T_1 \cdot T_1} + \frac{f_{12}^2}{T_1 \cdot T_2} + \frac{f_{13}^2}{T_1 \cdot T_3} + \frac{f_1 m^2}{T_1 \cdot T \cdot m} = \frac{1}{T_1} \cdot \frac{\sum f_{1i}^2}{T_i}$$

$$r_2 = \frac{f_{12}^2}{T_2 \cdot T_1} + \frac{f_{22}^2}{T_2 \cdot T_2} + \frac{f_{23}^2}{T_2 \cdot T_3} + \frac{f_1 m^2}{T_2 \cdot T \cdot m} = \frac{1}{T_2} \cdot \frac{\sum f_{2i}^2}{T_i}$$

وهكذا r_3 r_4 لجميع الصفوف اي ان

$$r = r_1 + r_2 + r_3$$

: الجدول الاتي يبين عدد حوادث الطرق التي تعرضت لها شاحنات لنقل البضائع خلال فترة زمنية م
المطلوب : ايجاد معامل التوافق لهذا التوزيع

	دهس			
	25	12	9	46
	10	50	35	95
	20	45	40	105
	55	107	84	246

:

.1 r_1 من الصيغة الاتية :

$$r_1 = \frac{f_{11}^2}{T_1 \cdot T_1} + \frac{f_{12}^2}{T_1 \cdot T_2} + \frac{f_{13}^2}{T_1 \cdot T_3} + \frac{f_1 m^2}{T_1 \cdot T \cdot m} = \frac{1}{T_1} \cdot \frac{\sum f_{11}^2}{T_i}$$

$$r_1 = \frac{25^2}{(46) \cdot (55)} + \frac{12^2}{(46) \cdot (107)} + \frac{9^2}{(46) \cdot (84)}$$

$$= \frac{625}{2530} + \frac{144}{4922} + \frac{81}{3864}$$

$$= 0.247 + 0.02 + 0.02 = 0.296$$

$$r_2 = \frac{f_{12}^2}{T_2 \cdot T_1} + \frac{f_{22}^2}{T_2 \cdot T_2} + \frac{f_{23}^2}{T_2 \cdot T_3} + \frac{f_2 m^2}{T_2 \cdot T \cdot m} = \frac{1}{T_2} \cdot \frac{\sum f_{21}^2}{T_i}$$

$$r_2 = \frac{10^2}{(95) \cdot (55)} + \frac{50^2}{(95) \cdot (107)} + \frac{35^2}{(95) \cdot (84)} = 0.419$$

$$r_3 = \frac{20^2}{(105) \cdot (55)} + \frac{45^2}{(105) \cdot (107)} + \frac{40^2}{(105) \cdot (84)} = 0.431$$

$$r = r_1 + r_2 + r_3 = 0.296 + 0.419 + 0.431 = 1.143$$

$$C = \sqrt{\frac{r-1}{r}} = \sqrt{\frac{1.143-1}{1.143}} = \sqrt{\frac{0.143}{1.143}} = \sqrt{0.125} = 0.354$$

العلاق إيجابية ضعيفة

1/ احسب معامل الارتباط البسيط بين X و y للبيانات الآتية :

قيم X : 2 , 3 , 4 , 5 , 6 , 7 ,

قيم y : 0 , 3 , 4 , 4 , 6 , 11 ,

2/ احسب معامل الارتباط للمتغيرين X و y باستخدام الطريقة المطولة

X : 2 , 2 , 5 , 4 , 5 , 6 , 3 , 5 , 4 ,

y : 3 , 5 , 7 , 8 , 9 , 11 , 6 , 8 , 6 ,

3/ الآتي تقديرات 6 طلبة في مادتي الرياضيات والاحصاء ، المطلوب إيجاد معامل الارتباط بين تقديرات

الرياضيات X	جيد	ضعيف	امتياز	جيد جدا
y	جيد	ضعيف	جيد جدا	امتياز

4/ افرض ان اثناء وباء التيفوئيد مثلا اجرى احد الاطباء تجربة مصل جديد على عينة من الافراد حجمها (343) المطلوب حساب معامل الاقتران بين حالة التلقيح بالمصل

	التلقيح	لم يلحق بالمصل	
لم يصب بالمرض	192	113	305
اصيب بالمرض	34	4	38
	226	117	343

5/ في دراسة لمعرفة العلاقة بين عدد حقول النفط المكتشفة و طول الأنابيب بالكيلومتر الناقل للنفط خلال عدة قراءات . و المطلوب ايجاد معامل ا (: 0.886)

X	55	54	56	61	62	63
طول الانابيب Y	21906	22300	23100	23203	23203	23600

النهائية كما في الجدول التالي ، المطلوب تقدير العلاقة بين

6/
 تحصيل الطالب

التحصيل	جيد				
	الناجحين	80	20	5	105
	المكملين	30	40	40	110
	الراسبين	10	40	85	135
		120	100	130	350

7/ عند دراسة العلاقة بين رائحة ولون الزهرة لعينة مكونة من 30 زهرة كانت لدينا النتائج التالية :

C بين اللون ورائحة الزهور ؟ (الحل : 0.22 علاقة ضعيفة)

X	Y	له رائحة		
		6	4	10
	ابيض	7	2	9
		6	5	11
		19	11	30

يٰٓ

6- السلاسل الزمنية Time Senes

6-1. السلسلة الزمنية : هي مجموعة من القيم المشاهدة لظاهرة معينة لمدة من الزمن (عدة سنوات) في فترات زمنية متساوية . ان مجموعة القيم الدالة على صادرات العراق السنوية من التمور من سنة 1924 إلى 1970 هي سلة زمنية . وان المبالغ الدالة على مقدار ما يبيعه احد المخازن في اليوم ولمدة اسبوع هي سلسلة زمنية ايضا ، وكذلك اعتبار الجدول الذي يشير الى درجات الحرارة في بغداد في نهاية كل ساعة ولمدة يوم كامل هو سلسلة زمنية وهكذا . لذلك يمكن اعتبار السلسلة الزمنية علاقة بين متغيرين هما قيمة الظاهرة والزمن .

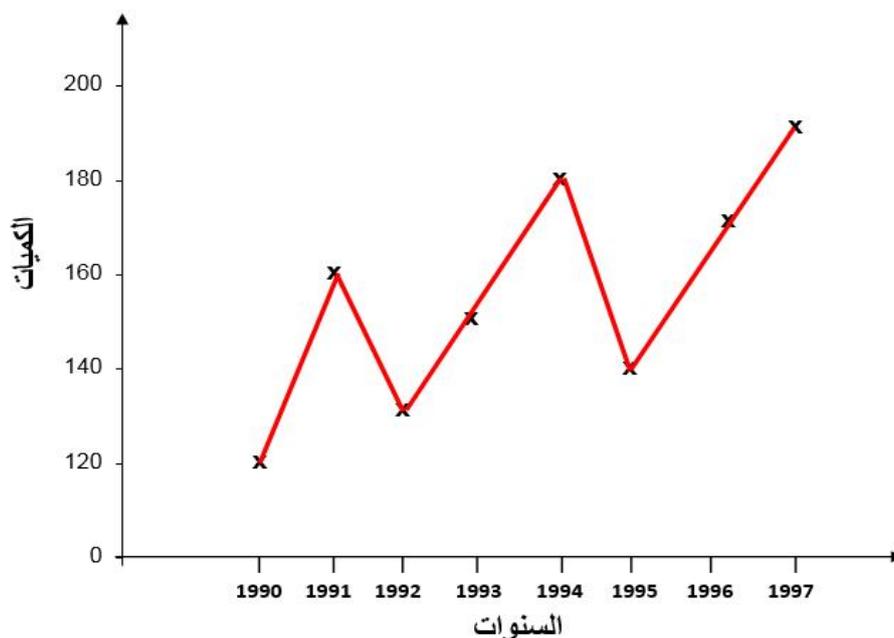
تهتم كثير من الدراسات ولاسيما الاقتصادية والاجتماعية بدراسة السلسلة الزمنية وذلك لان كثيرا من الظواهر الاقتصادية كالصادرات السنوية مثلا استعرضت وبحثت لعدد من السنين فانه يمكن معرفة طبيعة التغيرات التي تطرأ على قيم الظاهرة مع الزمن وتحديد الاسباب والنتائج وتفسير العلاقات المشاهدة بينها والتنبؤ بما سيحدث من تغير على قيم الظاهرة في المستقبل على ضوء ما حدث لها في الماضي .

: البيانات التالية تمثل الكميات المستوردة من الحبوب خلال ثمانية سنوات بالطن المطلوب تمثيل هذه

السلسلة بياني

1997	1996	1995	1994	1993	1992	1991	1990	
190	170	140	180	150	130	160	120	الكميات

الرسم البياني



من الرسم البياني يتبين بان رغم التذبذبات فان المنحنى الى ارتفاع بمرور الزمن

2-6. تحليل السلسلة الزمنية : ان دراسة السلسلة الزمنية يقتضي تحليلها الى العوامل المؤثرة فيها وقد وجد ان السلسلة الزمنية بالعوامل الاتية :

1.

2. التغيرات الموسمية

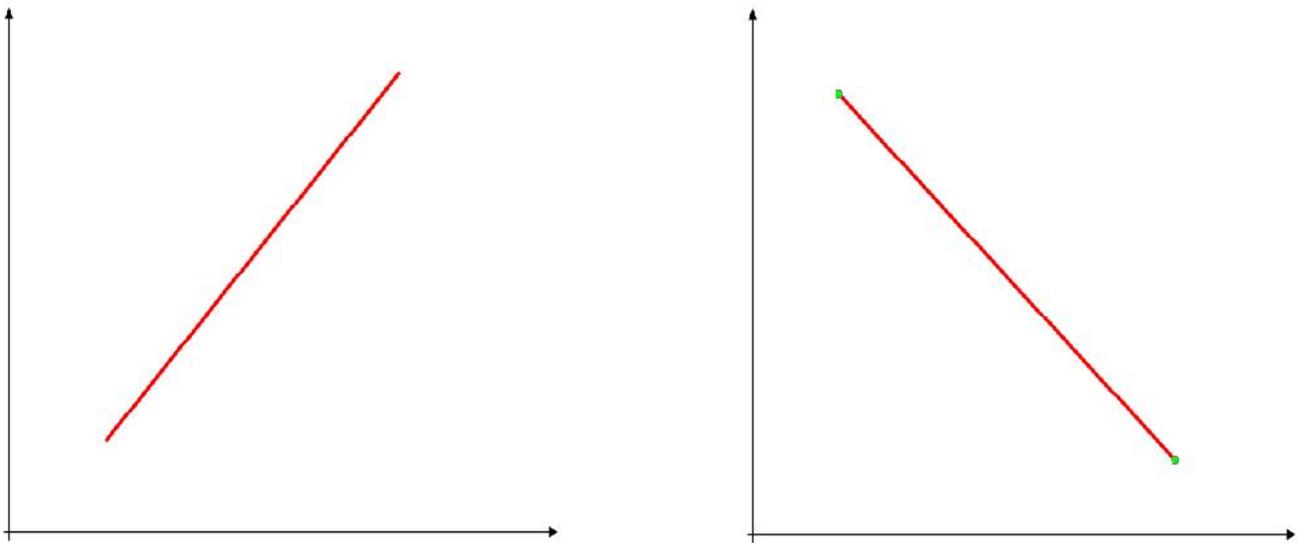
3. التغيرات الدورية

4. التغيرات العرضية

1- هو العامل الاكثر تأثيرا على القيم الظاهرة في المدى الطويل فمثلا عدد سكان العراق خلال الاربعين سنة الماضية يمثل سلسلة زمنية بدرجة كبيرة بالاتجاه العام . نظرا لميل جميع الاعداد المكونة لهذه السلسلة الى التزايد بصورة عامة . يكون الاتجاه العام موجب عندما تتزايد قيمة الظاهرة على مرور الزمن فمثلا نمو السكان يمثل سلسلة زمنية اتجاهها العام .

ويكون التجاه العام سالبا عندما تتناقص قيم الظاهرة على مرور الزمن فمثلا الوفيات الناتجة عن الاصابة بمرض الجدري تكون سلسلة زمنية اتجاهها سالب .

والاتجاه العام يكون مستقيما اذا كان التغير في قيم الظاهرة كمية ثابتة موجبة او سالبة ويكون التجاه العام غير مستقيم (منحنى) اذا كان التغير في قيم الظاهرة غير ثابت خلال المدة ويمكن توضيح ذلك بالشكلين الآتيين .



()

2 - التغيرات الموسمية : تشير التغيرات الموسمية الى متوسط التغير المنظم الذي يحدث خلال سنة واحدة او فصل واحد او شهر واحد الخ ان التغيرات الموسمية تتكرر خلال فترات منتظمة تتكون نتيجة اختلاف المناخ او عادات اجتماعية او مناسبات دينية او ما شابه . التغيرات الموسمية في زيادة الاستهلاك من وقود

التدفئة في فصل الشتاء وزيادة الطلب على المراوح في فصل الصيف لذلك يمكن التنبؤ بمقدار الظاهرة في المستقبل حسب فصول او اشهر السن .

3 – **التغيرات الدورية**: هي التغيرات التي تتكرر خلال فترة زمنية تزيد عن سنة مثل تعاقب الدورات الاقتصادية (الرخاء والانكماش) وتسمى بالتذبذبات الدورية وانها اقل انتظاما من التغيرات الموسمية.

4 – **التغيرات العرضية**: هي التغيرات التي تحدث غير متوقعة مثل الحروب والكوارث الطبيعية ، ويصعب التنبؤ بالفترات التي يمكن ان تحدث فيها هذه التغيرات .

1-2-6. طرق ايجاد خط الاتجاه العام

1. طريقة متوسطي نصفي السلسلة
2. طريقة المتوسطات المتحركة
3. طريقة المربعات الصغرى

2-2-6. طريقة متوسطي نصفي السلسلة

بموجب هذه الطريقة تقسم السلسلة الى قسمين يفضل ان يكونا متساويين ثم نوجد الوسط الحسابي للقيم في كل قسم فنحصل على نقطتين على خط السلسلة الزمنية . ثم نرسم مستقيما بين النقطتين فيكون هو خط الاتجاه العام . ان هذه الطريقة بسيطة ولكن النتائج التي نحصل عليها قد لا تكون دقيقة كذلك فان العمل بهذه الطريقة يقتصر على الحالات التي يكون فيها الاتجاه العام مستقيما او قريبا من الاستقامة

:

اوجد خط الاتجاه العام للسلسلة الزمنية الاتية باستخدام طريقة متوسطي نصفي السلسلة

1955 , 1956 , 1957 , 1958 , 1959 , 1960 , 1961 , 1962 , 1963 , 1964 :

5.93 , 6.09 , 6.26 , 6.45 , 6.67 , 6.89 , 7.13 , 7.37 , 7.62 , 7.88 :

(بالملايين)

:

نقسم السلسلة الى قسمين متساويين الاول من سنة (1955 – 1959) والسنة الوسطى فيه هي سنة 1957

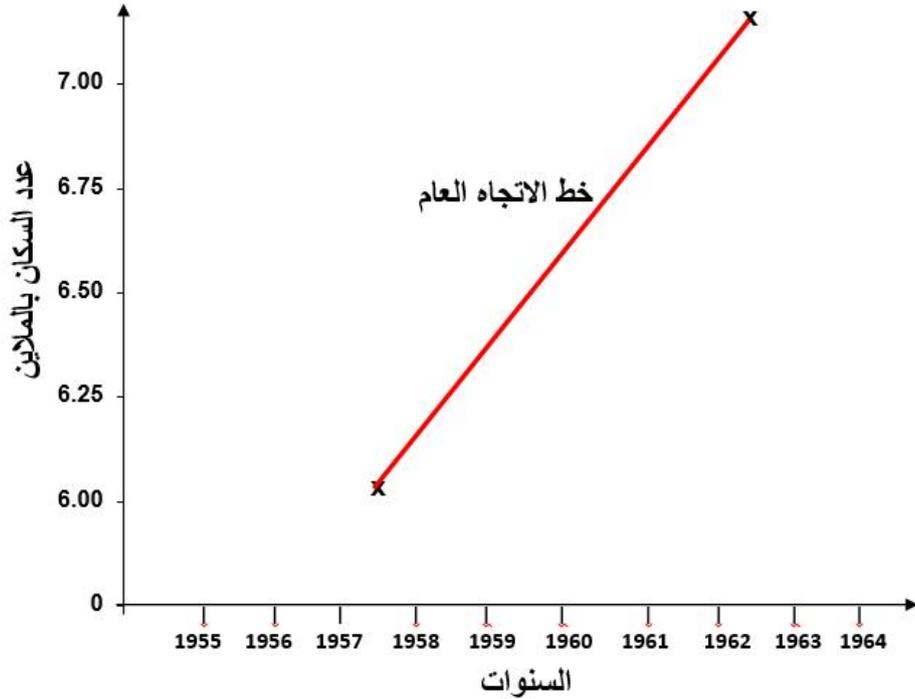
(1960 -1964) والسنة الوسطى فيه هي سنة 1962

:

$$\bar{X} = \frac{\sum X_i}{n} = \frac{5.93 + 6.09 + 6.26 + 6.45 + 6.67}{5} = 6.28$$

$$\bar{X} = \frac{\sum X_i}{n} = \frac{6.89 + 7.13 + 7.37 + 7.62 + 7.88}{5} = 7.38$$

نرسم الاحداثي السيني (المحور الافقي) ويمثل السنوات () ويمثل عدد السكان بالملايين ونحدد النقطتين (الوسط الحسابي لكل قسم) ثم نرسم خط مستقيم يصل بين النقطتين فنحصل على



3-2-6. طريقة المتوسطات المتحركة :

بموجب هذه الطريقة نختار عدد من السنين ولتكن ثلاثة سنوات او خمس سنوات ونحسب متوسط قيم الظاهرة لهذه السنين ثم نترك القيمة الاولى من القيم التي اخذناها بدلها القيمة التالية للمجموعة السابق اخذها فنحصل على قيم بنفس عدد القيم السابقة متوسطها ثم نترك القيمة الاولى من المجموعة الجديدة وناخذ بدلها القيمة لتالية للمجموعة ثم نستخرج متوسطها وهكذا نحصل على المتوسطات المتحركة لقيم الظاهرة ثم نضع المتوسط لكل مجموعة امام القيمة الوسطى من قيمها ان كان عددها فرديا وامام احدى القيمتين الوسطيتين ان كان عددا زوجيا ثم نثبت هذا المتوسط على شكل نقاط ونصل بينها بخط مستقيم فيكون خط الاتجاه العام .

1998 1990

: الجدول الاتي يبين قيم المبيعات الفعلية y_i

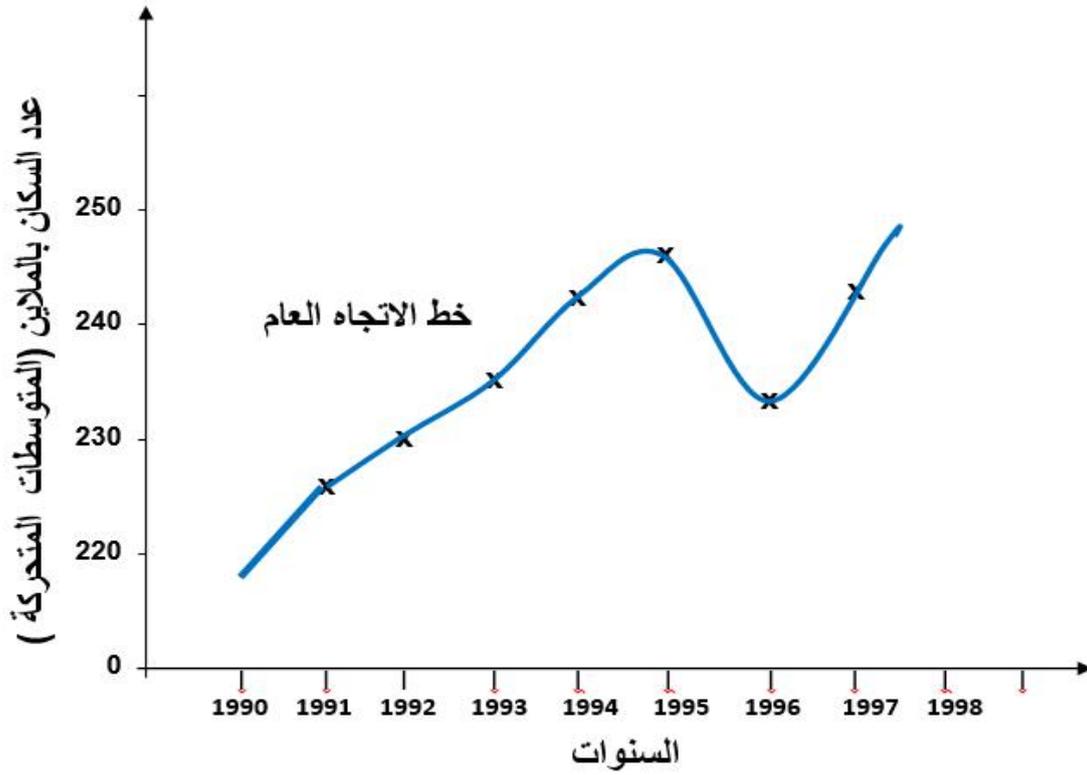
رسم خط الاتجاه العام باستخدام طريقة المتوسطات المتحركة .

1998 , 1997 , 1996 , 1995 , 1994 , 1993 , 1992 , 1991 , 1990 :

المبيعات بالملايين : 280 , 220 , 230 , 250 , 260 , 220 , 230 , 240 , 210

: نفرض ان عدد السنين المناسب هو ثلاث سنوات

()		المبيعات بالملايين y_i	
		210	1990
226.67	680	240	1991
230	690	230	1992
236.67	710	220	1993
243.33	730	260	1994
246.67	740	250	1995
233.33	700	230	1996
243.33	730	220	1997
		280	1998



4-2-6. طريقة المربعات الصغرى

تعتبر هذه الطريقة من ادق طرق تعيين خط الاتجاه العام

$$Y_i = a + b.E$$

حيث ان a b قيمتان ثابتتان

b

$$b = \frac{\sum y_i E_i - n \bar{Y} \bar{E}}{\sum E^2 - n \bar{E}^2}$$

a

$$a = \bar{Y} - b \bar{E}$$

$$\bar{E} = \frac{\sum E_i}{n} \quad ; \quad \bar{Y} = \frac{\sum y_i}{n}$$

الجدول الآتي يبين قيم المبيعات الفعلية (بالملايين) لأحد المصانع وللسنوات 96-98 :
 تية:

المبيعات y_i 280 , 220 , 230 , 250 , 260 , 220 , 230 , 240 , 210

E_i 9 , 8 , 7 , 6 , 5 , 4 , 3 , 2 , 1 ,

المطلوب : استخراج معادلة خط الاتجاه العام بطريقة المربعات الصغرى ثم قدر قيمة المبيعات للسنوات 1999
 2000

E_i	y_i	$y_i E_i$	E_i^2
1	210	210	1
2	240	480	4
3	230	690	9
4	220	880	16
5	260	1300	25
6	250	1500	36
7	230	1610	49
8	220	1760	64
9	280	2520	81
45	2140	10950	285

E_i اي الوسط الحسابي للمبيعات y_i \bar{Y}

$$\bar{E} = \frac{\sum E_i}{n} = \frac{45}{9} = 5$$

$$\bar{Y} = \frac{\sum y_i}{n} = \frac{2140}{9} = 237.78$$

$$b = \frac{\sum y_i E_i - n \bar{Y} \bar{E}}{\sum E^2 - n \bar{E}^2} = \frac{10950 - 9 \times 5 \times 237.78}{285 - 9 \times 5^2} = \frac{350}{60} = 4.17$$

$$a = \bar{Y} - b \bar{E} = 237.78 - (4.17)(5) = 237.78 - 20.85 = 216.93$$

$$Y_i = a + b.E = 216.93 - 4.17 E$$

ويمكن الاستفادة من معادلة خط الاتجاه العام للتنبؤ بقيم المبيعات لكل ثلاثة اشهر
بالتعويض عن قيمة E_i في معادلة خط الاتجاه العام وكما يلي :

$$1999 \Rightarrow E = 10$$

$$Y_{1999} = a + b.E = 216.93 + 4.17 \times 10 = 258.63$$

$$2000 \Rightarrow E = 11$$

$$Y_{2000} = a + b.E = 216.93 + 4.17 \times 11 = 262.8$$

وهكذا لبقية المواسم كما يمكن التعويض E_i بالاشهر 2004 ولشهر أيار

$$5 / 2005 \Rightarrow E = 15.417$$

$$Y_{2000} = a + b.E = 216.93 + 4.17 \times 15.417 = 281.22$$

1/ الجدول التالي يبين انتاج البيض في احدى محطات الدواجن عن الفترة من 1991 2000 بالمليون بيضة

طريقة المتوسطات المتحركة :

17.8 , 20.4 , 16.1 , 13.8, 12.9, 16.8, 16.9 15.1 , 15.2 ,16.2 :

2000 1999 1998 1997 1996 1995 1994 1993 1992 1991 :

2/ البيانات التالية تمثل الادخارات في احد المصارف مقدره بالملايين
العام باستخدام طريقة المربعات الصغرى ثم قدر 1990

81	78	69	77	60	55	46	31	y_i
1989	1988	1987	1986	1985	1984	1983	1982	E

الأرقام القياسية

7- الأرقام القياسية Index number

ان دراسة الأرقام القياسية على جانب كبير من الأهمية لجميع الباحثين في المجالات الاقتصادية والاجتماعية والتجارية فالرقم القياسي يشير الى الانخفاض والارتفاع الذي يطرأ على الظاهرة موضوعة البحث وبواسطة الرقم القياسي يتمكن الباحث الاقتصادي ان يعطي رأيه في ارتفاع وانخفاض مستوى المعيشة في قطر من الاقط او مدينة من المدن خلال فترة معينة من الزمن . كذلك يتمكن هذا الباحث عند وقوفه على التغير الحقيقي في الحالة الاقتصادية ان يضع سياسة اقتصادية انمائية مرنة من واقع التغيرات التي توصفها هذه الأرقام .

وعن طريق دراسة الأرقام القياسية مثلا يتمكن الباحث من ان يقف على الظروف الاجتماعية والاقتصادية للعمال في الصناعات المختلفة في السنوات المختلفة واثر التحسينات في وسائل الانتاج وتخفيض ساعات العمل وغير ذلك مما يتعلق ومستواها.

الرقم القياسي : هو قياس احصائي يبين التغير في قيمة ظاهرة معينة او مجموعة من الظواهر ذات العلاقة بالنسبة الى قيمتها في زمان او مكان معين .

: هي الفترة التي تنسب اليها عادة اسعار وكميات الفترات الاخرى وهذه الفترة قد تكون شهرا او سنة او غيرها ولكن الشائع ان تكون سنة واحدة وتسمى (سنة الاساس) كما يشترط ان تكون سنة طبيعية خالية

: هي الفترة التي تنسب اسعارها او كمياتها الى اسعار او كميات فترة الاساس .

1-7. انواع الأرقام القياسية المستخدمة في التحليل الاحصائي :

اولا : الأرقام القياسية البسيطة Simple index number

ثانيا : الأرقام القياسية المرجحة Weighted index number

تكوين الأرقام القياسية : من الممكن ايجاد ارقام قياسية لأية ظاهرة لغرض مقارنة قيمتها بين فترة واخرى . فمثلا نستطيع عمل رقم قياسي وكذلك للصادرات والواردات والاجور وغير ذلك ولكن من الأرقام القياسية شيوعا المهمة والاكثر شيوعا هي الأرقام القياسية .

1-1-7. القياسية البسيطة Simple index number

يحسب الرقم القياسي البسيط بموجب هذه الطريقة بايجاد

*100 للحصول على نسبة مئوية .

----- =

$$\bar{P}_i = \frac{\sum P_i}{n}$$

حيث ان P_i هي اسعار سنة المقارنة

=

$$\bar{P}_o = \frac{\sum P_o}{n}$$

حيث ان P_o هي اسعار سنة الاساس

100 % *

وعليه فان الرقم القياسي =

$$P . I = \frac{\sum \frac{P_i}{n}}{\sum \frac{P_o}{n}} \times 100 \%$$

ياخذ الصيغة الاتية :

وعليه فان الرقم القيا

$$P . I = \frac{\sum P_i}{\sum P_o} \times 100 \%$$

:

الجدول الاتي يبين اسعار بعض السلع في سنتي (1969) (1993) المطلوب ايجاد الرقم القياسي البسيط
1969 هي سنة 1993

1993	1969	
4000	600	
700	30	
320	32	
4390	662	

$$P . I = \frac{\sum P_i}{\sum P_i} \times 100 \% = \frac{4390}{662} \times 100 \% = 663 \%$$

663 دينار عما كانت عليه في سنة الاساس 1969

1-1-1-7. استخدام الرقم القياسي البسيط للمقارنة بين كميات السلع وقيمتها

يستخدم الرقم القياسي البسيط في حالة المقارنة بين كميات السلع وذلك بقسمة كمية السلعة في سنة المقارنة q_i على كمية السلعة في سنة الاساس q_0 *100

اي ان الرقم القياسي البسيط للكمية ياخذ الصيغة الاتية :

$$Q . I = \frac{q_i}{q_0} \times 100$$

اما اذا توفرت بيانات عن سعر السلعة والكمية المباعة او المنتجة في سنتي الاساس والمقارنة فيمكننا استخراج الرقم القياسي لقيمة الانتاج وذلك بقسمة قيمة السلعة في سنة المقارنة على قيمتها في سنة الاساس وضرب *100

_____ : القيمة = الكمية * السعر ويرمز للقيمة بـ V وعليه فان $V = q \times p$

وعليه فان الرقم القياسي للقيمة ياخذ الصيغة الاتية :

$$Q . I = \frac{P_i q_i}{P_0 q_0}$$

$p_i q_i$ القيمة في سنة المقارنة

$p_o q_o$ هي القيمة في سنة الاساس

:

اذا كانت الكمية المباعة من احدى السلع في سنة 1991 (150) (20) دينار للوحدة ، وقد ارتفعت الكمية المباعة من هذه السلعة في سنة 1997 (250) (22) دينار للوحدة .

: - الرقم القياسي البسيط لسعر السلعة عام 1997 1991 هي سنة الاساس

- الرقم القياسي البسيط لكمية الانتاج لعام 1997 1991 هي سنة الاساس

- الرقم القياسي البسيط للقيمة لعام 1997

:

- نحسب الرقم القياسي البسيط 1991

$$P . I = \frac{P_{i1997}}{P_{o1991}} \times 100 \% = \frac{22}{20} \times 100 \% = 110 \%$$

1997 10%

- الرقم القياسي البسيط لكمية الانتاج

$$Q . I = \frac{q_{i1997}}{q_{o1991}} \times 100 \% = \frac{250}{150} \times 100 \% = 166 .67 \%$$

ي ان الكمية المنتجة ارتفعت بنسبة 66.67% 1997

- القياسي البسيط للقيمة

$$V . I = \frac{P . I \times Q . I}{100} \times 100 \% = \frac{110 \times 166 .67}{100} \times 100 \% = 183 .3 \%$$

كما يمكن استخراج نفس النتيجة بقسمة حاصل ضرب الرقمين القياسيين للسعر والكمية المستخرجة سابقا على

$$V . I = \frac{P . I \times Q . I}{100} \times 100 \% = \frac{110 \times 166 .67}{100} \times 100 \% = 183 .3 \%$$

2-7. الارقام القياسية المرجحة :

يعيب الارقام القياسية البسيطة كونها تعطي اهمية متساوية للسلع المختلفة لدى استخراج ارقامها القياسية اي انها تعطي صورة غير دقيقة للتغيرات الحاصلة في مستويات الاسعار او الكميات وغيرها .

لذلك نلجأ الى استخدام الارقام القياسية المرجحة اي التي تعطي لكل سلعة الوزن الحقيقي الخاص بأهميتها من خلال ترجيح الاسعار وحيث يوجد لدينا نوعية من الاسعار (اسعار سنة الاساس واسعار سنة المقارنة) كذلك نوعين من الكميات (كميات سنة الاساس وكميات سنة المقارنة) لذلك يمكن ان نحصل على ثلاثة انواع من الارقام القياسية العلماء الذين توصلوا اليها وهي :-

1- رقم لاسبير Laspeyers Index

2- Paasche

3- رقم فيشر Fisher ()

1-2-7. رقم لاسبير : يعتمد على الترجيح بكميات سنة الاساس

$$\text{رقم لاسبير} = \frac{\text{مجموع اسعار سنة المقارنة * كميات}}{\text{مجموع اسعار سنة الاساس * كميات}} \times 100^*$$

اي ان رقم لاسبير يساوي

$$P . I (Las .) = \frac{\sum P_i q_o}{\sum P_o q_o} \times 100 \%$$

: الجدول الاتي يبين كميات السلع واسعارها في سنتين 1939 , 1957 المطلوب : ايجاد الرقم القياسي

1957 هي سنة الاساس بطريقة لاسبير

الكمية			
1957	1939	1957	1939
24	18	4	2
12	6	9	4
32	20	3	1
400	250	3	1

:

* كميات سنة الاساس ثم نجمع حاصل الضرب

* كميات سنة الأساس ثم نجمع حاصل الضرب

$P_i (1957) \cdot q_o (1939)$	$P_o (1939) \cdot q_o (1939)$
$4 \times 18 = 72$	$2 \times 18 = 36$
$9 \times 6 = 54$	$4 \times 6 = 24$
$3 \times 20 = 60$	$1 \times 20 = 20$
$250 \times 3 = 750$	$1 \times 250 = 250$
936	330

$$P . I (Las .) = \frac{\sum P_i q_o}{\sum P_o q_o} \times 100 \% = \frac{936}{330} \times 100 \% = 284 \%$$

يلاحظ ان هذا الرقم القياسي يمكن استخراجه في حالة عدم توفر البيانات الخاصة بكميات سنة المقارنة (لأنه يعتمد على كميات سنة الاساس)

2-2-7. رقم باش (الترجيح بكميات سنة المقارنة)

$$100^* \frac{\text{مجموع اسعار سنة المقارنة * كميات سنة المقارنة}}{\text{مجموع اسعار سنة الاساس * كميات سنة المقارنة}} = \text{الرقم القياسي لباش}$$

ويأخذ الرقم القياسي لباش الصيغة الآتية:

$$P . I (Paa .) = \frac{\sum P_i q_i}{\sum P_o q_i} \times 100 \%$$

: يبين كميات السلع واسعارها في سنتين 1939 1957 المطلوب : ايجاد الرقم القياسي

1957 هي سنة الاساس بطريقة باش

الكمية				
1957	1939	1957	1939	
24	18	4	2	
12	6	9	4	
32	20	3	1	
400	250	3	1	

:

1. * كميات سنة المقارنة ونجمع حاصل الضرب

2. * كميات سنة المقارنة ونجمع حاصل الضرب

$P_i (1957) \cdot q_i (1957)$	$P_o (1939) \cdot q_i (1957)$
$24 \times 4 = 96$	$2 \times 24 = 48$
$12 \times 9 = 108$	$12 \times 4 = 48$
$32 \times 3 = 96$	$32 \times 1 = 32$
$400 \times 3 = 1200$	$400 \times 1 = 400$
1500	528

$$P . I (Paa .) = \frac{\sum P_i q_i}{\sum P_o q_i} \times 100 \% = \frac{1500}{528} \times 100 \% = 284 \%$$

3-2-7. الرقم القياسي الامثل

ويسمى بمعادلة فيشر وبموجب هذه المعادلة يمكن احتساب الرقم القياسي للاسعار من الجذر التربيعي لحاصل ضرب الناتج من معادلة باش * الرقم القياسي الناتج من معادلة لاسبير

وعليه فان الرقم القياسي الامثل يساوي

$$P . I (Fis .) = \sqrt{\left(\frac{\sum P_i q_o}{\sum P_o q_o} \right) \cdot \left(\frac{\sum P_i q_i}{\sum P_o q_i} \right)} \times 100 \%$$

وبالرجوع الى المثال السابق للاسبير وباش فان الرقم القياسي لفischer يساوي

$$\begin{aligned} P . I (Fis .) &= \sqrt{\left(\frac{\sum P_i q_o}{\sum P_o q_o} \right) \cdot \left(\frac{\sum P_i q_i}{\sum P_o q_i} \right)} \times 100 \% \\ &= \sqrt{\left(\frac{936}{330} \right) \cdot \left(\frac{1500}{528} \right)} \times 100 \% = \sqrt{2.84 + 2.84} \times 100 \% = 284 \% \end{aligned}$$

: الجدول الاتي يبين الاسعار والكميات المقابلة لها

q _i كميات مقارنة	q _o كميات اساس	P _i	P _o	البيانات
25	20	10	4	1
30	40	5	2	2
20	15	9	6	3
15	10	15	8	4

:

- رقم لاسبير القياسي

- رقم باش القياسي

- رقم فيشر القياسي (الامتثل)

:

- رقم لاسبير

$P_i \cdot q_o$	$P_o \cdot q_o$
$10 \times 20 = 200$	$4 \times 20 = 80$
$5 \times 40 = 200$	$2 \times 40 = 80$
$9 \times 15 = 135$	$6 \times 15 = 90$
$15 \times 10 = 150$	$8 \times 10 = 80$
685	330

$$P . I (Las .) = \frac{\sum P_i q_o}{\sum P_o q_o} \times 100 \% = \frac{685}{330} \times 100 \% \approx 207 \%$$

$P_i \cdot q_i$	$P_o \cdot q_i$
$10 \times 25 = 250$	$4 \times 25 = 100$
$5 \times 30 = 150$	$2 \times 30 = 60$
$9 \times 20 = 180$	$6 \times 20 = 120$
$15 \times 15 = 225$	$8 \times 15 = 120$
805	400

$$P.I(Paa.) = \frac{\sum P_i q_i}{\sum P_o q_i} \times 100 \% = \frac{805}{400} \times 100 \% \approx 201 \%$$

- رقم فيشر

$$P.I(Fis.) = \sqrt{\left(\frac{\sum p_i q_o}{\sum p_o q_o}\right) \cdot \left(\frac{\sum p_i q_i}{\sum p_o q_i}\right)} \times 100 \%$$

$$= \sqrt{\left(\frac{685}{330}\right) \cdot \left(\frac{805}{400}\right)} \times 100 \% = \sqrt{2.07 + 2.01} \times 100 \% \approx 202 \%$$

1/ البيانات التالية توضح الكميات المصدرة من مجموعة من السلع في عامي 2000 و 2009 :

2009	2000		
200	70		
80	20		
900	400	الف برميل	مواد بترولية

2/ يبين الجدول التالي الأسعار والكميات لثلاث منتجات :

	2000		2010	
	الكمية		الكمية	
	2000	10	6000	9
	3000	15	8000	10
	5000	20	7500	8

1- الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار

2- الرقم القياسي التجميعي (رقم لاسبير)

3- الرقم القياسي التجميعي (رقم باش)

4- الرقم القياسي التجميعي (رقم فيشر)

3/ الجدول الآتي يبين أسعار وكميات السلع A B C 2005 2013.

الكمية				
(Q ₁)2013	(Q ₀)2005	(P ₁) 2013	(P ₀) 2005	
14	8	18	13	A
12	6	21	16	B
18	10	28	22	C

(2) رقم فيشر للأسعار

المطلوب تقدير كل من : (1) رقم لاسبير للكميات

بعض المواضيع التطبيقية

8- بعض المواضيع التطبيقية

بعد دراستنا لمراحل الطريقة الاحصائية والمام الطالب ببعض المراحل الاساسية أعتقد ان من الضروري ان نطلع على بعض المواضيع التطبيقية التي تعالج بعض النواحي الاقتصادية والاجتماعية وغيرها ، والمواد التطبيقية كثيرة ومتشعبة فهناك الاحصاءات الحيوية والتجارية والهندسية والصناعية والزراعية واحصاءات الدخل القومي

1-8. لاحصاءات الحيوية :

الاحصاءات الحيوية هي الاحصاءات التي تبحث وتحلل المظاهر المختلفة لحياة الانسان منذ ولادته الى وفاته . فهي تهتم بالولادات والوفيات والزواج والطلاق والامراض والعاهات والحرف والصناعات والهجرة . وهكذا نرى أهمية هذا النوع من الدراسة .

2-8

اهتمت الدول قديما بمعرفة عدد السكان وذلك لتقدير قوتها البشرية في الحروب وكذلك لحماية الضرائب . عملية العد تجري بطرق غير علمية وبتواريخ غير محددة . وفي الوقت الحاضر تطور اسلوب تعداد السكان واصبح يجري بفترات منتظمة ويشمل عد جميع سكان البلد في فترة معينة وبأساليب احصائية حديثة . وترمي عملية التعداد في الوقت الحاضر الى التعرف على الصفات المختلفة للسكان وتوزيع السكان جغرافيا ، توزيع السكان حسب العمر والنوع ، الحالة المدنية والعلمية والدينية ، توزيع السكان حسب الحرف وغير ذلك من صورة واضحة عن احوال السكان الاجتماعية والاقتصادية وهذه الصورة تساعد المسؤولين على وضع تخطيط سليم شامل . ونظرا لأهمية احصاء السكان لبرامج التخطيط ، فقد فكرت بعض الدول في جعل عملية تعداد السكان تجري بفترات قصيرة (كل خمس سنوات مثلا) الا ان العمل المرهق التعداد تحول دون تقصير فترة التعداد .

وفي العراق يجري التعداد كل عشر سنوات ، فقد قامت الحكومة العراقية بتسجيل عام لسكان العراق 1977 اقية بعدة تسجيلات عامة قبل هذا التسجيل

الاخير . وذلك في السنوات 1927 - 1934 - 1947 - 1957 - 1965 . فلم يكن سوى

محاولة فاشلة فلم تمضي بضعة شهور حتى تبين للحكومة فشل العملية فألغتها . اما تسجيل 1934

تعيين لجان استقرت في الاماكن على ان يستدعي المختار رؤساء العائلات بالبيانات المطلوبة وقد شمل

هذا التسجيل جميع انحاء العراق وكان الغرض منه مركزا لخدمة أغراض التجنيد والانتخابات ، وقد استعمل

اساسا لمنح (دفتر الجنسية) التي استبدلت فيما بعد بدفاتر النفوس لاستعمالها . أما تسجيل عام

1947 فيعتبر اول تسجيل جرى بواسطة العدادين والهيئات حيث قاموا بزيارة المساكن لاستقاء المعلومات

المطلوبة . وقد شملت عملية التسجيل جميع انحاء العراق في المدن والقصبات في يوم واحد . اما في القرى والارياض فقد قبل يوم التسجيل وانتهت في نفس يوم التسجيل . ولم تنجح العملية في القرى والارياض نجاحها في المدن والقصبات . وقد تخلف عدد كبير من السكان عن التسجيل وقد تبين ذلك عام 1957 . حيث كان التسجيل 1957 اكثر دقة وشمولا . اما التسجيل في عام 1965 فقد كان من المفروض ان يجري عام 1967 عداد للانتخابات فقد قدم موعد التعداد . وامتاز هذا التعداد عن التعدادات السابقة بكون الاستمارة اضيف الى الاستمارة اسئلة تتعلق بالحرف والقومية والخدمة العسكرية وغيرها . وهناك طريقتان للتعداد .

1-2-8

وفي هذه الطريقة ولة منع التجول ويحصر السكان كما هم في الواقع وقت التعداد ، ففي كل محل (بيت ، فندق ... الخ) يعتبر جميع الاشخاص الموجودين فيه ساعة التعداد من سكان البلدة سواء أكانوا زائرين أو من أصل السكان . كما ان أحد أفراد العائلة المتغيب عنها في يوم التعداد لا يعد من عائلته بل يعد مع سكان المدينة التي هو فيها . وهذه الطريقة سهلة وقليلة الاخطاء . اذ ان العداد لا يحتاج الى عد كل شخص في أي مكان يوجد فيه الا ان التعداد بهذه الطريقة لا يصور الاشياء على حقيقتها ويعطي معلومات غير صحيحة اذا كانت الدولة واسعة الدول التي تستخدم هذه الطريقة .

2-2-8

وهو حصر السكان حسب اقامتهم المعتادة . العائلة المتغيبون عن البيت يحسبون مع عائلاتهم ولا يعدون مع سكان المدن الاخرى التي هم فيها وقت التعداد . وهذه الطريقة صعبة من الناحية العملية اذ تتطلب وضع أسئلة فية في استمارة التعداد لمعرفة محل الإقامة الحقيقية لكل شخص فيحصل الالتباس الذي يؤدي الى تسرب أخطاء كبيرة ان يكون التعداد دقيقا يجب تهيئة جهاز منظم من العدادين والفنيين كما ان درجة ثقافة الشعب تؤثر في ذلك . ومن الدول التي تطبق هذه الطريقة الولايات المتحدة والمانيا .

والتعداد يجري عن طريق طبع استمارات وتوزيعها على العائلات والمحلات لملئها من قبلهم أو بواسطة العدادين . وتعتبر البيانات الموجودة في الاستمارات سرية يعاقب من يشي بها ويستعملها لغير أغراضها الاحصائية .

3-8. تقدير عدد السكان :

تخطيط للدولة الى معرفة عدد السكان سنويا ولا يمكن معرفته بواسطة التعداد العام الذي يجري مرة واحدة كل عشر سنوات بسبب صعوبة العمل والتكاليف الكثيرة لذلك تلجأ الى عمل تقديرات سنوية وهناك ثلاث طرق لتقدير عدد السكان وهي (1) الزيادة الطبيعية (2) المتواليات العددية (3) المتواليات الهندسية .

1-3-8. الزيادة الطبيعية

وهذه الطريقة مبنية على اساس أنه اذا عرف التعداد لسنة 1957 مثلا وأريد معرفة عدد السكان التقديري للسنة 1958 فيجب ان تعرف عدد كل من المواليد والوفيات والداخلين والراحلين عنه في الفترة من نهاية 1957 .
نهاية 1958 .

والزيادة الطبيعية للسكان = عدد المواليد + عدد المهاجرين للداخل – (عدد الوفيات + عدد المهاجرين للخارج)
ويمكن استخدام هذا المقياس لتقدير السكان في أي وقت اذا ضبطت احصاءات الهجرة وكان تسجيل المواليد والوفيات دقيقا .

2-3-8. ية العددية

في حالة التقدير بطريقة المتوالية العددية يجب أن يكون معروفا لدينا سابقا للتقدير وذلك لاستخراج
d اي اننا نطبق صيغة الحد الاخير L

$$L = A + (n-1) d$$

تطبق هذه الصيغة مرتين في المرة الاولى يكون

$$L_1 = \text{التعداد الاخير قبل سنة التقدير}$$

A التعداد السابق له

$$N_1 = (\text{عدد السنين بين العدادين} +)$$

d = الزيادة السنوية للسكان . وفي المرة الثانية يكون

$$L_2 = \text{عدد النفوس في سنة التقدير للتعداد الاخير}$$

$$N = (\text{عدد السنين بين سنة التقدير والتعداد الاخير} + 1)$$

A₂ التعداد الاخير .

3-3-8. المتوالية الهندسية

في حالة التقدير بطريقة المتوالية الهندسية نطبق القانون

$$L = A * R^{n-1}$$

يطبق هذا القانون مرتين في المرة الاولى لاستخراج قيمة R معدل الزيادة السنوية L_1 , A_1 كعدادين الاخير والذي قبله n_1 (عدد السنين بين التعدادين + 1)، ويطبق القانون مرة ثانية لاستخراج عدد السكان في سنة التقدير حيث

L_2 عدد السكان في سنة التقدير

A_2 التعداد الاخير

N_2 عدد السنين بين سنة التقدير والتعداد الاخير .

:

4816185 1947 1957 6339960 والمطلوب تقدير
: 1964

أولا : المتوالية العددية

ثانيا : المتوالية الهندسية

: بطريقة المتوالية العددية

$$L_1 = A + (n-1)d$$

$$6339960 = 4816185 + (11-1) d$$

$$d = \frac{6339960 - 4816185}{10} = 152378 \text{ الزيادة السنوية}$$

$$L_2 = 6339960 + (8-1) * 152378$$

$$1964 \quad L = 6339960 + 1066346 = 7406306$$

الحل : بطريقة المتوالية الهندسية

$$L_1 = A * R^{n-1}$$

$$6339960 = 4816185 * R^{11-1}$$

$$R = \left(\frac{6339960}{4816185} \right)^{1/10}$$

$$\text{Log } R = \frac{1}{10} (\text{Log } 6339960 - \text{Log } 4816185)$$

$$\text{Log } R = 1/10 (6.8021 - 6.6826)$$

$$\text{Log } R = 0.01195$$

ونقف الى هذه المرحلة بدون ان نجد العدد المقابل R في الخطوة التالية

$$L_2 = 1964$$

$$L_2 = 6339960 * R^{8-1}$$

$$\text{Log } L_2 = \text{Log } 6339960 + 7 * \text{Log } R$$

$$\text{Log } L_2 = 6.8021 + 0.01195$$

$$\text{Log } R = 0.01195$$

حيث

$$\text{Log } L_2 = 6.8021 + 0.08365 = 6.88575$$

. 1964

$$\text{Log } L_2 = 7688000$$

الجدول الإحصائية

جدول كا²

درجة الحرية			
	0.05	0.01	0.001
1	3.84	6.64	10.83
2	5.99	9.21	13.82
3	7.82	11.35	16.27
4	9.49	13.28	18.47
5	11.07	15.09	20.52
6	12.59	16.81	22.46
7	14.07	18.48	24.32
8	15.51	20.09	26.13
9	16.92	21.67	27.88
10	18.31	23.21	29.59
11	19.68	24.73	31.26
12	21.03	26.22	32.91
13	22.36	27.69	34.53
14	23.69	29.14	36.12
15	25.00	30.58	37.70
16	26.30	32.00	39.25
17	27.59	33.41	40.79
18	28.87	34.81	42.31
19	30.14	36.19	43.82
20	31.41	37.57	45.32
21	32.67	38.93	46.80
22	33.92	40.29	48.27
23	35.17	41.64	49.73
24	36.42	42.98	51.18
25	37.65	44.31	52.62
26	38.89	45.64	54.05

27	40.11	46.96	55.48
28	41.34	48.28	56.89
29	42.56	49.59	58.30
30	43.77	50.89	59.70
31	44.99	52.19	61.10
32	46.19	53.49	62.49
33	47.40	54.78	63.87
34	48.60	56.06	65.25
35	49.80	57.34	66.62
36	51.00	58.62	67.99
37	52.19	59.89	69.35
38	53.38	61.16	70.71
39	54.57	62.43	72.06
40	55.76	63.69	73.41
41	56.94	64.95	74.75
42	58.12	66.21	76.09
43	59.30	67.46	77.42
44	60.48	68.71	78.75
45	61.66	69.96	80.08
46	62.83	71.20	81.40
47	64.00	72.44	82.72
48	65.17	73.68	84.03
49	66.34	74.92	85.35
50	67.51	76.15	86.66
51	68.67	77.39	87.97
52	69.83	78.62	89.27
53	70.99	79.84	90.57
54	72.15	81.07	91.88
55	73.31	82.29	93.17
56	74.47	83.52	94.47
57	75.62	84.73	95.75
58	76.78	85.95	97.03

59	77.93	87.17	98.34
60	79.08	88.38	99.62
61	80.23	89.59	100.88
62	81.38	90.80	102.15
63	82.53	92.01	103.46
64	83.68	93.22	104.72
65	84.82	94.42	105.97
66	85.97	95.63	107.26
67	87.11	96.83	108.54
68	88.25	98.03	109.79
69	89.39	99.23	111.06
70	90.53	100.42	112.31
71	91.67	101.62	113.56
72	92.81	102.82	114.84
73	93.95	104.01	116.08
74	95.08	105.20	117.35
75	96.22	106.39	118.60
76	97.35	107.58	119.85
77	98.49	108.77	121.11
78	99.62	109.96	122.36
79	100.75	111.15	123.60
80	101.88	112.33	124.84
81	103.01	113.51	126.09
82	104.14	114.70	127.33
83	105.27	115.88	128.57
84	106.40	117.06	129.80
85	107.52	118.24	131.04
86	108.65	119.41	132.28
87	109.77	120.59	133.51
88	110.90	121.77	134.74
89	112.02	122.94	135.96
90	113.15	124.12	137.19

91	114.27	125.29	138.45
92	115.39	126.46	139.66
93	116.51	127.63	140.90
94	117.63	128.80	142.12
95	118.75	129.97	143.32
96	119.87	131.14	144.55
97	120.99	132.31	145.78
98	122.11	133.47	146.99
99	123.23	134.64	148.21
100	124.34	135.81	149

جدول ت

درجة الحرية								
	0.1	0.05	0.01	0.005	0.001	0.0005	0.0001	0.00005
طرفين	0.2	0.1	0.05	0.01	0.005	0.001	0.0005	0.0001
2	1.89	2.92	4.30	9.92	14.09	31.60	44.70	100.14
3	1.64	2.35	3.18	5.84	7.45	12.92	16.33	28.01
4	1.53	2.13	2.78	4.60	5.60	8.61	10.31	15.53
5	1.48	2.02	2.57	4.03	4.77	6.87	7.98	11.18
6	1.44	1.94	2.45	3.71	4.32	5.96	6.79	9.08
7	1.41	1.89	2.36	3.50	4.03	5.41	6.08	7.89
8	1.40	1.86	2.31	3.36	3.83	5.04	5.62	7.12
9	1.38	1.83	2.26	3.25	3.69	4.78	5.29	6.59
10	1.37	1.81	2.23	3.17	3.58	4.59	5.05	6.21
11	1.36	1.80	2.20	3.11	3.50	4.44	4.86	5.92
12	1.36	1.78	2.18	3.05	3.43	4.32	4.72	5.70
13	1.35	1.77	2.16	3.01	3.37	4.22	4.60	5.51
14	1.35	1.76	2.14	2.98	3.33	4.14	4.50	5.36
15	1.34	1.75	2.13	2.95	3.29	4.07	4.42	5.24
16	1.34	1.75	2.12	2.92	3.25	4.01	4.35	5.13
17	1.33	1.74	2.11	2.90	3.22	3.97	4.29	5.04

18	1.33	1.73	2.10	2.88	3.20	3.92	4.23	4.97
19	1.33	1.73	2.09	2.86	3.17	3.88	4.19	4.90
20	1.33	1.72	2.09	2.85	3.15	3.85	4.15	4.84
21	1.32	1.72	2.08	2.83	3.14	3.82	4.11	4.78
22	1.32	1.72	2.07	2.82	3.12	3.79	4.08	4.74
23	1.32	1.71	2.07	2.81	3.10	3.77	4.05	4.69
24	1.32	1.71	2.06	2.80	3.09	3.75	4.02	4.65
25	1.32	1.71	2.06	2.79	3.08	3.73	4.00	4.62
26	1.31	1.71	2.06	2.78	3.07	3.71	3.97	4.59
27	1.31	1.70	2.05	2.77	3.06	3.69	3.95	4.56
28	1.31	1.70	2.05	2.76	3.05	3.67	3.93	4.53
29	1.31	1.70	2.05	2.76	3.04	3.66	3.92	4.51
30	1.31	1.70	2.04	2.75	3.03	3.65	3.90	4.48
35	1.31	1.69	2.03	2.72	3.00	3.59	3.84	4.39
40	1.30	1.68	2.02	2.70	2.97	3.55	3.79	4.32
45	1.30	1.68	2.01	2.69	2.95	3.52	3.75	4.27
50	1.30	1.68	2.01	2.68	2.94	3.50	3.72	4.23
55	1.30	1.67	2.00	2.67	2.92	3.48	3.70	4.20
60	1.30	1.67	2.00	2.66	2.91	3.46	3.68	4.17
65	1.29	1.67	2.00	2.65	2.91	3.45	3.66	4.15
70	1.29	1.67	1.99	2.65	2.90	3.43	3.65	4.13
75	1.29	1.67	1.99	2.64	2.89	3.42	3.64	4.11
80	1.29	1.66	1.99	2.64	2.89	3.42	3.63	4.10
85	1.29	1.66	1.99	2.63	2.88	3.41	3.62	4.08
90	1.29	1.66	1.99	2.63	2.88	3.40	3.61	4.07
95	1.29	1.66	1.99	2.63	2.87	3.40	3.60	4.06
100	1.29	1.66	1.98	2.63	2.87	3.39	3.60	4.05
200	1.29	1.65	1.97	2.60	2.84	3.34	3.54	3.97
500	1.28	1.65	1.96	2.59	2.82	3.31	3.50	3.92
1000	1.28	1.65	1.96	2.58	2.81	3.30	3.49	3.91
	1.28	1.64	1.96	2.58	2.81	3.29	3.48	3.89

جدول ف

حرية التباين الصغير	درجة حرية التباين الكبير								
	1	2	3	4	5	6	8	12	ن
1	161	200	216	225	230	234	239	244	254
2	18.5	19.0	19.2	19.3	19.3	19.3	19.4	19.4	19.5
3	10.1	9.6	9.3	9.1	9.0	8.9	8.8	8.7	8.5
4	7.7	6.9	6.6	6.4	6.3	6.2	6.0	5.9	5.6
5	6.6	5.8	5.4	5.2	5.1	5.0	4.8	4.7	4.4
6	6.0	5.1	4.8	4.5	4.4	4.3	4.2	4.0	3.7
7	5.6	4.7	4.4	4.1	4.0	3.9	3.7	3.6	3.2
8	5.3	4.5	4.1	3.8	3.7	3.6	3.4	3.3	2.9
9	5.1	4.3	3.9	3.6	3.5	3.4	3.2	3.1	2.7
10	5.0	4.1	3.7	3.5	3.3	3.2	3.1	2.9	2.5
11	4.8	4.0	3.6	3.4	3.2	3.1	3.0	2.8	2.4
12	4.8	3.9	3.5	3.3	3.1	3.0	2.9	2.7	2.3
13	4.7	3.8	3.4	3.2	3.0	2.9	2.8	2.6	2.2
14	4.6	3.7	3.3	3.1	3.0	2.9	2.7	2.5	2.1
15	4.5	3.7	3.3	3.1	2.9	2.8	2.6	2.5	2.1
16	4.5	3.6	3.2	3.0	2.9	2.7	2.6	2.4	2.0
17	4.5	3.6	3.2	3.0	2.8	2.7	2.6	2.4	2.0
18	4.4	3.6	3.2	2.9	2.8	2.7	2.5	2.3	1.9
19	4.4	3.5	3.1	2.9	2.7	2.6	2.5	2.3	1.9
20	4.4	3.5	3.1	2.9	2.7	2.6	2.5	2.3	1.8
21	4.3	3.5	3.1	2.8	2.7	2.6	2.4	2.3	1.8
22	4.3	3.4	3.1	2.8	2.7	2.6	2.4	2.2	1.8
23	4.3	3.4	3.0	2.8	2.6	2.5	2.4	2.2	1.8
24	4.3	3.4	3.0	2.8	2.6	2.5	2.4	2.2	1.7
25	4.2	3.4	3.0	2.8	2.6	2.5	2.3	2.2	1.7
26	4.2	3.4	3.0	2.7	2.6	2.5	2.3	2.2	1.7
27	4.2	3.4	3.0	2.7	2.6	2.5	2.3	2.1	1.7
28	4.2	3.3	3.0	2.7	2.6	2.4	2.3	2.1	1.7
29	4.2	3.3	2.9	2.7	2.5	2.4	2.3	2.1	1.6

30	4.2	3.3	2.9	2.7	2.5	2.4	2.3	2.1	1.6
40	4.1	3.2	2.8	2.6	2.5	2.3	2.2	2.0	1.5
60	4.0	3.2	2.8	2.5	2.4	2.3	2.1	1.9	1.4
120	3.9	3.1	2.7	2.5	2.3	2.2	2.0	1.8	1.3
ع	3.8	3.0	2.6	2.4	2.2	2.1	1.9	1.8	1.0

- 2- ، مبادئ الإحصاء الاجتماعي ، دار المعرفة الجامعية ، 2000 .
- 3- عبد الله عبد الحلیم وآخرون ، الإحصاء مفاهيم أساسية ، 2003 .
- 4- محمد بهجت كشك ، مبادئ الإحصاء الاجتماعي ، دار المعرفة الجامعية ، 1996 .
- 5- مصطفى زايد ، الإحصاء ووصف البيانات ، 1989 .
- 6- سرحان ، العينات ، مكتبة النهضة المصرية .1970
- 7- مقدمة الطرق الإحصائية ، دار المعرفة بمصر ، 1992.
- 8- احمد عبادة سرحان وصلاح الدين طلبة ، أسس الإحصاء ، دار الكتب الجامعية ، 1968 .

- 9- D. M. Bates and D. G. Watts (1988), Nonlinear Regression Analysis and Its Applications. John Wiley & Sons, New York.
- 10- Richard A. Becker, John M. Chambers and Allan R. Wilks (1988), The New S Language. Chapman & Hall, New York. This book is often called the “Blue Book”.
- 11- John M. Chambers and Trevor J. Hastie eds. (1992), Statistical Models in S. Chapman & Hall, New York. This is also called the “White Book”.
- 12- John M. Chambers (1998) Programming with Data. Springer, New York. This is also called the “Green Book”.
- 13- A. C. Davison and D. V. Hinkley (1997), Bootstrap Methods and Their Applications, Cambridge University Press.
- 14- Annette J. Dobson (1990), An Introduction to Generalized Linear Models, Chapman and Hall, London.
- 15- Peter McCullagh and John A. Nelder (1989), Generalized Linear Models. Second edition, Chapman and Hall, London.
- 16- John A. Rice (1995), Mathematical Statistics and Data Analysis. Second edition. Duxbury Press, Belmont, CA.
- 17- S. D. Silvey (1970), Statistical Inference. Penguin, London.